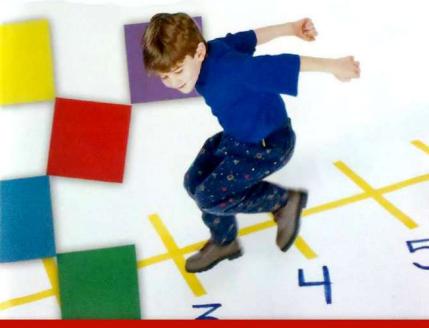
سعيد جابر المنوفي

إيمان زكني محسد

النتعلم بالعمل في تدريس السرياضيات

بالمرحلة الابتدائية



التعسّام بالهمّل في مَرريسِ الرَراضِيّات بالمرْحَلة الإبْتِدَائيَّة

و*كتور* سَعي*ث د جَابر ا لمنوفي* اسْنَاذ مُشَارك المسَاجِح وَطرق مَدَّدرييَ المياحثيات بكلية المعلِين عِبَدَّة

1997

المكتبة الفيملية

حقوق الطبع محفوظة الطبعة الأولى م۱٤۱۸ هـ = ۱۹۹۷م

يمنح طبع هذا الكتاب، أو أي جزء منه، أو اختزال مانته بطريقة الاسترجاع كما يمنع الاقتباس منه أو التمثيل أو الترجمة لأية لغة أخرى، أو نظله على أي تحو، وباية طريقة، سوه كانت الكترونية أو ميكانيكية أو بالتصوير أو بالتسجيل أو خلاف ذلك إلا بموافقة خطية مسبقة من الناشر.



الملكة العربية السعودية مكة المكرمة _ المعابدة س.ت ۱۳۲۷۶

ص.ب ۲۷۰۳ ـ تلفون وفاكس: ۲۷۰۳ ۲۷۰۹



النشسام بابهتل في ت*دريب والركاجيبيّات* بالمدّحدة الإنبذائيّة



سُبحانكة علم لنا إلاما علمتنا إنكأنت الغليم الحكيم

مدل الله العظيم

(۲۲/الیکرة)

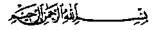
المحتسويات

العصفحة	الموضو عات
	1
	الغصل الأول: الرياضيات في المدرسة الإبتدائية
٣	الموامل التي أثرت على رياضيات المدرسة الإبتدائية
٦	خصائص برنامج الرياضيات الناجح
٦.	أهداف تدريس الرياضيات بالمرحلة الإبتدانية
٧	المهارات الرياضية في المدرسة الإبتدانية
١.	محتوى مقررات الرباضيات بالمرجلة الإبتدائية
	الغصل الثاني القطع المنطقية والتفكير الرياضي
11	التصنيف
47	المقارخة
40	المزاوجة
44	الترتيب
	الغصل الثالث: العدد وإستخداماته
**	استخدامات المند
* *	بياجيه ومفهوم الحدد
Y1	مراحل تقديم العدد
	الفصل الوابس: جمع وطرح الأعداد الكلية
٧٦	الجمع حتى ناتج ١٠
۸١	الطرح من ١٠ أو اقل
7.4	الربط بين الجمع والطرح
A1	الجمع يدون إستخدام القيمة للمكانية
٩.	حفظ حقانق الجمع والطرح
90	الجميع بإستخدام القيمة المكانية
1+1	المطرح بإستخدام القية المكانية
117	الأخطاء الشانعة فى الجمع والطرح
111-117	مزاجعة الجمع والطزح
	الفصل الغامس: ضرب وقسمة الأعداد الكلية

السافحة	البوشي وعيات
172	مقهوم الضرب
144	حقانق الضرب
122	القديمة
127	ريط الضرب بالقسمة
11.	الضرب بإستخدام القيمة المكانية
127	القسمة بإستخدام القيمة المكانية
171	الأخطاء الشائعة في الضرب
175	الأخطاء الشانعة في القسمة
	الغمل السامس: أفكار أولية عن نظرية العدد
144	المضاعفات
140	العوامل
177	الأعداد الأولمية
14.	قابلية القسمة
	الفصل السابع: الكسور الإعتيادية
197	معنى الكسر
Y	الكسور المتكافئة
7.7	مقارنة الكسور
7.7	جمع وطرح الكسور الإعتيادية
1	ضرب الكسور الإعتيادية
*17	قسمة الكسور الإعتيادية
	الفصل الثامن: الكسور العشرية
7 77	تقديم الكسور العشرية
Y 4.4	ربط الكسور العشرية بالقيمة المكانية
7 £ +	تكافو الأعداد العشرية
711	مقارنة وترتيب الأعداد العشرية
461	العمليات على الكسور العشرية
404	الأخطاء الشائعة في الكسور العشرية
	الكسور العشرية القديمة

السيغية	الهوضوعات
	الغمل التاسع: النسبة والتفاسب والنسب المثوية
7	النسبة
YTE	النسب المكافئة
770	المعدل
Y70	التقاسب
Y1V	التآسيم التناسبي
*17	مقياس الرسم
Y71	النسبة المنوية
YY7	تطبيقات النسبة المنوية في الحياة اليومية
	الفصل الماهر: المقاييس وعمليات القياس
۲۹.	تقديم القياس
79.	الطول
Y 9 7	المحيط
Y9.A	المساحة
۳. ۲	السعة
۳.٥	الحجم
T - A	الوزن
717	المزمن
	الغصل الدادو عشرء الهندسة
TTY	التوبولوجي
442	الأشكال الهندسية
W £ 9	حفاهيم هندسية أساسية
T E 9	الزوايا
rol	التحويلات الهندسية
rar	التطابق والمتشابه
rev	الإنشاءات الهندسية
T 29	استخدام الأشكال الهندسية في الناحية الجمالية

السيفية	الموضي عيات
	الغمل الثاني عشر: الإحصاء
777	مفهوم الإحصاء وتطوره
TYT	أهداف تدريس الإحصاءات في المدارس
TVT	أساليب تدريس الإحصاء
TV1	مصادر جمع البيانات
441	طرق عرض البيانات
7.47	أتسام الإحصباء
7 ^7	إستخدام الإحصاء في كتابة وتحليل التشفير



مقدمة:

الحمد الله الذي خلق فسوى والذي قدر فهدى والصدلاة والسلام على المعلم الأول سيدنا محمد صلى الله عليه وسلم وبعد فسن نافلة القول أن الرياضيات أداة مهمة وكشيرة الإستعمال في حياتنا اليومية وفي العلوم والتكنولوجيا كما ينظر المريون إليها كواحدة من أفضل الوسائل الخاصة بتنمية المهارات الفكرية. ومن منطلق هذه الأهمية المرياضيات تسعى جميع الدول إلى تطوير محتواها وتطوير الطرق والأماليب المستخدمة في تدريسها. ولما كانت المرحلة الإبتدائية هي البنية الأساسية لأي نظام تعليمي فقد أوجب ذلك الإهتمام بإعداد معملي المرحلة الإبتدائية بصفة عامية ومعلم الرياضيات بالمرحلة الإبتدائية بصفة خاصة. ومن هنا برزت فكرة هذا المكتاب الذي يهدف الكانب منه إلى:

- مساعدة معلمي العسنتبل والمعلمين الممارسين للمهنـة على تنميـة خلفيتهم في
 محتوى الرياضيات وطرائق تدريسها في المرحلة الإبتدائية.
- إقتراح بعض الأساليب التي يمكن من خلالها مساعدة الأطفال على بناء الأفكار الرياضية من خلال الأنشطة التي يقومون بها بأنفسهم.
- التعاون والإسهام في تطوير تدريس الرياضيات بالمرحلة الإبتدائية في مجتمعنا لمواكبة الفكروالخبرة العالمية.

ويركز هذا الكتاب على الحاجة إلى تقديم الرياضيات من خلال أنشطة متالية، وهذه الأنشطة تحقق مبدأ التعلم بالعمل، ويعمارسة هذه الأنشطة فإن القارىء أو القائم بالتدريس لا يتعلم الرياضيات فقط ولكنه يكتسب خبرات أساسية فى التدريس للأطفال، و يتطلب التدريس بهذا الأسلوب معلما معدا للتدريس ويتكيف تبعا للمواقف التعليمية ولا يدرس بالطريقة التى درس بها فقط.

وهذا الإسلوب يتمشى وما يضادى به المربون حوث يقبول هالموس Halmos

- * أحسن طريقة للتعلم هي أن تعمل وتسأل وتعمل.
- * أحسن طريقة التعليم هي أن تجعل التلاميذ يسألون ويعملون.

* لا تعظ بالحقائق وقع بإثارة الأفعال.

وقد جاء هذا الكتاب في إنْتي عشر فصلاً، ونظم كل فصل بحيث يتضمن ست أجزاء هي لتحديد النواتج التعليمية المتوقعة من كل من القارىء والطفل المتعلم

الأهـــــــداف: وهي النواتج التعليمية التي ينبغي تحقيقها بعد قراءة هذا الكتاب

- العقدمة ويتصد منها إلقاء الضوء على محتوى الفصل والمفاهيم المتضمضة منه.
- الأنشطة وذلك لأنها تستخدم في إثارة الإنتباه وتفريد التعليم وتحقيق التنوع في طرق التدريس.
 - التطبيق والمتابعة: ونتمثل في أنشطة إضافية وفريد من المناقشة.
- معلومات إضافية: وهي إثراء للقارى، وزيادة خبراتة بأفكار رياضية متقدمة وقد تتضمن أفكارا تاريخية للتشويق والإثارة.
 - إختير فهمك: وهي عبارة عن أسئلة وقد وضبعت الأسباب عديدة منها.
 - * قد تساعد القارىء على التعلم أفضل من القراءة فقط.
 - * تحث على التفكير في المادة وتثرى القدر المكتسب منها.
 - * تمكن القارىء من إختبار فهمه وتقوى هذا الفهم.
 - * تشجع القارىء على أن يسأل أسئلة من عنده.

وإذا إستطعت أن تجيب على الأسئلة التي ينتهى بها كل فصل فسوف تكتسب الفهم والمهارة المطلوبين لمعلم الرياضيات الناجح بالمرحلة الإبتدائية. وإذا لم تستطع الإجابة فاعد قراءة الفصل مرة ثانية أو إيحث في مصادر أخرى تتعلق بهذا الجزء.

وقد تتاول الفصل الأولى: رياضيات المرحلة الإبتدائية وأميتهما ومحتواها وأهداف تدريسها. ثم ركز الفصل الثاني: على الأدوات المنطقية وأهميتها في إكتساب أساليب التفكير الرياضي من خلال لعب الأطفال بهذه الأدوات بطريقة مباشرة ثم تتاول الفصل الثانث: العدد وإستخداماته المتعددة ثم تتاول الفصل الرابع: الجمع والطرح وفي القصل الشامس: جاء الضرب والقسمة ليكملا العمليات الأربع الأسلمية، وتضمن الفصل المسادس: بعض الأولية عن نظرية العدد مثل المضاعفات والعوامل والأعداد الأولية

وقابلية القسمة أما الكسور الإعتيادية والعمليات عليها فقد خصص لهــا الفصل الصابع: وجاءت الكسور العشرية والمعمليات عليها في الفصل الشامن.

واختص الفصل التاسع: بالنسبة والتاسب وتطبيقاتهما في حياتنا العامة. وتضمن الفصل العاشمو: التياس ومفاهيمه وخصدص الفصل الصادى عشر: للهندسة ومفاهيمها والإنشاءات الهندسية وأخيرا جاء الفصل الشاتى عشر: في الإحصاء والهميته وبعض الأفكار الإحصائية التي تناسب طفل المرحلة الإبتدائية.

ويهمس المؤلف في أذن القارىء بأن هذا الكتاب ليس للقراءة البسيطة التصفحية ولكنه كتاب عمل ويدعوك لتكن ملما بطرق فعالة لمساعدة الأطفال على تعلم الرياضيات وعلى القارى وهو يمارس الأنشطة الموصوفة في هذا الكتاب أن يسأل نفسه الأسئلة التالية:

- * ما الرياضيات المتضمنة هنا؟ وما أساليب التفكير المطلوبة؟
- هل تمكن هذه الأنشطة من مساعدة الأطفال على تعلم الأطفال؟
- هل هذه الأنشطة مناسبة لكي يمارسها أطفال ذوى أعمار مختلفة و قدرات عقلة مختلفة؟
 - أى من هذه الأنشطة ممتع؟ ولماذا؟ وبأيها يمكن أن يستمتع الأطفال؟

وقبل أن تنتهى هذه المقدمة أود التعبير عن خالص شكرى وتقديرى للأستاذه الدكتورة نظلة حسن خضر أستاذ تدريس الرياضيات بكلية التربية جامعة عين شمس والمى زوجتى وأولادى والى كل من ساهم فى ايراز هذا العمل المتواضع إلى حيز الوجود.

والله أسأل أن ينفع بهذا العمل إنه نعم المولى ونعم النصير.

الموليف



السفصسسل الأول

السرياضيسات فسى المدرسسة الإبتدائية

- *مقدمة
- العوامل التي أثرت على رياضيات المدرسة الابتدائية
- * خصائص برنامج الرياضيات الناجح في المدرسة الإبتدائية
 - * المهارات الرياضية في المدرسة الإبتدائية
 - * محتوى مقررات الرياضيات في المرحلة الإبتدائية
 - أهداف تدريس الرياضيات في المرحلة الإبتدائية

من المتوقع بعد دراسة هذا القصل أن يكون الدراس قادرا على أن :-

- يذكر شقويا أو تحريبيا خمسة ملامح مختلفة لبرنامج الرياضيات الذي يقود الأطفال الى معرفة القراءة والكتابة الرياضية.
 - بحدد ثلاثة عوامل رئيسية تؤثر في يرامج الرياضيات المعاصرة.
- يتعرف على دراسات ونظريات بعض علماء النفس التي أثرت على تعليم وتعلم
 الرياضيات.
 - يمرف أهداف تدريس الرياضيات في المرحلة الإبتدانية
 - يحدد ثمانية مجالات مهارية شائعة ومتضمنة في برامج الرياضيات اليوم.
 - يعرف محتوى مقررات الرياضيات في المرحلة الإبتدائية في الصفوف المختلفة.

مقدمة:

نعيش اليوم في عصر العلم والتكنولوجيا ويتطلب المجتمع في هذاالعصر من المدرسة أن تسهم في اعداد الأطفال للحياة من خلال التعلم المستمر ، ولما كنا نعيش في عصر المتغيرات حيث يطلع علينا العلم كل يوم بجديد فيجب على برامجنا التعليمية أن تمكن المتعلمين من التعامل مم التغيرات المجهولة .

ولما كانت المدرسة الابتدانية هي القاعدة الأساسية والبنية الرئيسة في أي نظام تعليمي في العالم ، ولما كانت الرياضيات تحتل مكانة رفيعة بين المواد الدراسية التي يتكون منها البرنامج الدراسي حيث تمثل تقريباً ٢٢ ٪ منه فإن ذلك أتقل المهمة على كاهل القائمين على تعليمها وأوجب أيضاً على برنامج الرياضيات في المرحلة الابتدائية بصفة خاصة أن يساعد على مواجهة التحدي بمعنى أنه يجب أن يزود الأطفال بالمعرفة والمهارات والاتجاهات التي يحتاجونها للثقافة الرياضية والتي سوف يحتاجونها لدراسة الرياضيات في المراحل اللاحقة .

ويمكن للمعلمين من خلال أسائيب التعليم والتعلم الفعالة أن يوضحوا ويظهروا للأطفال الجانب العثير في الرياضيات وخاصـة في اكتشاف كيفية أداء العمليات على الأعداد .

ويمكن للأطفال أن يبحثوا عن أنساط خلال الأعداد كما يمكن أن ينموا درجة وعيهم بأهمية الأنماط في تنظيم وتركيب الأنكار حول الأعداد وفضلاً عما يقدمه المعلم والكتاب المدرسي من تعميمات وياضية فإنه يمكن توجيه الأطفال وارشادهم نحو بناء تنك التعميمات ويمكن للأطفال أيضا بإستخدام أفكارهم عن الأتماط أن يعبروا بكلمات من عندهم عن التعميمات الرياضية وخلال عمليات الاستقصاء والاكتشاف والبحث عن أنماط وبناء التعميمات يمكن للأطفال أن يبحثوا ويكتسبوا أساليب التفكير الإبتكاري ويستخدموا الرياضيات كوسيلة لحل المشكلات اليومية كما يمكن لهم أيضاً أن ينموا فهمهم وادراكهم للعبادىء التي تمكنهم من ايجاد مداخل بديلة للمشكلات.

وفي عصرنا هذا قد حلت الألات الحاسبة والكمبيوتر محل الورقة والقلم والوسائل البطينة في اجراء الحسابات إلا أن ذلك يجب الايمنع الأطفال من أن يعرفوا أنهم في حاجة إلى التمكن من المهارات الرياضية الأساسية .

ويجب أن يفهم كل الأطفال المفاهيم المتضمنة في عمليات الجمع والطرح والضرب والقسمة ، ولكي يفهموا ذلك يجب أن يتمكنوا أولا من الحقائق الأساسية نتلك العمليات ويفهموا أيضاً خوارزمياتها .

- وخلال سنوات المدرسة الابتدائية يجب أن يراعي في تدريس الرياضيات للأطفال مايلي:
- اتاحة الفرصة لهم للتعامل مع الأشياء والنماذج المحسوسة لكي ينمو فهم خصائص
 العدد والأنظمة المدية لديهم
- ٢- ارشادهم وتوجيههم ومرورهم بخبرات لإكتشاف المفاهيم الرياضية وتتنمية قهمهم لعمليات القياس والحسابات .
- ٣- تركهم يعملون وفقاً فقدراتهم وإستعدادتهم الفردية وأساليبهم الخاصة في التملم
 و بمعدلات تناسعهم كأفراد
- أثارت.هم لكي يستمتعوا بدراسة الرياضيات وتنمو لديهم الإنجاهات الإيجابية نصو المادة.
- توجيههم وارشادهم إلى التعرف على أهمية الرياضيات ودورها في المجتمع في
 عصر زاد فيه الإعتماد على العلم والتكثولوجيا .

العوامل التي أثرت على رياضيات المرحلسة الإبتدائية :

دلت نتائج البحوث والدراسات التي اجريت على برامج الرياضيات في المرحلة الإبتدائية أن هناك عوامل ثلاثة أثرت على محتوى الرياضيات واجراءات تدريسها وهذه العوامل تتمثل في :

- ١- زيادة استخدام الكمبيوتر والآلات الحاسبة وأساليب التشخيل الآلي
 (Automation Techniques)
 - Professional Mathematicions الاهتمام بالرياضيين المهنيين ٢
 - T البحوث في عملية التعلم Learning Process

فالكمبيوتر والآلات الحاسبة وأساليب التشفيل الآلي ثلاثة مستجدات أقامت كثيراً الرياضيات سواء في مجال النظريات الرياضية أو في مجال فهم الرياضيات لدرجة أن البعض يعتبر تلك العستجدات بمثابة هدية ومكافأة الرياضيات .

فألات تسجيل واجراء الحسابات الموجودة بمعظم محلات البقالة والمحلات التجارية الآن قد أنقصت الحاجة إلى المهارت المتطلبة لدى الأفراد لإجراء العمليات الحسابية الكبيرة والمعددة . وفي نفس الوقت فهناك حاجة منز ايدة لكي يكتسب الأفراد المحرفة والمهارات في تشغيل تلك الآلات ووضع براصج لها والقيام بالصيائة الملازمة لها.

ومع انتشار أجهزة الكمبيوتر ورخص أسعارها فإن مهنة البرمجة وبدوث الععليات أصبحت تدر دخلاً كبيراً من خلال الحاجة اليها في الصناعة وادارة الأعمال وغيرها من المجالات .

ويمكن وصف التشغيل الآلي بأنه عملية تشغيل آلات بآلة. وهو نتجة مباشرة لزيادة استخدام الكمبيوتر الذي يستخدم الأن فسي مجالات متقدمة مثل رحلات الفضاء والتحكم في توزيع الكهرباء وفي مجالات طباعة الصحف والتحكم في حركة المطارات في استقبال الطائرات وما إلى ذلك. أي أنه يسهم في تشغيل تلك الآلات وبدونه سوف يكون الأمر في غاية الصعوبة ولا نستطيع الحصول على ما نحصل علية الآن من تقدم ورفاهية والتشغيل الآلي يقضى على عديد من المهن ويغير متطلبات البحض الأخر منها وفي الوقت نفسه فإنه يفتح المجال أمام مهن أخرى عديدة في المجالات الصناعية وغيرها . وكثير من هذه المهن الجديدة تتطلب أشخاصاً لديهم فهم أعمق بالمقارنة

ونتيجة لزيادة الحاجة الى الرياضيات والإعتماد عليها في عصر التطور والتقدم زاد اهتمام الدول المتقدمة بالرياضيات وحرصت على تطورها كملم وعلى تطوير تعلمها ففي الولات المتحدة الأمريكية مثلاً وعقب الحرب العالمية الثانية وافقت الحكومة على انشاء المؤسسة العلمية الثانية وافقت الحكومة على عاتقها مسئولية تطوير السياسة القومية في مجال البحث العلمي والتربوي وفي عام ١٩٥٨ بدأت (NSF) المعمل في مجموعة در اسة الرياضيات المدرسية (SMSG) . وفي ما المرحلة الثانوية ثم تحول اهتمامهم الى المرحلتين المتوسطة والإبتدائية . وفي الستينات في نظهرت مشروعات رياضيات المرحلة الإبتدائية . وفي الستينات عليه من مروعات رياضيات المرحلة الإبتدائية مثل مشروع جامعة الينوي ومشروع ماديسون وبرنامج مينسوتا لتدريس الرياضيات والعلوم ، وتمثلت تلك المشروعات في الاهتمام بإدخال موضوعات والمحتوات والمتحد والإحتمالات

وهناك تأثير أخر على رياضيات المدرسة الإبتدائية ألا وهـو "كيف يتعلم الأطفال؟". فالدراسات والبحوث التي قام بها كل من وليام برونيل William Brownell وجان بياجيه Jean Piaget وجروم برونر Jean Piaget وجان بياجيه Jean Piaget وروبرت جانييه Richard Skemp وحينشار دسكمب Richard Skemp حول عملية التعلم قد استقبلها مطوروا المفاهج والمتربويون على كل المستويات بكل اهتمام ودرموها بتمعن وتدقيق. ففي الثلاثينات اهتم برونل بمساعدة الأطفال على رؤية علاقة الأجزاء بالكل والكل بالأجزاء وكان ذلك بدلية نظرية المعني Meaning Theory والتي أكنت على وجوب اتاحة الفرصة للأطفال لكي يعملوا بأيديهم ويكتشفوا بأنفسهم معاني الأعداد وقد بينت أبحاث برونل وزملاؤه أنه

يمكن للأطفال أن يفهموا معنى ما يفعلون خلال عملهم مع الأعداد بدون أي فقد للسرعة في تعلم الحقانق الأساسية وفي تنمية المهارة في أداء العمليات على الأعداد .

والشارت دراسات بياجيه الى أهمية الأخذ في الإعتبار مستويات النصو المعرفي للأطفال عند تخطيط أنشطة تعليمية فهم . وسوف ننــاتش يعضــاً من أبحــاث بياجيــه فـي الفصلين القادمين بإنن الله .

وأكد برونز وجانبيه وسكمب على أهمية بنية الرياضيات عند تخطيط الأنشطة وعند تطوير البرامج .

وقدم برونسر أسلوباً نظرياً للتعلم بالاكتشاف ركز فيه على الخبرة العلموسة للمتعلم ولعبه بالمواد والأدوات التعليمية . وقدم ثلاث مراحل للتعلم بالاكتشاف يمر بها المتعلم هي ١- مرحلة النشاط حيث يتمامل فيها المتعلم مع الاشياء المحسوسة مباشرة ٢- مرحلة الصور الذهنية حيث يقاد المتعلم في الاشياء ذهنياً دون التعامل المباشر معها ٣- المرحلة الرمزية حيث يتعامل المتعلم بالرموز مباشرة بطريقة مجردة . والاكتشاف في نظر برونر ليس شيئاً خارجاً عن المتعلم ولكنه يتضمن اعادة تتظيم الافكار المعروفةسابقاً في ذهنه وبين التنظيم الموجود في الشيء الجديدالذي يقابله والذي يجب أن يطوع تفكيره له ببنائه تتظيماً جديداً يتغق معه ومن أجل التعرف على العوامل المتضمنه في تعلم وتعليم الرياضيات.

لاحظ برونر وزملاؤه عنداكبيراً من فصول الرياضيات واجروا تجارب على تعليم وتعلم الرياضيات وكنتيجة لهذه الملاحظات والتجارب كون برونر وكيني (١٩٦٣) أربع نظريات عامة عن تعلم الرياضيات والهلقوا عليها: نظريمة البناء ، نظريمة المصطلحات ، نظرية التباين والإختلاف ، والنظرية الإرتباطية .

كما أن أبحاث روبرت جانبيه R. Gagne في أطوار تقابع التعلم وأنصاط التعلم ترتبط بصفة خاصة بتدريس الرياضيات وقد استخدم جانبيه الرياضيات كوسط الاختبار وتطبيق نظريته عن التعلم. وأطوار التعلم التي حددها جانبيه هي الوعمي ، الاستيعاب ، التخزين ، الارجاع وأنماط التعلم التمي كام بدراستها جانبيه وحددها همي ، التعلم الارشادي تعلم الارتباط بين المثير و الإستجابة – التعلم التسلملي – الارتباط اللغوي – الانسلم عن طريق التمايز – تعلم المفهوم – تعلم القاعدة تعلم حل المشكلات .

وتقوم نظرية دينيز Dienes في تعلم الرياضيات على أساس اعتبار أن التعلم يسير في دورات متعاقبة كل دورة تتكون من ثلاث مراحل هي اللعب والتكوين أو البناء والتحقيق وتظهر في نظرية دينيز أهمية اللعب والممارسة وظهر من تجاربه أنه يعكن اعطاء طفل المرحلة الإبتدائية المفاهيم التي كانت تعطى في المرحلة الثانوية إذا قدمت بطريقة ملموسة مثل المعادلات عن طريقالعوازين ، والعتجهات عن طريق أطباق وقاجين والإعداد بأساسيات مختلفة عن العشرة عن طريق مكعبات دينيز .

خصائص برنامج الرياضيات

بالرغم من الإتفاق غير التام حول محتوى الرياضيات والاجراءات التدريسية ومواد التعلم والأهداف التي نعايشها في حاضرنا اليومسي فإنه توجد بعض الخصائص المشتركة لمبرنامج الرياضيات الناجح في المدرسة الإبتدائية هي :

- ا- يقدم المحتوى في تتابع وتـوال بمعنى أن تؤخذ بنية الرياضيات Structure of
 الحسبان مـ Mathematics
- ٧- يؤخذ في الإعتبار عندتخطيط الأنشطة كل من مستوى النمو المعرفي لكل طفل
 والخلفية الرياضية له .
- ٣- تقدم الموضوعات الرياضية الجديدة أو لا في صورة ملموسةثم في صورة شبه ملموسة و أخيراً في صورة مجردة
 - ٤- يتضمن المحترى الهندسة وموضوعات أخرى مثلها مثل الحساب التقليدي .
 - ٥- تطور لغة الرياضيات ورمزيتها بصورة منتظمة .

الأهداف العامة لتدريس الرياضيات في المرحلة الإبتدائية

يدعو التطور السريع في العالم بشتى المجالات العلمية والتكنونوجية والتربوية الى تزويد تلميذ المرحلة الإبتدائية بالمعلومات والخيرات التي تمكن من التعامل والتكيف مع مجتمع متطور ، وحتى يؤدي تدريس مادة الرياضيات دورة فإن الأهداف المنتظر تحقيقها هي :

- ١ تعرف التلميذ على المفاهيم والمعلومات الرياضية التي تتناسب ومستواه في
 هذه المرحلة وذلك من خلال التعرف على:
 - * مجموعة الأعداد الطبيعية والعملوات عليها .
 - * الكسور الاعتيادية والعشرية والعمليات عليها .
 - * بعض المجسمات والأشكال عليها .
 - القياس ووحداته .
 - مبادىء أولية فى الهندسة وبعض التحويلات الهندسية .
 - * مبادىء في جدولة البيانات وتمثيلها وقراءتها .
 - ٢- اكتساب التلميذ بعض المهارات الرياضية وتشمل:
- اجراء العمليات الأساسية على مجموعة الأعداد الطبيعية وعلى الكسور الاعتيادية والعشرية .

- * استخدام المعلومات الرياضية في مواقف الحياة اليومية .
 - تصنیف البیانات وجدولتها وتعثیلها بیانیاً وتفسیرها .
- * ترجمة المسائل اللفظية (الكلامية) اللي رموز رياضية والعكس .
 - ٣- اكتساب اساليب التفكير الرياضي وذلك من خلال:
- تحديد المعطيات والمطلوب في المسألة ثم اختيار العمليات المناسبة للوصول إلى الحل وتبريره -
- استخلاص قاعدة عامة من يعض الحالات الخاصة وتطبيق القاعدة العامة
 على الحالات الخاصة .
 - الربط بين العلاقات الرياضية .
 - * التحقق من صحة الحل ومعقوليته .
 - ٤- اتماء اتجاهات ومواقف ايجابية لدى التلميذ نحو الرياضيات وذلك من خلال :
 - * النَّقة بالنفس عند حل المسائل الرياضية .
 - " تقدير الجوانب الجمالية في الأشكال الهندسية والملاقات الرياضية .
 - * الشعور بالرضى والارتباح حين حل المسائل الرياضية .
 - الميل والرغبة في دراسة الرياضيات .

المهارات الرياضية في المدرسة الإبتدائية

إن اكتساب المهارات الرياضية اللازمة للنعو الرياضي هدف أساسي من أهداف تدريس الرياضيات بالمرحلة الإبتدائية ويقصد بالمهارة هذا الكفاءة فسي آداء عملية رياضية بفهم ودكة وسرعة .

ويعني الفهم إدراك الموقف ككل ثم إدراك مدي العلاقة بين العناصر الداخلة فيمه واختيار العناصر المناسبة واستبعاد غيرها مع القدرة على تعليل وتفسير ووضعع العناصر بصورة معينة للوصول الى حل ما . والفهم أهم ما يميز الاتجاهات الحديثة في تدريس الرياضيات ويذكر أبو العباس (1) أمثلة نمفاهيم يرتبط بها الفهم بصورة عامة منها :

- ١- فهم معنى العدد ومدلوله ،
- ٢- فهم فكرة التناظر الأحادي ،
 - ٣- مبدأ العد ،
- ٤ خصائص أساس النظام العشري .
- ٥- معنى كل من العمليات الأربع الأساسية (الجمع والضرب والطرح والقسمة)
 - العلاقات بين حقائق عددية خاصة مرتبطة بالعمليات الأربع الأساسية .

- ٧- خواص الإبدال والدمج والتوزيع على العمليات الأساسية
 - ٨- فهم الأسائيب الإجرائية لكل من العمليات الأساسية .
- ٩- العلاقة بين الكسور الإعتبادية والكسور العشرية والنسب العنوية .
 - ١٠- العلاقات أكبر من أقل من تساوى .
 - ١١ فكرة القياس والعلاقات بين وحداث القياس الشائعة .
 - ١٢- القوانين والعلاقات في مبادى، الهندسة ,

والدقة في الرياضيات تأتي بعد القهم عند اجراء العمليات الرياضية والدقة تهدف الى الوصول الى الاجابة الصحيحة أوممارسة الاسلوب الصحيح ومن أمثلة الدقة المطلوبة في المرحلة الابتدائية الدكة في استخدام أنوات الهنسة في الكياس وتي الرسم والدقة في اجراء العمليات الحصابية وبالنسبة المسرعة فهي عامل أساسي في اكتساب المهارة ، والفهم والدقة والسرعة عوامل مرتبطة وكل منها شرط أساسي وضروري ولا غنى عنه .

وفيما يتعلق بمجالات المهارة في رياضيات المرحلة ، لابتدائية قدم المركز القومي لموجهي الرياضيات بالولايات المتحدة في ١٩٧٧ ورقة حدد فيها عشرة مجالات للمهارة يجب أن يكتسبها الطلاب قبل أن يكملوا المدرسة الثانوية هي :

- ١- حل المشكلات .
- ٢- تطبيق الرياضيات في مواقف الحياة اليومية .
- ٣- الحذر والاحتراس من عدم ربط النتائج بالأسباب .
 - ٤- التقدير والتقريب .
 - مهار ات حسابیة مناسبة .
 - ٦- الهندســـة .
- حراءة وتفسير وبناء الجداول والخرائط والأشكال والرسوم البيانية .
 - ٨- القيسساس .
 - ٩- استخدام الرياضيات في النتبؤ .
 - ١٠- ثقافة الكمبيوتر .
 - كما ذكر عبيد (١٠)أن الطلاب يجب أن يكتسبوا المهارات التالية :
- ١- مهارات حل المشكلات : من خلال استخدام مداخل حل المشكلات لبحث وفهم ما يواجهونه من مسائل رياضية ، صياغة مسائل وتمارين من الحياة اليومية ومن مواقف رياضية ، تتمية وتطبيق استر اليجيات لحل أنواع متتوعة من

- المسائل ، التحقق من الأجوبة التي يحصمل عليها وتفسيرها بالنسبة للمسائل الأصلية ، اكتساب الثقة في امكانية استخدام الرياضيات استخداماً مفهوماً.
- ١- الاتصال باستخدام نغة وأساليب الرياضيات من خلال ربط المواد المجسمة والمسور والاشكال بأفكار رياضية ، التأمل ووضوح التفكير عند القيام بعملية رياضية أو دراسة أفكار رياضية ، ربط لغة المعياة اليومية بلغة ورموز الرياضيات . كما أن قراءة وكتابة ومناقشة الرياضيات جزء حيوي من تعلم واستخدام الرياضيات .
- ٣- ممارسة تعليل ما يقوم به المتعدم من عمل رياضي من خلال: الستخدام نتانج منطقية ، استخدم نماذج وحقائق وخواص وعلاقات لشرح نتانج طرق التفكير . التعليل للإجابات التي يحصل عليها والخطوات التي يقوم بها عند حل مسألة ، تحليل الموقف الرياضي قبل البدء في معالجته .
 - الربط بين الأفكار الرياضية وبين العواد التعليمية الأخرى .
- تنمية القدرة على التقدير التقريبي : من خلال : دراسة طرق التقدير ، معرفة مدى مناسبة التقدير للإجابات الصحيحة ، تحديد معقولية النتائج ، وتطبيق التقدير التقريبي في أنشطة متعددة ، مثل نتائج العمليات الحسابية والقياس وحل المشكلات .
- اتمية القدرة على التعامل بالمعدد من خلال: ربط معنى العدد بخبرات حياتية
 واستخدام مواد مجسمة توضيحية ، فهم نظام العد والمفاهيم المرتبطة به مشل القيمة
 المكانية ، تتمية الحس العددي ، تفسير الإستخدامات المتعددة للأعداد في الأتشعلة
 الحياتية .
- ٧- تتمية القدرة على اجراه المعليات الحسابية بأعداد صحيحة من خلال فهم معنى كل عملية بواسطة مواقف متعددة تستخدم فيها ، ربط لغة ورموز العمليات بالعواقف المستخدمة فيها وباللغة الدارجة ، تتمية الحس بالعمليات وصياغة مواقف ومسائل يمكن تعتيلها بعملية أو اكثر ،اتقان مناسب للحقائق الأساسية وخطوات اجراء العمليات ، استخدام اساليب متتوعة لإجراء العمليات الحسابية وتقدير نتائجها ، استخدام حاسبات الجيب في المواقف المناسبة ، اختيار واستخدام الأساليب الملائمة لإجراء العمليات الحسابية ما يتفق مع المشكلة المطلوب حلها .
- ٨- تتمية الحي الهندسيى الحس بالفراغ من خلال : وصف وعمل نماذج ورسم أشكال هندسية ، دراسة وتتمية نشانج دمج أو تقسيم أو تغيير الأشكال ، تتمية الحس المكانى ، ربط الأمكار الهندسية في البيئة المحيطة .

- ٩- مهارة القياس ، من خلال فهم خصائص الطول والوزن والمساحة والحجم والسعة والزمن والحرارة والزاوية ، تنمية القدرة على القياس وفهم وحدات القياس ، تقدير قياسات معينة ، عمل واستخدام قياسات في مواقف حياتية .
- ١٠ القيام بإحصاءات وقهم معانى الاحتمال والصدقة من خلال تجميع وتنظيم ووصف بيانات ، قراء ة وتفسير محموعة من البيانات ، صمياغة وحل مشكلات تتضمن جمع وتحليل بيانات ، ادراك مفهوم الصدقة في مواقف حياتية .
- ١١- التعامل بالكسور العادية والعشرية من خلال فهم معناها والربط بينها وإجراء عمليات عليها .
- ١٢- التعرف على أنماط وعلاقات من خلال: التعرف على وصف وتوسيع أنماط مختلفة ووصف بعض العلاقات الرياضية ، استخدام المتغير والجمل المفتوحة للتعدد عن يعض العلاقات .

هذا وهناك توصيبات بزيادة الاهتمام بالحس العمدي والحساب العقلي واستخدام المحاسبات والتقدير التقريبي وفهم ووصف البيانات وادراك مفهوم الاحتمال والصدفة وحل مسائل كلامية مرتبطة بمحوالف حياتية والتعريب على مهارات حل المشكلات.

وفي نفس الوقت هناك توصيبات بالاقلال من الاهتمام بالتدريب العبكر على قراءة وكتابة وترتيب رحوز الأعداد ، وبالعمليات الحسابية المعقدة باستخدام الورقة والقلم ، وبالقسمة المطولة ، وبالمعاني الحسابية المجردة وبالعمليات الحسابية الخاصمة بالكسور بإستخدام الورقة والقلم .

محتوى مقررات رياضيات الرحلة الابتدائية:

لقد دار جدل كبير وبدل كثير من الجهد والوقت والتفكير في تحديد محتوى مقر ات الرياضيات بالمرحلة الابتدائية .

وكان الاعتقاد الساند بأن الوقت الكبير ينقضي والمجهود الذي يبدئل، يبدّل في عمل قليل القائدة أو عمل لا معنى له .

كما كان التركيز في تعليم الرياضيات على أسس وجذور العلم ولكن كثيراً من الأطفال لم يفهموا ماذا يعملون ولكن تغيرت النظرة الآن . وأصبح معظمنا يرى أن كثيراً من موضوعات الرياضيات التقلوية أصبحت لا تناسب العصر الذي نعيشه الآن كما أنها لا تناسب حاجات الحياة اليومية ولا العلم والصناعة والتكنولوجيا .

وادخلت موضوعات معاصرة أكثر ملاءمة من الموضوعات التقليدية لأنها تلبي احتياجات الأطفال كما تلبي احتياجات المجتمعات .

ولم يعد التركيز على جذور الرياضيات ولكن أصبح التركيز على مساعدة الأطفال على أن يفكروا بأنفسهم ، وعلى أن يتعلموا من خلال الأنشطة التي يقومون بها ، وأن يستمتعوا بما يفعلون .

وهنىاك مثـــل صيفــي قديــم يؤيــد تلــك النظـــرية المعــاصـرة التعليـــم وتعلــم الرياضـــيات يقول :

" أنا أسمع وأنسى ، وأرى وأتذكر ، وأعمل وأفهم " .

ويرى البعض أنه إذا وجد فهرس بمحتوى الموضوعات الرياضية المتضمنة فسوف يؤدي ذلك الى نتائج طبية فيما بعد .

وفيماً يلمى قائمة بمفردات محتوى رياضيات المرحلة الابتدائية موزعة على الصفوف السنة كما جاءت في برنامج المشروع الريادي لتطوير تدريس الرياضيات فمي الوطن العربي (٧)

الصف الأول الإبتدائي :

الأعداد والعمليات :

تقوم المفاهيم الآتية بتوظيف مفاهيم المجموعات والعلاقات :

- مفهوم العدد الطبيعي من خلال أنشطة التصنيف والمقارنة وتكافؤ المجموعات .
 - قراءة الاعداد من (١-٩) وكتابتها .
 - مقارنة الاعداد من (۱ ۹) واستعمال الرموز (< ، < ، =) .
 - ترتیب الأعداد من (۱ ۹) ومكونات كل منها.
 - العدد صفر : قرامته وكتابته .
 - العقود حتى (٩٠) ويتم تقديمها من خلال أنشطة التجميع .
 - الاعداد المكونة من رقمين حتى (٩٩).
 - القيمة المكانية للرقم في العدد المكون من رقعين .
 - الاعداد الترتيبية (الاولالعاشر) .
- مفهوم عملية الجمع والرمنز (+) وجدول الجمع حتى (٩ + ٩) جمع عددين بدون احتفاظ .
 - مفهوم عملية الطرح والرمز () وجدول الطرح .
 - العد التنازلي والتصاعدي حتى (٩٩) .
 - مفهوم النصف والربع دون كتابتهما .
 - * الهندسة :
- التعرف على بعض المجسمات (الكرة المكعب الاسطوانة متوازي المستطيلات) .

- التعرف على بعض الاشكال الهندسية المستوية من خملال التعرف على وجوه الاجساء السابقة .
 - الشبكة :
- التعرف على الفضاء : أمام خلف فوق تحنت يعين يسار أعلى -اسفل - بين ...الخ .
 - الخطوط: الخط المغلق الخط المفتوح.
 - المنطقة : داخل خارج .
 - الطرق (المتاهات) . آ

• القياس :

- نشاطات تتضمين قياس الأطوال بوحدات متندة بالشبر أطول أقصر .- مفهوم الطول : أطول - أقصر .
 - الزمن : اليوم الاسبوع . - الزمن : اليوم - الاسبوع .
 - النَّهُود : وحدات النَّقد الأساسية (القطع النَّقدية) -

الصف الثاني الإبتدائي :

- الاعداد والعمليات :
- مراجعة الاعداد الطبيعية حتى ٩٩ (قراعتها وكتابتها) .
- المدد ١٠٠ ويتم تقديمه خلال تجميع الحزم .
- الاعداد المكونة من ٣ أرقام حتى ١٩٩ والقيمة المكانية الرقم فيها .
 - الجمع بدون حمل ثم سع حمل.
- الطرح بدون تفكيك (أعبادة التسمية) في حدود المطروح منه اصغر من ١٩
 - والمطروح اصنغر من عشرة .
- مفهوم عملية الضبرب والرمز (×) في حدود ٥ × ٠ ، القسمة والرمز (÷)، ربط عملية القسمة بعملية الضبرب .
 - المقانة بين الاعداد واستخدام الرموز (> ، < ، =) .
 - الكسور أن أن أن أن عن خلال امثلة من الحياة -
 - حساب ذهني في حدود ما سيقت در استه -
 - مسائل تطبيقية في حدود خطوة واحدة .
 - مساس تعليفيه في خدود خصوه واحد ماده الله

• الهندسة :

- التعرف على الاشكال المستوية التالية (المثلث المربع المستطيل الدائرة)
 الشبكة :

 - النتقل على تربيعات الشبكة وتطبيقات تتعلق بذلك .

- * القياس:
- المتر السنتيمتر ،
- وحدات غير مقننة للساعة .
- الساعة بوحدات كاملة الشهر .
 - النقود المحلية وأجزاؤها .
 - مفهوم الوزن : اتقل أخف .

الصف الثالث الإبتدائي :

- * الأعداد والعمليات :
- مراجعة الاعداد الطبيعية حتى ٩٩٩ .
- مفهوم الالف ومنزلة الألاف والاعداد حتى ٩٩٩٩ .
 - الطرح بالتفكيك (اعادة التسمية) .
 - جدول الضرب حتى 9 × 9 .
 - القسمة كعملية عكسية للضر ب .
- ضرب العقود في عدد مكون من رقمين أو اثلاثة أرقام في عدد مكون من رقع و احد ،
 - القسمة على Y .
 - * الاعداد الزوجية والاعداد الفردية :
 - القسمة بباقي في حدود جدول الضرب.

 - $\frac{Y}{a}$, $\frac{y}{a}$, $\frac{1}{a}$, $\frac{1}{a}$, $\frac{1}{a}$, $\frac{1}{a}$
 - مسائل تطبيقية في حدود خطوتين .
 - الحساب الذهني في حدود ما سبق در استه .
 - * الهندسة :
 - المضلع ،
 - الخط المستقيع .
 - النقطة .
 - الزاربة .
 - تقاطع مستقيمين .
 - التعرف على اضلاع الاشكال الهندسية المستوية السابقة وقياسها .

- ايجاد محيط المربع والمستطيل والمثلث .
- فكرة المساحة باستخدام الشبكة مع تطبيقات عليها .
 - * القياس :
 - الديسيمتر الملليمتر الكيلومتر ،
 - اللتر .
 - السنة الهجرية والميلادية الساعة والدقيقة .
 - الكيلو جزام والجزام.
 - التحويلات بين وحدات النقد .

الصف الرابع الإبتدائي :

- الاعداد والعمليات :
- مراجعة الاعداد الطبيعية حتى ٩٩٩٩.
 - الإعداد حتى ٩٩٩٩٩ .
- ضرب عدد في ١٠، ١٠٠، ١٠٠٠ .
- ضرب عدد مكون من رقمين أو ثلاثة في عدد مكون من رقم أو رقمين .
 - قابلية القسمة على ٢ و ٥ .
 - مفهوم الكسر العادي (الاعتبادي) قراءته وكتابته .
 - جمع كسرين لهما المقام نفسه .
 - طرح كسرين لهما المقام نفسه .
- مقارنة كسرين لهما المقام ذاته وكسرين مختلفي المقام من خلال أمثلة حسية .
 - حساب ذهنی فی حدود ما سبق در استه .
 - مسائل تطبیقیة فی حدود ۳ خطوات .
 - * الهندسة :
 - الزوايا :
 - التعرف على الزاوية القائمة والحادة والمنفرجة .
 - مقارنة الزوايا باستخدام الزاوية الغائمة .
 - وضع مستقيم بالنسبة لمستقيم آخر (التقاطع التعامد التوازي) .

- رسم كل من المربع والمستطيل .
- مساحة كل من العربع والمستطيل .
 - * الشبكة :
- النقل على التربيعات الشبكية المسالك المتكافئة .
- التناظر بالنسبة لمستقيم (الطي) التناظر بالنسبة الى نقطة .
 - * القياس:
 - مر اجعة وحدات النقد وتطبيقات عليها .
 - المتر اجزازه ومضاعفاته .
- السنتيمتر المربع المتر المربع الديسيمتر المربع وحدات المساحة المحلية
 الشائمة .
 - مضاعفات الجرام .

الصف الخامس الإبتدائي :

- * الإعداد والعمليات :
- مراجعة ما مبقت دراسته عن الاعداد والعمليات عليها .
 - المليون والمليار .
- تسمة عددين مع باق وبدون باق والتحقق من صحة القسمة عن طريق الضرب .
 - قابلية القسمة على كل من ٢ ٥ ٩ ٣ ١ ١ .
 - الاعداد الاولمية في حدود ١٠٠ .
 - تحليل عدد الى عوامله الأولية .
 - قاسم عدد القاسم المشترك الاكبر .
 - المضاعف المشترك الاصغر.
 - تحويل عدد الى كسر غير بسيط وبالعكس .
 - مسائل من الحياة تتضمن عمليات الاعداد الطبيعية والكسور العادية والعشرية .
 - -مسائل تطبيقية على ما سبقت دراسته .
 - الحساب الذهني ،
 - الاعداد العشرية والعمليات عليها .

- العمليات على الاعداد المتعلقة بالزمن .
 - الهندسة :
- مفهوم الدرجة واستخدام المنقلة في قياس الزوايا ٠
- اقامة عمود على مستقيم من نقطة واقعة علية بالمثلث القائم والمسطرة .
- اسقاط عمود على مستقيم من نقطة خارجة عنه بالمثلث القانم والمسطرة -
 - رسم مستقم يوازي مستقيماً لأخر بالمثلث القانع والمسطرة .
 - شبه المنحرف متوازي الاضعلاع المعين .
 - ارتفاع المثلث .
 - مساحة متوازى الأضلاع والمعين وشبه المنحرف والمثلث .
 - المساحة المساحة الجانبية المتوازي المستطيلات والمنشور القائم .
 - مفهوم الحجع ،
 - * التربيعات الشبكية :
- تمارين منتوعة على التربيعات الشبكية تتعلق بالتناظر بالنسبة الى مستقم وبالنسبة الى نقطة .
 - استخدام التربيعات الشبكية لقياس المساحات -
 - احداثيا نقطة -
 - * القياس :
 - السنتيمير المكعب الدسم المكعب (الليتر) المكر المكعب ،

الصف السادس الإبتدائي :

- الاعداد والعمليات:
- الاعداد حتى العليار ،
- مفهوم قوة المعدد الاس الاساس .
- الجذر التربيعي للمربع الكامل بالتحليل الى عوامله الاولية .
 - الجذر التكعيبي بالتحليل الى العوامل الاولية .
 - التقريب .
 - الاحصاء : تبويب البيانات وتعثيلها بالاعمدة والرسوم .

- النسية التناسب النسية المنوية .
 - انتقسیم التناسیی .
 - الوسط الحسابي وتطبيقات بسيطة .
 - مقياس الرسم .
- مسائل من العياة تنضمن عمليات على مجموعة الاعداد الطبيعية والكسور المادية والعشرية .
 - حساب ذهنی .
 - الهندسة :
 - تقديم مفهوم النسبة التقريبية .
 - محيط الدائرة ومساحتها .
 - انواع المثلث بالنسبة لأضلاعه وزواياه .
 - مجموع قياسات الزوايا الداخلية لمثلث ١٨٠ درجة .
 - المساحة الجانبية و الكلية للمكعب ولمتوازى المستطيلات ولملاسطوانة والمنشور
 - حجم كل من المكعب ومتوازي المستطيلات .
 - * التربيعات الشبكية :
 - تعيين النقطة على التربيعات الخطوط البيانية .
 - انشاء مضلعات على التربيع الشبكي .
 - انشاء مضلعات على التربيع الشبكي .
 - التناظر الانسحاب (الازاحة) .
 - * القياس:
 - نظام القياس المتري للأطوال والمساحات والحجوم والاوزان.

الغصيسسيل النسانيي

القطع المنطقية و التفكير الرياضي

- * مقدمة
- * التصنيف
 - * القارنة
- * المزاوجة (التناظر الآحادي)
 - * الترتيب

- من المتوقع بعد دراسة هذا الفصل أن يكون الدراس قادرا على أن :-
 - ١- يعرف أهمية التصنيف في بناء االفكر الرياضي .
 - ٢- يعرف قائدة اللعب الحر للأطفال.
 - ٣- يساعد الأطفال على أن يستمع للسوال ويجيبه.
 - ٤- يساعد الطفل على تسجيل ما يقوميه من نشاط،
- ٥- يساعد الطفل على تعلم عبارات مثل أطول من أكبر من أقل من- نفس العدد،
 - ٣- يعرف كيفية نمو خاصية التصنيف لدى الأطفال.
 - ٧- يعرف أهمية المزاوجة في دراسة العدد،
 - ٨- يستخدم بعض الأنشطة لتقديم الترتيب للأطفال.
 - ٩- يعرف دور بياجيه في التأثير على تعليم وتعلم الرياضيات.
- من المتوقع بعد أن يكمل الطقل الأنشطة الموصوفة في هذا القصل أن يقدر على أن :-
 - نصنف حسب خاصية واحدة (الشكل اللون...) وحسب خاصيتين.
 - يتمر ف على العلاتتين: أكبر من وأتل من ويميز بينهما.
 - * يقارن بين الأبعاد والأطوال.
 - * يزاوج بين عناصر مجموعتين.
 - * يرتب بعض الأثياءحسب خاصية معينة.

مقدمية

زاد الاهتمام الآن بالتركيز على مساعدة الاطفال على أن يفكروا بأنفسهم وعلى أن يتعلموا من خلال الانشطة التي يقومون بها وأن يستمتعوا بما يفعلون . ونلك لأن الطفل إذا فهم العمل الذي يقوم به ورأى الموضوعات التي يدرسها مناسبة ووثيقة الصلمة بحياته فسوف ينمو ويتقدم في دراسة الرياضيات .

ومن المعلوم لدينا أن الطفل قبل أن يذهب الى العدرسة - يتعلم كثيراً معا يحدث في منزله وفي الشارع والمحلات والاصاكن الاجتماعية التي يتردد عليها ، فهو يستمع ويتكلم ويفهم وتتكون لديه كثير من الخبرات التي يكون لبعضها علاقة بالاهكار الاساسية للرياضيات ولكن بدون استخدام لفة رياضية سليمة ، فهو على سبيل المثال يستخدم أوعية مثل الاكواب - الفناجين - الاطباق - علب الكرتون الفارغة الخ -

ويتعامل مع الاشكال مثل المكعب - متوازي الاضلاع - الدائرة - الاسطوائة.. كما يقوم بأنشطة التصنيف ، ويستخدم أفكار مثل كثير - قليل - اكبر مـن - مملوء بـ -قارغ ، كما أنه أيضـاً يسـتخدم أفكار العزاوجـة : طبق خاص بالأب - طبق لملام -طبق خالد - طبق سارة و هكذا . كما أنه يأخذ الخطوات الأولى في تعلم العد .

وتشكل تلك الانشطة والتي تتضمن : التصنوف - المقارنة - العز أوجة - الانشكال ملامح وسمات هامة للرياضيات .

ويجب أن تتذكر أن معظم الأطفال لديهم هذه الخبرات قبل دخولهم المدرسة وعلينا أن نسل جاهدين على أن تتسع هذه الخبرات وتتمو في بداية المرحلة الإبتدائية لأن ذلك سوف يساهم في ربط المدرسة بالحياة اليومية .

وسوف نتتباول تلك الأنشطة في هذا الفصيل مع وصيف الأدوات المستخدمة ، وأيضاً طريقة التنفيذ مع مراعاة توظيف العواد المتاحة تبعا لتوفرها .

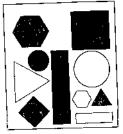
التصنيف: Sorting

نحن نقوم باجراء التصنيف يومياً . فنحن نصنف عندما نقرر أن فاكهة هي التفاح وليست برتقال ، ونصنف حينما نشتري الأثنياء الضرورية أو غير الضرورية . ويجب أن يتعلم الأطفال التصنيف في سن مبكرة لأن ذلك سيساعدهم على تنظوم البيئة المحيطة بهم كما يساعدهم على تطوير استيعاب فكرة العدد .

ويتم النصنيف تبعاً لخاصية معينة مثل الشكل أو الحجم أو اللون أو نوع الصادة ، وتبعاً لخاصيتين معاً كالشكل واللون وهكذا وفيما يلسي الأدوات والسواد المطلوبة لأتشطة التصنيف : ١- مجموعات من الخرز - الصدف-الأزرار-...... وهي متوفرة بالبينة .



٢- مجموعات من الحبوب مثل حبوب اللوبيا أو الفاصوليا أووهذه يمكن جمعها
 بواسطة الأطفال وتلويفها إذا دعت الضدورة.



- T- القطع المنطقية Attribute Blocks
- ٤- في المقابل مجموعة من القطع المنطقية التجارية
- حجموعة من العلب والصفاديق وهي عبارة عن
 علب صغيرة من الورق أو الكرتون مثل علب
 الكبريت وعلب الحلوى .
 - 1- اطارات تصنیف Sorting Frames

^- صواني تصنيف Sorting Trays

وهي عبارة عن علب من الكرتســون غير عميقة تقسم الى قطاعــات بواســطة أســلاك أو مصـاصـات المياد الغازية وتســتخدم هذه القطاعات لتصنيف الأنســـياء .

۹- لوحة وبريه
 ۱۹- الوحة وبريه
 ۱۹-

١- يعطي المعلم الأطفال مجموعة من الأشياء التي تم وصفها سابقاً ويطنب من كل طفل
 النظر اليها وتصنيفها بعد فترة من النشاط الحر ويمكن للطفل اظهار التصنيف عن
 طريق:

أ - استخدام اطار التصنيف ب- استخدام طبق التصنيف .

جـ- رسم خط بالطباشير حول مجموعة من الأشياء .

٢- يصنف الأطفال المجموعات كما في النشاط (١) ولكنهم يستخدمون الآن خصدائص
 اخرى حيث من المعكن أن يقوموا بعمل ما يلي:

ا- انتلوین (اصفر - اخضر - بنی) .

ب- تحديد نوع المادة (معدنية - قماش - حجارة)

٣- يوزع المعلم القطع المنطقية على الاطفال ويطلب منهم أن يصنعوا القطع التي تتشابه
 مع المثلث - مثلا - معا بعد أن يريهم اياه دون ذكر اسمه .

٤- يصنف الأطفال أنفسهم بطريق متنوعة فعلى سبيل المثال :

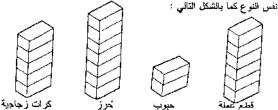
أ- أطفال لديهم أخوة - أطفال ليس لديهم أخوة .

ب- أطفال لديهم أخوات - أطفال ليس لديهم أخوات .

جـ - أطفال يعيشون في نفس الحي .

ه- يمكن استخدام أربعة أنواع من الفاكهة (برتقال - تفاح - موز - عنب) وتوضيع أحد أنواع الفاكهة السابقة في ركن من اركان الفصل ويقرر الطفل الفاكهة التي يحبها ويمشى اليها مسرعاً.

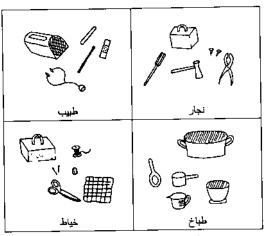
٣- يحضر الأطفال علب كبريت الى المدرسة ، ويوضع المعلم في هذه العلبة كرات زجاجية أو أي شيء أخر مثل الخرز أو الحبوب أو عملة معدنية ثم توضع كل العلب على المنضدة ، ويختار كل طفل علية وبعد ذلك يطلب من كل طفل أن يقول ما تحتويه علية ثم يضع المعلم العلب بحيث تحتوي على أوتكون عمودا (مجموعة) من من علية ثم يضع المعلم العلب بحيث تحتوي على أوتكون عمودا (مجموعة) من من المعلم العلب بحيث تحتوي على أوتكون عمودا (مجموعة)



وفي نهاية النشاط يقول الإطفال أي التراكعات (الاعمدة) أعلى وأيها أقل علواً .

٨- تصنيف الأدوات طبقاً لمن يستخدمها :

المواد والادوات المطلوبة لهذا النشاط عبارة عن أدوات متنوعة تستخدم في مهن مختلفة ووعاه كبير أو تضم كل مجموعة أدوات كأدوات الطبيب (سماعة - جهاز لقياس الضغط حرمومتر ،) والنجار (حقيبة عدة بها منشار - منكات ، بنسة ،) ، والخياط (مقص - خيط - ابر - شريط للتياس -) والطباخ (حلل - أطباق - ملاعق) ، ومن الممكن أن يقوم بهذاالنشاط طفل واحد أو أربعة أطفال بعيث يخلط المعلم الأدوات في صندوق واحد ويطلب من الطفل اختيار المهنة وحقيبة العدة الخاصة بها .



٩- خذ حلقتين من الحبل أو الخيط سم أحدهما حمراء والاخرى كبيرة -

(الكلام هذا من المعلم للطقل) ضمع قطعا منطقية داخل الحاقتين بحيث تقع كـل القطـع الحمراء داخل الحلقة المسماة

(حمراء) وكل القطع الكبيرة داخل الحلقة العمامة (كبيرة) وأي شىء أخر داخل البقايــا أي انزك هذه القطع خارج الملقتين وارسم رسماً يوضح الحلقتين :

- أس ثم يقول المعلم للطفل: من المحتمل أن
 تجعل الحلقتين (حمراه) و (كبيرة)
 متداخلتين.
- كم عدد القطع الكبيرة والحمراء في تفس الوقت ؟
 - اوجد عدد القطع الكبيرة وليست حمراء
- كم عدد القطع التي يمكن أن تكون حمراء أو
 كبيرة أو حمراء وكبيرة ؟.
- ب- افترض أننا سعينا الحلقتين (حمراء)
 وليست مربعاً

هل يمكنك وضع القطع التالية :

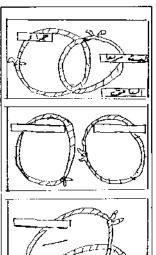
دائـرة حمـراء صغـيرة - دائـرة زرقــاء صغيرة - مربع أزرق كبير؟

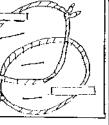
من الممكن اجراء بعض الالعساب المتدرجة باستخدام القطع المنطقية والحلقتين . وممن الممكن أيضاً استخدام ثلاث حلقات .

القارنسة: Comparing

نقارن بين شينين أو أكثر بتحديد أوجه الشيه والاختلاف بينهما وتستخدم فمي ذلك كل حواسنا الخمسة حتى يمكننسا اكتشاف أوجه الشبه والاغتلاف .

مثل أطول من - أتقل من واذا لم يكن الأطفال قد وصلوا الى مرحلة القدرة على كتابة عبـــارات (جمل) مثل أحمد - أطول من - حـازم قيمكن استخدام المخطط السهمي التسجيل النشاط ثم تتم المفائشة بعد ذلك .





وتتضمن المقازنة ايضاً: المقارنة المباشرة للأيعاد باستعمال العبارات أفرب -أبعد، يساوي في البعد ،

كما يمكن للأطفال تحت اشراف المعلم - مقارنة مجموعتين ومعرفة ايهما تحتسوي على عناصر أكثر أو اقل ، أو يتساوى عدد عناصر المجموعتين .

كما يمكن ايضاً تمييز العدد الأكبر والعدد الأصغر والعددين المتساويين من خلال مقارنة عدد عناصر مجموعتين ، واستعمال التعبيرات (لكبر من ، اصغر من ، يساوي) في هذه المقارنة .

وفيما يلى بعض أنشطة المقارنة .

أنشطة:

١- يقف خمسة اطفال أمام الفصل ، يضع أربعة منهم أينيهم في جانبهم ويضم الطفل
 الخامس يده على رأسه ، اسأل الفصل ليقولوا وجه الاختلاف ، وبأي طريقة يحدث
 الاءتلاف؟

وقد يلاحظ الأطفال قروقاً اخرى . ناقشها معهم .

٢- كرر نشاط (١) مستعيناً باختلافات أخرى مثل:

أحد الإطفال ينظر في يده ، أحد الإطفال جانس ، أحد الإطفال مغمض عينيه ،

- ٣- ضع مجموعة من خمس علب مياه غازية على منضدة أمام الفصل بحيث يتمكن جميع الأطفال من رؤيتها وبحيث تكون أربع من هذه العلب متطابقة الشكل والخامسة مختلفة في الشكل . ثم اطلب من الأطفال أن يلمسوا واحدة بشرط أن تكون مختلفة عن الباقين ، ثم اطلب منهم أن يقولوا ما هو وجه الاختلاف ؟
- ٤- اجعل أحد الأطفال يقف أمام الفصل ويفرد يده ويغمض عينيه ثم ضع في يده أربعة أشياء ولتكن حصى مثلاً واساله أن يحدد بدون النظر أيهما تختلف عن الأخر ؟ . انسه سوف يعسك الحجرة الكبرى واسأله أيضاً أن يقول وجه الاختلاف.

واسأله ايضاً أن يقول بكم طريقة يتطابق الباقي -

ومن الممكن استخدام أشياء اخرى شائعة مثل ثلاثة أقلام رصاص وقلم جاف أو ثلاث قطم طباشير ومساحة .

اجعل طفلين مختلفيي الطول ومعروفاً اسميهما يقفان جنياً الى جنب . ثم اطلب من بقية الفصل أن يكونوا عبارات مثل أحمد الطول من علي ، علي اقصر من أحمد .

- -كرر النشاط السابق (٥) باستخدام أقالام مختلفة الطول أو مسامير مختلفة الطول بقصد استخدام العبارات أطول من - أقصر من - لها الطول نفسه .
- ٧- اعط طفلاً حجرين مختلفي الكتلة فبعد أن يعسكهما سوف يكون بعد ذلك عبارة أتقل من .
 ٨-كرر النشاط السابق (٧) باستخدام شينين صنعا من مادتين مختلفتين .
 - ٩-احضر وعاوين مختلفي الشكل وليكونا زجاجتين دواء أو أي أوعية من الأوعية
 البلاستيكية الشفافة واسأل الأطفال أيهما يسع ماءاً أكثر .

قد يعتقد بعض الأطفال أن الاتاء الاطول يسع أكثر من الأقصر . املاً الأطول ثم اسكب الماء في الأقصر فتجد أنه لا يملوه.

مزاوجة عناصر مجموعتين Matching the members of two sets

مقدمــة:

يعتبر التناظر الاحادي أو التزاوج ضرورياً لتحديد عدد عناصر أي مجموعة كما أن التناظر الاحادي ضروري لفهم فكرة العدد وفهم كثير من العقاهيم الرياضية التي سوف تأتى بعد ذلك في المرحلة الإبتدائية وما يليها من مراحل تعليمية .

وهذا يعني أن الأطفال يحتاجون الى القيام بأنشطة تساعدهم على استيعاب فكرة التناظر الاحادى .

ومن الانشطة التي تساعد الأطفال على ذلك الأنشطة التالية :

أنشطة:

١-اجعل ستة أطفال في مكان يراه بقية الأطفال . ونظم خمسة كراسي بالقرب منهم واطلب من الأطفال أن يجلسوا كل طفل على كرسى . فسوف يجدون أنه يوجد طفل واحد ليس له كرسى .

ويتضمح لهم أن عدد الأطفال أكبر من عدد الكراسي -

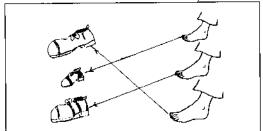


٢- كرر نشاط (١) مع مجموعات أخرى فعلى سبيل المثال .

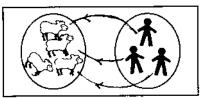
مجموعة من الأولاد ومجموعة من الكتب. مجموعة من الاقلام ومجموعة من الدفائر.

٣-ارسم على لوحة من الورق العقوى أو على السبورة مجموعة من الاتدام ومجموعة من الاحذيــة كما بالشكل . واطلب من الطفل أن برسم سهماً من كل قدم الى الحذاء العناسب له حيث يشير السهم إلى الربط بين المجموعتين .

أي يز اوج الطفل بين كل قدم وكل حذاء .



 ٤- ارسم ايضاً على لوحة من الورق المقوى أو على السبورة مجموعة من الأولاد ومجموعة من الحيوانات كما يلي .



اطلب من الطقل أن يرسع سهماً من كل ولد الى حيوان ويشير السهم الني الربط بين المجموعتين ، وعندما يرسم الطفل الأسهم سوف يجد أنه يوجد حيوان واحد لا يقابله ولد .

أي أنه يوجد حيوانات أكثر من الأولاد . ويقرر الطفل أنه يوجد أولاد أقــل مــن الحيوانات .

- ٥- ارسم على لوحة من الورق أو ضع على اللوحة الوبرية مجموعة تحتوي على عدد من العناصر ، واطلب من الأطفال أن يضعوا على طاولاتهم مجموعة مكافئة لها أو عدد عناصرها أقل أو أكثر ، وتجول بينهم للتأكد من قيامهم بالنشاط المطلوب .
- ٦- ضبع على اللوحة الوبرية مجموعة بها أربع دوانر وضبع تحتهم مجموعة من ثلاثة مربعات . ثم اطلب من الأطفال أن يرسموا خطأ من كل دائرة الى مربع. سوف يجد الأطفال أنه توجد دائرة لا يقابلها مربع . اسأل أسئلة مثل :
 - * هل يوجدمر بعات أكثر من الدوانر ؟
 - * هل نفس عدد المربعات هو نفس عدد الدوائر؟
 - * هل توجد مربعات أقل من الدوائر ؟

الترتيب و التسلسل: Ordering and Seriation

الترتيب هام في تتايع الأعداد . وأنه لمن المهم للطفل أن يفهم أو لا العلاقــة التربولوجية للترتيب وعند عد الأشياء يجب على الطفل أن يرتبهم حتى يعد كل شيء على حده .

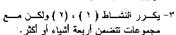
و عادة ما يتمكن الأطفال من (7 - 7) سنوات حسب راى كوبلانـد من الترتيب والتسلسل .

ويتم ترتيب الأثنياء حسب الحجم - الطول - انتقل - العدد والأنشطة التي تستخدم لتتريس النترتيب تبدأ بمجموعات لاتزيد عن ثلاثة أشواء وفيها بختار الطفل شدينين ويرتبهما ثم يختار الشيء الثالث بعد ذلك حتى يصل الى قاعدة للترتيب .

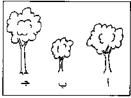
وفيما يلى بعض أنشطة الترتيب:

 ١- يعرض المعلم ثلاثة عصبي مختلفة الطول ويطلب من الأطفال ترتيب العصبي حسب الطول.

٢- يعرض المعلم على الأطفال شائلة أشجار في صسورة ويطلب منهم
 ترتيبها حسب الطول ،



٤- ترتيب الأشياء من الصغير الى الكبير .



يجمع المعلم ثلاثة أو أربعة أشواء في واحد من النصفيفات التاليــة : وهــي صـــورة لبعـض الاثنياء العوجودة في بينة الطفل .

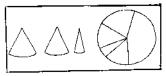
باريق	خشب	شر ایات	دمي
کو اب	أقلام تشمع	أربطة عنق	دو اليب
ولاعق	كثب	أتلام	قبعات
شوك	قطع عملة	مساميز	أحذية

ثم يقوم الطفل بترتيبهم من الصنفير الى الكبير ثم يقوم المعلم بخلط الأشياء مع بعضها بدون نظام ويطلب من الأطفال اعادة النشاط وعلى المعلم أن يدع الطفل يرتب بالاعتماد على التقدير ، وبعد عدة مرات يغير الترتيب من الكبير الى الصغير.

عرض المعلم ثلاث سمكات في صورة أو ثلاثة صور الأسماك مختلفة الحجم ويطلب
 من الأطفال ترتيبهم حسب الحجم .



 ٣- يعرض المعلم صورة لدانرة مقطعة الى خمسة شرائح بأحجام مختلفة (يستخدم الفبر أو الكرتون) ويرتب (ينظم) المعلم الشرائح ليظهر محاولة ترتيبها على الطاولة من الاصغر الى الاكبر .

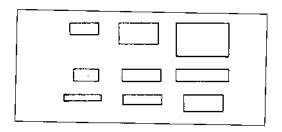


٧- يعرض المعلم مجموعة من المستطيلات ويطلب من الأطفال ترتيبها من القصمير الى
 الطويل والمستطيلات عادة تكون من الكرتون أيضاً وتتميز بانها.

١- نفس الطول والعرض مختلف . ٢- نفس العرض والطول مختلف .

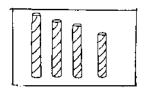
٣- الأطوال والعروض مختلفسة .

ويرتبهم الأطفال من المعرض العنسيق الى الواسع أو حسب ما يراه المعلم .



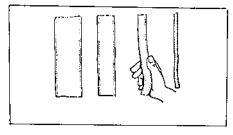
٨- يعرض المعلم على الأطفال مجموعة من مصاصدات المياه الغازية ، ويطلب منهم
 ترتيبها حسب الطول من الأطول الى الاقصر .

وإذا حدث خطأ فيستخدم المعلم أسنلة لمحاولة أن يلاحظ الطفل الخطأ .



ويطلب المعلم من بعض الأطفال الخروج والوقوف أمام الفصل بحيث يكونوا مختلفي
 الأطوال ويطلب من الفصل ترتيبهم حسب (الطول) أى من الاطول الى الاتصر .

١٠ يعرض المعلم لهمام الأطفال قطعاً خشبية أو من الكرثون ويطلب منهم ترتيبها حسب
 "المرض" من العريض الى الضيق .



١١- يعرض المعلم أمام الأطفال أنماطاً لتكميلها مثل:

أزرق ، أخضر ، أزرق ، أخضر ، أزرق...... الخ دائرة ، دائرة ، مربع ، دائرة ، الخ ۳ ، ۲ ، ۲ ، ۳ ، ۲ ، ۲ ، ۳ ، الخ

تعليق ومتابعة:

التصنيف أساس للعمل الرياضي مستقبلاً ، وتعتمد القدرة على تصنيف الأشياء على فكرة العلاقة ، ويجب أن تكون الخاصية المشتركة للأشياء معلومة للطفل أو للأطفال الذين يعملون في مجموعات صغيرة .

وتأتي اجراءات التصنيف بالنسبة للطفل الصنغير في ثلاثة مستويات :

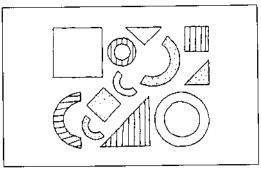
الأول : اجراء تصنيف تبعاً للأنتماء لنفس المجموعة (تصنيف بسيط)

الثاني : أشياء تصنف الى مجموعات متباعدة (غير متقاطعة)

الثَّالَثُ : تَصنيف متعدد حسب خاصبتين أو ثلاث خواص .

بداجيه والتصنيف:

لقد بحث بياجيه القدرة على التصنيف لـ دى الأطفال بـأن قـدم لهم بمض الأشكال (الشبيهة بالقطع المنطقية التي نستخدمها الآن) والاحظ ما يفعلونه وما يقولونه .



ويفيد أداء الأطفال لمهام التصنيف حمب آراء بياجيه بأن قدرة الطفل على التصنيف تتمو تدريدباً.

وطيقاً لبياجيه يمكن القول بأن الطفل في سن ما بين الخامسة والسابعة لديه القدرة على التصنيف حسب خاصية واحدة ولكن اسلوبه في التصنيف يعتمد على المحاولة والخطأ .

ويستطيع الطفل في سن من (٧ - ٩) سنوات القيام بالتصنيف حسب خاصيتين أو ثلاث خواص (اللون - الشكل -الحجم) ولكن يقوم سلوكهم على أساس الفهم وليس المحاولة والخطأ .

كما يتضمح لنا من الأنشطة السابقة أيضاً أنه من الممكن أن يصنف الأطفال الأشكال بالرغم من عدم معرفتهم بأسمانها أو خواصها .

والقطع المنطقية تمدنا بوسيلة اتصــال غير لفظية وخاصــة مـع الطفل الـذي لديــه صعوبات لغوية .

وعلى معلم الصنف الأول - بصفة عامة - أن يتيح الفرصة للأطفال لتصنيف القطع المنطقية لكي يساهم في الفهم الحسى لأنواع المجسمات .

ومما تقدم يتضمح لنا أن التصنيف من المهام العقلية الهامة ولذلك يجب علينا كمعلمين تهيئة الفرصة للأطفال في المدرسة الابتدائية لاكتساب الخبرات في تصنيف الأشياء المختلفة وعلينا مناتشتهم في العلاقات التي يقوم عليها التصنيف حسب قدراتهم المقلية .

والتناظر الاحادى هو أساس الحد ويستخدم لتحديد كم عدد وأنه أساس للتمكن من المهارات الحسابية ، وأنه يتضمن فهم : يوجد شيء في مجموعة له نفس عدد عناصر شيء أخر في مجموعة أخرى مختلفة بصرف النظر عن تشابه الخواص .

فاذا وضع المعلم أزراراً صغيرة مثلاً في كأس بحيث يضع زراراً واحداً في كل مرة ثم وضع طفل أزراراً كبيرة في كأس مماثلة لكأس المعلم وأيضاً زراراً في كل مرة . فإن الازرار الكبيرة ستظهر على شكل كومة أعلى.

واذا سنل الطفل هل يحتوي الكأسان على نفس العدد من الازرار وأجاب بنمم فعندنذ يكون الطفل فاهماً للتناظر الاحادي واذا أجاب الطفل بـلا لأن الازرار أعلى في كأس عن اخرى فانه يطبق لم التناظر الاحادي . ويذكر كوبلاند copeland أن الأطفال يتمكنون في سن من (٥ - ٧) من مفهوم التناظر الاحادي .

وعلى المعلم أن تتضمن أنشطته الأولية النسي يقدمها الأطفاله أنسياء متماثلة . (متطابقة) بينما الأنشطة المتأخرة يجب أن تتضمن أشياء مختلفة .

وفي أنشطة الترتيب على المعلم أن يراعي ما يلي :

- السماح للطفل بإكتشاف الفرق بين الأشياه التي سيرتبها وسؤال مثل كيف تختلف هذه
 الاشياء ؟ يمكن أن يرشد الطفل في ملاحظة الفرق الذي يمكن استخدامه في الترتيب (التسلسل)
- البدء بثلاثة أشواء ثم زيادة الأشياء حسب كفاءة الأطفال في تحديد الترتيب وتحديد اتجاه وضم الأشياء مم ملاحظة أن تحديد اتجاه الترتيب أمر صحب على الطفل الصغير.
- لا يوجد مؤشر لتحديد أن الطفل سيرتب من اليمين الى اليسار أو من اليسار الى اليمين
 ولكن على المعلم أن يشجع الترتيب من اليمين إلى اليسار الأن ذلك ينفق وطريقة القراءة
 والكتابة وتناول الأشياء من اليمين .
 - تصميم أنشطة الترتيب تبدأ بنوعيات ملموسة ثم يلي ذلك الشكل واللون والحجم ،
- تجنب استخدام أنشطة بها أخطاء في الترتيب والتسلسل لأن ليس كل الأشياء أو
 مجموعات الأشهاء يمكن تركيبها

معلومات اضافية:

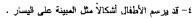
١ - اللعب الحر بالقطع المنطقية .

هل تستمتع باللعب الحر بالقطع المنطقية ؟ هل تعلمت شيئاً من خلال اللعب بالقطع المنطقية ؟ هل ابتكرت شيئاً ذا أهمية ؟

ان الاجابة بنعم قد تشعرك بأهمية جعل الأطفال يلعبون بالقطع المنطقية وذلك للأساب الثالثة :

- السمح اللحب الحر للأطفال بتعلم خصائص القطع من خلال لمسها -
- ٢- يمكن النمب الحر من التعلم العباشر واستخدام بعض الألفاظ مثل الحجم الشكل اللون .
- ٣- قد يكتسب الأطفال خبرة في الرياضيات لم تكن معدة في الخطة وفي ذلك اشراء
 لخبرتهم الرياضية فقد يكتشف طفل مثلاً أن الاشكال يمكن تكوينها من قطع مختلفة.





و- يعطي اللعب الحر الإطفال الفرصة في أن
 يعملوا من خلال تفكير هم لأنفسهم .

٢- مراحل النمو العقلي عند بياجيه

يعد السويسري ذانع الصيت جان بياجيه J. Piaget من أعظم رواد علم النفس . وقد اهتم بالأطفال ودراسة نمو تفكيرهم وقام ببحوث مستمرة لمعرفة تطور الذكاء عندهم.

ولمَّد وصف بياجيه النمو العقلي في صورة أربع مراحل عريضة هي :

مرحلة الحس الحركي - ما قبل العمليات - العمليات العلموسة - العمليات العجردة.
 وقد حدد بياجيه هذه العراحل على ضدوء تجارب أجراها على بعض الأطفال في جنيف. كما أن هذاك عدداً من الدراسات أجريت في دول أخرى ونتج عنها أن

وظيقاً لبياجيه فان هذه المراحل تتسع بأنها تأتي بالترتيب من حيث تتابعها بمعنى أن النمو العقلي للطفل يمر بهذه المراحل بالترتيب ، أي أنه لا يمكن أن يصل الى مرحلة دون أن يمر بالمرحلة السابقة لها ، كما أن المراحل تكاملية بمعنى أن المراحل المبكرة جزء متكامل من المراحل المتأخرة .

وايما يلي وصف مختصر لخصائص كل مرحلة :

الفترات الزمنية تكاد تكون متساوية في معظم الدول .

١ - مرحلة النص الحركي .

وتمتد من الميلاد حتى عمر سنتين تقريباً ويقوم الطفل منذ ولادته (وقبل تعلمه اللغة) برسم صورة للعالم الخارجي عن طريق حواسه وتحركاته المختلفة.

فخلال لعب الطفل واكتشافه لما حول يكون صورة ثابتة عن الأشكال المختلفة والعلاقات بينها يتعرف على أساسها على مثل هذه الأشكال ويتعلم الطفل في هذه المرحلة ربط الكلمة بالشيء العيني، وفي نهاية هذه المرحلة ببدأ الطفل في صنع حلول لمشكلاته دون اللجوء الى التجريب فإن اختلفت لعبته دون أن يرى كيف اختلفت فإنه سيبحث عنها.

٣- مرحلة ما قبل العمليات :

وهي امتداد للمرحلة الأولى وبنية أساسية للمرحلة الثالثة وتمتد من عمر سنتين الى سبع تقريباً وفيها تبدأ اللغة في الظهور وفي حدود العام الرابع يصبح الطفل مسيطراً على اللغة سمعاً وكلاماً حيث تصبح أداة فعالة في تتمية المفاهيم لديه . ويعتقد الأطفال في هذه المرحلة أن كل أفكارهم وخيراتهم يشترك فيها الآخرون . وأن الجوامد لها خصائص الأشكال الحية ، وتفكير الطفل في هذه المرحلة يتسم بعدم القدرة على متابعة التحويل فعندما يسمع أو يرى حادثة فإنه لا يستطيع متابعتها فإذا سقط تلم من وضمع راسي المي وضع اقتي والطفل يشاهدنك وشرحت لمه أوضاع القلم المختلفة ووضعت لمه صوراً متعددة فإنه لا يستطيع ترتيبها بالتسلسل عندما يطلب منه ذلك لأنه لا يدرك إلا حالة المداية وحالة النهاية نقط .

كما يتسم تفكير الطفل في هذه المرحلة بالمركزبة فعندما يحدث تغير على شيء ما قي الشكل أو المكان وسألت الطفل عن المقدار أو الكمية قبل هذا التغير الظاهري ثم سألته عنها بعد التغير فانه سوف ينبوك بأن الكمية تغيرت. كما لا يستطيع الأطفال في هذه المرحلة ادراك عكس العملية ولا يمكن أن يأخذوا في إعتبارهم مظهرين نشىء أو موقف في نفس الوقت ولا يمكنهم اجراء استدلال استقراني (من الحالات الفردية الى الحالة العامة) أو استدلال سنتتاجي (من الحالة العامة الى الحالات الفردية) ولا يستطيعون التفرقة بين الحقيقة والخيال ويصبح الأطفال في نهاية هذه المرحلة قادرين على اعطاء أسباب لما يعتقدونه ، ويمكنهم تصنيف مجموعة من الأشياء وفقاً لخاصية واحدة .

٣- مرحلة العمليات الملموسة :

وتمتد من سن السابقة حتى الثانية عشرة تقريباً ويستطيع الطفل في هذه المرحلة أن يربط بين المفاهيم المختلفة بعلاقات أما رياضية أو منطقية وأن يفكر تفكيراً منطقياً (غير مجرد) في أشياء محسوسة - أي من خلال الحواس - فقد يمكنه أداء عمليات مثل التحويض واتحاد وتقاطع المجموعات والترتيب التسلسلي للأشياء ولكن الأطفال قد يكونون غير قادرين على اجراء نفس هذه العمليات على الرموز اللفظية . كما أن قدرتهم على الاستدلال المنطقي لم تتم بعد كما يجب ، والأطفال في هذه المرحلة يقدرون على تصنيف الأشياء التى لها خصائص متعددة ، الى مجموعات ومجموعات جزئية بناء على خصائص معينة ويمكنهم أن يأخذوا في الاعتبار خصائص متعددة للشيء في نفس الوقت كما أن مفهوم المحافظة على العدد والكلة يتمكنون منها ابضاً.

١- مرحلة العمليات المجردة :

وهي تبدأ من الثانية عشرة الى الخامسة عشر تقريباً ومنها يصل تفكير الطفل الى قمته من حيث النوعية وبعد ذلك فالتغير في تفكير الشاب تغيراً كمياً لا نوعياً ويبدأ بالقيام ببعض العمليات العقلية دون أن يستخدم مجسمات لها . ويتعامل مع عمليات عقلية معقدة حيث يقوم بإستخدام الفرضيات والاستنتاج وتفسير ملاحظات وفحص عدد من المتغيرات بتغيير واحد منها وابقاء الاخرى ثابقة لمعرفة تأثير ذلك التغير .

هذا ويفسر بياجيه النمو العقلي على أساس معليتين هما الاستيماب والتكيف ويقوم الطفل بواسطة العملية الأولى باستيماب العمالم المحيط به ليكون نموذجاً في ذهنه لهذا العالم . أما العملية الثانية فيتم تعديل هذا النموذج وتكييفه طبقاً للخبرات الجديدة ، فمثلاً عن طريق الاستيماب يرسم الطفل في ذهنه صورة لعملية الجمع (+) وبعد ذلك عن طريق التكيف يعدل فيها عندما يعرض خواص عملية الجمع .

ودر اسات بياجيه كان لها أصداء واسعة في تدريس الرياضيات وكمان من نتانجها انخال بعض موضوعات جديدة مثل التصنيف والتناظر الاحادي والمجموعات والنظم العدية بأساسات مختلفة وغيرها .

اختير فهمك:

ا- صف كيف يمكن استخدام مجموعات من الأشياء (غير الأزرار والصدف) لتزويد
 الأطفال بخيرات نتعلق بـ:

(التصنيف - التناظر الاحادي - المقارنة - الترتيب) .

٢- اذكر بعض الأسباب التي تجعل الععلم يسمح للأطفال باللعب بالمواد والادوات قبل
 البدء بأنشطة فعلية باستخدام هذه الأدوات .

٣- اذكر الفروق بين القطع المنطقية ومجموعة عشوانية من الأشياء مثل الأزرار وأغطية
 الذحاحات .

٤- طبقاً لمراحل بياجيه للنمو العقلى :

أ- الى أي مرحلة ينتمي معظم أطفال الحضائة ؟ والى أي مرحلة ينتمي الأطفال من سن ٢ - ٤ سنة ؟

ب- ماأهم خصائص مرحلة ما قبل العمليات ؟

ج- كيف يختلف أطفال مرحلة العمليات المحسوسة عن مرحلة العمليات الشكلية ؟

د- كيف يمكن الاستفادة من أعمال بباجيه في تدريس الرياضيات ؟

٥- ما الامور التي يجب على المعلم مراعاتها عند تنفيذ أنشطة الترتيب؟

٦- في أي سن يتمكن الأطفال من المفاهيم التالية :

التصنيف - التناظر الاحادي - المقارنة ؟

الفصل الثالث العدد و إستخداماته

- مقدمه
- إستخدامات العدد
- بياجيه ومفهوم العدد
- طرق تقديم موضوعات العدد للأطفال
 - مراحل تقديم العدد
- تقديم القيمة الكانية بأساسات تختلف عن المشرة
 - لحة تاريخية عن العدد والأعداد

- من المتوقع بعد دراسة هذا الفصل أن يكون الدراس قادرا على أن:-
 - يعرف وظائف العدد وإستخداماته.
 - يكتسب المهارة في تقديم العدد للأطفال.
 - يستخدم الأجهزة والأدوات اللازمة لتقديم العدد للأطفال.
 - -- يعرف المراحل التي يجب تقديم الأعداد من خلالها.
- يكتسب المهارة في القيمة المكانية من خلال أساسات يختلف عن العشرة.
 - يتعرفعلى المراحل التاريخية التي مر بها العدد،
 - يعرف النظم العددية عند قدماء المصريين والرومان والعرب والبابليين.
- من المتوقع بعد أن يكمل الطفل الأنشطة العوصوفة في هذا الفصل أن يقدر على أن :-
 - يكتب قائمة بأعداد العد.
 - يعرف الأرقام التي يتكون منها النظام العشرى.
 - يضع كل رقم في أي عددفي قيمته المكانية الصحيحة.
 - يحدد إسم القيمة المكانية الصحيح لآى رقم في عدد كلي.
 - بكتب تيمة كل رقم في أي عدد كلي.
 - يرتب مجموعة من الأعداد تصاعديا أو تتازليا.
 - يقرب المدد الكلى.
 - يفهم القيمة المكانية بأساسات تختلف عن عشرة.
 - يعبر عن أي عددبقوي العشرة.
- يستخدم الصفر (كحافظ للخانة) في كتابة عدد في صورته الرمزية إذا علم رقم
 عشراته ورقم مناته أو إذا علم رقم أحاده ورقم مناته.
 - يترجم الصيغة اللفظية للعدد إلى صورة رمزية.

مقدمية:

يتعلم كثير من الأطفال العد قبـل دخولهم للمدرسـة . ولكن هذا التعلم غالبـاً مـا يكون عبارة عن حفظ لبعض الاصـوات التـى يكـون قـد سـمعها أوحفظهـا فـي محيطـة الاجتماعـي أي أن طريقة عد الطفل طريقة روتينية تتضمن الترديد بدون فهم .

كما أننا أيضاً إذا سنلنا عماذا تعني كلمة عدد فسوف نجد أن الإجابة ليست بالأمر السهل لأن مفهوم العدد هو مفهوم مجسرد يصعب وضع تعريف محدد له .

والمحدد له أهمية كبرى في البناء الرياضي فهو يستخدم في وصف وتسمية وتحديد كمية الأثنياء في حياة الطفل كما أنه في منهج المرحلة الإبتدائية يستخدم في تطبيقات الرياضيات في حياة الطفل وفي التيمة المكانية وفي الرسم البياني ومقياس الرسم.

استخدامات العدد :

للعدد استخدامات كثيرة فهو يستخدم في العد (عدد العناصر) وهو ما يطلق عليه السمة أو الوظيفة الكاردينائية للعدد ، فالعدد الكاردينائي لمجموعة معطاة يخبرنا بعدد العناصر فيها والخاصية التي تعيز كل عناصر فصل من المجموعات المتكافئة هي العدد الكاردينائي لكل مجموعة من تلك المجموعات ونستتتج من هذا التعريف : أن كل مجموعتين متكافئتين لهما نفس العدد الكاردينائي .

والمعدد Number تعبير تجريدي ويجب عدم الخليط بينسه وبيسن السم للعدد Numeral فكلا من ١١١، ٣ هي اسماء لمعدد معين ولهذا الاستخدام الكاردينالي مظاهر كثيرة في حياة الطفل مثل عدد أفراد الاسرة أو عدد الاصابع في اليد الواحدة أو عدد أيام الاسبوع وهكذا.

وهناك أيضاً الاستخدام الـترتيبي للعدد. ومن العبارات التي توضح الاستخدام الترتيبي ما يلي : أحمد في الصف السادس الابتدائي ، حصل حازم على العركز الرابع في سباق الجري ، افتح ص (٩٣) في كتابك .

وفي الاستخدام الترتيبي نجري تقاظراً احادياً بين مجموعة معطاة وبين مجموعة جزنية أولية من مجموعة العد (٢،٢،١،) فعلى سـبيل العثـال : مجموعـة حروف الهجاء يمكن عمل تناظر احادى بينها وبين مجموعة عد هكذا .

قالحرف الاول هو أ والمحرف الثاني هو ب ، وهكذا .

وأحياناً يستخدم العدد في التحديد أو التعيين Identification في حالات قد يكون لها مدلول كاردينائي أو ترتيبي أو لا يكون مثل ارقام جوازات السفر ، رخص القيادة ، أرقام الخزائن ، أرقام المقاعد في المسرح أو في الطائرة .

كما يستخدم في التسمية مثل رقم التليفون أو رقم الناة التي يفضل الطفل مشاهدتها في التليفزيون .

كما يستخدم العدد في القياس كما يتضح من الاجابة على الاستلة التي مثل:

ما طولك ؟ ما وزنك ؟

وهناك العدد الحقيقي مثـل مـا عـدد الحوتـك البنيـن ؟ وهنـاك العـد الروتينـي مثـل واحد، اتّنين ، ثلاثة)

والارقام هي الرموز التي تستخدم في التعبير عن الاعداد وتأتى في ثلاث صدور : كلامية ورموز مجردة وكتابة والصور الكلاميـة هـي التـي تواجـه الاطفـال أولاً حيث يتغنى الطفل بالارقام من واحد لعشرة .

ويجب علينا أن نكون على وعي في تدريسنا باستخدامات العدد بحيث نركز على السمة الكاردينالية والترتيبية معاً ولا نركز على سمة دون الاخرى لاتنا اذا ركزنا على العدد (الكم) مثلا فان الاطفال سوف لا يفهمون السمة الترتيبية .

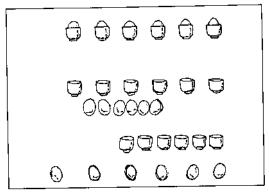
بياجيه ومفهوم العدد :

نقد توصل بياجيه من خلال تجاربه مع الاطفال الى أن مفهوم العدد ينسو عند الطفل في ثلاث مراحل :

المرحلة الأولى من (٤ - ٥) سنوات

لم يستطع الطفل تكويسن مجموعتين متكاننتين ولم يستزاوج الطفل بين المجموعات (تناظر احادي واحد - لواحد) .

وكان بياجيه قد عرض فلأطفال في تجربته سلة بيض وستة أكواب وطلب منهم أخذ عدد من البيض يساوي نفس عدد الاكواب ويوضح الرسم التالي تجربته .



وبدلا من العزاوجة ققد فكر الطقل في نفس الكمية على أنها تعنى التنظيم له نفس الطول وبلغة بياجيه فقد ركز الطفل على جانب واحد من الموقف وهو الطول وأهمـــل الجوانــب الاخرى للعدد .

المرحلة الثانية من (٥ - ٦) سنوات

تعرف الطفل على التكافؤ عندما أعيد تنظيم المجموعتين . ولكن النتاظر الأحادي لم يفهم بعد كاملا في هذه المرحلة .

المرحلة الثَّالثَّة : من (٦ - ٧) سنوات

يمكن للطفل أن يكون مجموعات متكافئة صع المحافظة على العدد . وتوضيح تجارب بياجيه أن الاطفال لا يفكرون في الاعداد بنفس الطريقة التي يفكير بها الكبار والاطفال لهم طرق عديدة في انتفكير تعتمد على مراحل نموهم المعرفي ، وأنه لمن المهم التحدث مع الأطفال وملاحظة واكتشاف كيف يفكرون وماذا يقصدون .

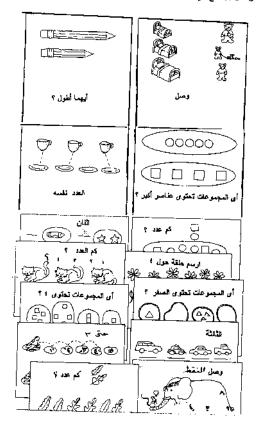
طرق تقديم موضوعات العدد للأطفال :

يمكن تقديم موضوعات العدد للأطفال بطرق مختلفة منها : ١ - الاعتماد على سلملة كتاب عمل بالنسبة للطفل.

وتسير القدريبات في هذه السلسلة حسب التسلسل التالي :

مقارنة بين مفهوم المدد التعرف على كتابة الارقام مجموعتين ← والمدد الآمي ← الأرقام ← والمعدد ومقارنة الطول (الروتيني) والعدد

رفيما يلى بعض نماذج لتمارين كتب الطفل بحيث يجيب الطفل على الاسنلة شفوياً أو بوضع دائرة أو بوضع أي علامة أو بكتابة الاجابة .



لاحظ أن التمارين من ١ - ٣ تتضمن مفهوم العدد ولكن بدون كتابة رموز الاعداد . وبدءاً من التمرين ٧ تستخدم الرموز (الارقام) ويظهر الصفر في التمرين رقم ١٠ ويجب أن تعلم أن الأطفال الصغار تواجههم صعوبة في تعلم العدد (•) ولهذا وجب اعطاؤهم مزيدا من التمارين تحتوي صناديق أو أكوابا أو أوعية فارغة

طرق اخرى لتقديم العدد :

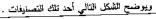
من الممكن استخدام اساوبين اتقديم العند أحدهما يعتمد على نفس العدد والثاني يستخدم فكرة أكثر بواحد :

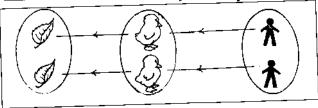
١- باستخدام فكرة نفس العدد انظر الى المجموعات التالية :

من الممكن أن يعسرض المعلم مثل تلك الصور أو أشياء حقيقية (وهذا أفضـــل)

ويطلب من الأطفال تصنيف تلك المجموعات

ويوضح لهم أن أحد تصنيفات هذه المجموعات هو استخدام فكرة نفس العدد





وأيضا مجموعات من ثلاثة عناصر ومن خمسة عناصر هكذا .

ولوصف التصنيفات والتمييز بينها ندخل كلمة العدد . أي أننا نقول أن كل المجموعات نها نفس عدد عناصر مجموعة الأطفال في الشكل السابق .

وبنفس الطريقة نعرض على الأطفال مجموعات اخرى لها نفس عند العناصر ولكنها تختلف عن مجموعة الآطفال .

وللتمييز بين الأعداد نقدم أسماء الاعداد ففي المجموعة الأولى (الأطفال) اسم العدد اتثين وفي المجموعة الثانية في الشكل السابق (الأتملام) اسم العدد اربعة وفي المجموعة الثالثة ثلاثة وهكذا .

٣ - العلاقة اكثر بواحد :

يبدأ المعلم بعرض بعض الصدور التسي تمثل مجموعات بكل منها عنصر واحد مشل المبينة بالشكل شم يعطسي هذة المجموعة والمجموعات الشبيهة المعد واحد ثم يعمأل استلة مثل: كم رأسا لكل تلميذ؟ . كم رقبة لكل تلميذ؟ . ويركز على العدد واحد.

شم يضيف المعلم عنصرا آخر الى المجموعة كما في الشكل الأوسط شم تعطى المجموعة الجديدة وكل مجموعة تحتوي نفس عدد العناصر اسم العدد أثنان .

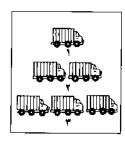
ثم يثبت المعلم اسم العدد بأسنلة مثل :

كم يداً لكل تلميذ ؟ كم رجلاً لكل تلميذ ؟ ويركز على العدد الثنين وعندما نضيف عنصر أ أخر للمجموعة كما موضح نعطى المجموعة الجديدة اسم العدد ثلاثة .

وينفس الاسلوب يمكننا اعطاء اسم العدد لكل المجموعات التي نفكر فيها .

مراحل تقديم العدد :

يفضل معظم التربويين الرياضيين أن يقدم العدد على مراحل حيث يمكن البدء بالأعداد من ١- ٥ ثم الصفر ثم ٦ - ١٠ ويفضل بعض المدرسين البدء بالعدد ٢ بدلا من ١ لأن أشياء كثيرة في الحياة من حولنا تأتي في صورة أزواج (العينين - اليدين -الإحذية - الشرابات)



وسوف نقدم الأعداد في هذا الكتاب تبعاً للمراحل التالية .

أ- الأعداد حتى خمسة .

ب- الاعداد من ستة الى عشرة.

 ج- الاعداد من أحد عشر الى عشرين (يمكن تقديم القيمة المكانية في هذه المرحلة ولكنها ليست أساسية).

 الاعداد من ولحد وعشرين حتى مائة (فهم الليمة المكانية مفود جداً في هذه العرحلة).

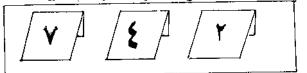
ه- الاعداد أكبر من مائة (توسيع فكرة القيمة المكانية واستخدامها) .

ويجب أن تخطط نكل مرحلة انشطة تستغرق فترة طويلة من الزمن . كما يجب أن يعطى الأطفال تعريبات عملية كثيرة ولكنها ليست صعبة وهذا مهم جدا عند تقديم الأكتار الاولية للقيمة المكانية .

الأدوات والمواد المطلوبة لتقنيم الأعداد :

۱- بطساقات رقمیسة Number Cards

وهذه البطاقات جاهزة من الهلاستيك كما يمكن عملها من الكرتون ويحتاج المعلم لبطاقات ذات حجم كبير بينما يحتاج الأطفال الى بطاقات من الحجم الصغير .

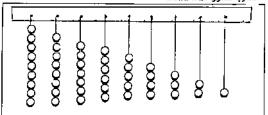


۲- منشار متحتیات رقمیة Number Jigsaws

ويستخدم في عمل أشكال للأرقام تصنع من الإبلاكاش (الخشب الرقيق) ومن العمكن عملها من الكرتون السميك ، ويلون كل شكل بلون مختلف ثم يقطع الى ثلاثة أو أربعة قطع .



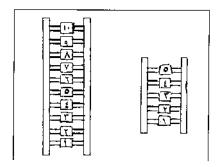
۳- نضرب خسزز Bead Bar



بعض قضبان الخرز يجب أن يصنع من ١- ٥ وبعضها الأخر من ١ - ١٠ ويمكن استخدام أنصلة أغطية زجاجات مياه غازية بعد تقبها بدلا من الخرز .

ء - مثم الأعسداد

يوضيح الشكل المقابل سلمين للأعداد ويجلب أن يوضعا فيمكان بحيث يقمكن جميم الأطفال من رويقهما .



ه- شرائط العدد الملونة - Coloured Number Strips

وهي شرائط مستطيئة الشكل متساوية العرض (حوالي ٢ سم) وتلون بأنوان مختلفة ، وفي البداية نحتاج الى شرائط للأعداد من ١ - ١٠ . من ١ - ١٠ .

ومن الضروري أن تتوفر هذه الشر انط مع كل طفل ويمكن حفظها في ملف بلاستيك .

							ļ	1
							Y	
						٣		
				I	í			
				0				
			٦				<u></u>	
		У			<u> </u>			<u> </u>
	A						<u> </u>	
_ 9					<u> </u>			<u> </u>
١.								

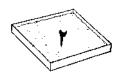
1- لوح التدريبات الرقمية Practice Number Sheet

\$\frac{1}{2}\frac{1}{2

يزود كل طفل بلوح من الصفيـــــــ أو الورق على شكل مربع للأعــــداد من ١ – ٥ كما هو موضح بالشـــكل ويبين العمـــود الأول كيـــف يكتب الرفم . والعمـــود الثاني لكي يكتب الطفل عليه . والاعمدة الباتية للتدريب على كتابة الأرقام .

∨- صينية الرمل Sand Tray

تساعد صينية الرمل الأطفال على تعلم رسم الارقام بصمورة صحيحة . مع صلاحظة امكانية استخدام أي طبق أخر . وبعد كل محاولة لكتابة العدد يعاد سطح الرمل أملسا مرة اخرى .



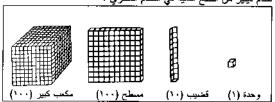
A- الدومينو أو بطاقات النقط Dominoes



ومنها ما هو جاهز بمراكز الوســـانل التعليميــة والمكتبــات ويمكـن للمعلـم عملهــا مــن الورق العقوى .

۱- قطع درنیسز Dienes Blocks

وهي قطع جاهزة في المكتبات ومراكز الوسائل التعليمية وهي مصممة التمثيل نظام الترقيم العشري ، وانظمة ترقيم اخرى أساسها أعداد غير العشرة ، ويتألف نظام دينيز من القطع التالية في النظام العشري .



١٠ - المصنات :

وتربط كل عشر مصاصات معا لتكون حزمة برباط من المطاط ويترك بعضهامنفردا ولها أهمية كبيرة في توضيع القيمة المكانية وتستخدم ليضا في الجمع والطرح.

۱۱- ا**لعيسد**ادات :

تستعمل العدادات في الترقيم لتمثل عدد ما في نظام معين كالنظام الثنائي أو العشاري . كذلك تستعمل في عمليات الجمع والطرح والضارب والقسمة وتمثيل الاعاداد ذات الفاصلة ، وينتج منه نجارب ويمكن

عمله حيث يتكون من قطعة خشبية وعدد من الأسلاك وبعض الخَسرز العلون ويتومف عدد الأسلاك على الأعداد العراد تعثيلها من العشرات حتى منات الالوف .

الاعسداد حتى (٥)

أنشطة :

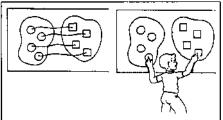
١- يمارس الاطفال تدريبات عديدة على استخدام نفس العدد ، اقل من ، اكبر من .

فعلى سبيل المثال ينظم المعلم مجموعة من الكراسسي ومجموعة من الاطفال أمام الفصل كما بالشكل ويسأل الاطفال هل عدد الكراسي هو نفس عدد الاطفال؟

أم عدد الاطفال أكبر من عدد الكراسي أم أقل منه ؟ . ثم يجلس كل طفل على كرسي ويرى الاطفال من لا يجلس على كرسي حيث يوجد أطفال أكثر من الكراسي .

ويكرر هذا النشاط عدة مرات مع مجموعات متنوعة من الأشياء .

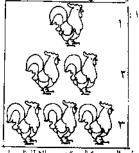
 ٢- يرسم المعلم عدة مجموعات منتوعة من الأشياء على السبورة ويطلب من الأطفال أن يز اوجوا (يرسموا سهما) بين المجموعات المتساوية العدد كما بالشكل .



 ٣- يختار الاطفال من النشاط السابق المجموعات التي عدد عناصرها اللين مثلا ويعطى المعلم اسم العدد اللين لكل مجموعة تحتوي عنصرين فقط.

وبنفس الاسلوب اسم العدد ثلاثة - اربعة - خمسة . وأيضا واحد ، ويمكن أن يقيد هذا النشاط في تقديم الصغر بعد ذلك حيث يمكن وضع اطار ليس بداخله شيء حيث يشير الى الصغر .

- ٤- تستخدم فكرة أكثر بواحد لبناء مجموعات ذات عناصر ١ ، ٢ ، ٢ ، ٤ ، ٥ فشلا يستخدم طفل المكعبات الخاصة به ثم يضمع واحدا منها على طاولته ويقول واحد ثم يضمع محما أخر ويقول اثنان بحيث يكون داخل اطار مقفل مع الأول وهكذا .
- د- يعمل الاطفال في أزواج ويعطيهم المعلم قضبان العد ثم يعدون عدد المجرز في كمل
 قضيب ويختبر كل طفل نتائج زميله الأخر
- بستخدم سلم الأعداد ذو الدرجات الخمس فيلمس طفل الدرجة السفلي ويقول واحد
 ثم يصعد السلم درجة درجة قائلا اسم العدد الذي يلمسه في كل درجة .



٧- يمكن تقديم الاعداد من ١ - ٥ بالتدريج هكذا :
 ابناقش المعلم الاعداد واحد - اثنين - ثلاثة
 وذلك برسم مجموعات من الأنساء على
 السبورة واحدة ذات عنصر واحد واخرى
 ذات عنصرين وثالثة ذات ثلاثة عناصر
 ويكتب العدد المناظر أمام كل مجموعــة
 كما بالشكل .

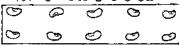
ب- يبين المعلم كيفية كتابة الاعداد ٢ ، ٢ ، ٣ على السبورة ثم يتدرب الأطفال على كتابتها بعد ذلك .

ويمكن توسيع الأنشطة أ ، ب ، جـ لتشمل الاعداد ؛ ، ٥ .

١٥- يرسم المعلم خطأ بالطباشير على أرضية الفصل ثم يقف طفل على أحد نهائتي الخط ويطلب منه المعلم أن يتقدم خطوة على الخط ثم توضع علامة ١ ثم يتحرك الطفل خطوة اخرى في نفس الاتجاة وتوضع علامة ٢ ويمشى حتى العدد ٥ ثم يرجع الطفل خطوة خطوة حتى نقطة البداية ثم يقوم طفل أخر بتكرار النشاط وهكذا.

وهذا نشاط مهم لأنه يعتبر تمهيداً لفهم واستخدام خط الاعداد .

17- يضع المعلم مجموعتين منساويتن من أي شيء وليكونا من الحبوب على العندة



ويسأل طفلا ليعد كل مجموعة (مثلا) تُم يسأل المعلم أسئلة مثل

أ - هل عدد الحبوب في المجموعة الأولى يساوي عدد الحبوب في المجموعة الثانية؟
 ب- هل عدد الحبوب في المجموعة الأولى أكبر من عدد الحبوب في المجموعة الثانية؟

سيوافق الأطفال على أن كلتا المجموعتين لهما نفس عند العناصر ثم يحرك المعلم الحبوب في المجموعة الثانية كما هو مبين بالشكل.



تُم يكرر نفس السوالين السابقين .

وعندنذ يعتقد بعض الاطفال أن عدد الحبوب في المجموعة الثانية أكبر من عدد الحبوب في المجموعة الأولى فيحرك الحبوب الى الوضع الأصلي ثم يكرر نفس السوالين السابقين .

سيأخذ بعض الاطفال وقتاً حتى يتحققوا من أن التغيير من وضم و (ترتيب) العناصر داخل المجموعة لا يغير من عددها .

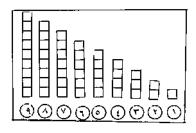
يمنتخدم المعلم شرائط العدد المؤنة حيث يعطى كل طفل شرائط للأعداد من (- ويستخدم الطفل شررانط العدد 1 ليكون شرريط ٣ ثم يكرر النشاط مع شرائط ٢ ، ٤ . ٥ . .

يعطى الاطفال مجموعات من الخرز معلقة في خيط ويكتب الاطفال اسفل كل واحدة عدد العناصر أو يقولها .

الأعداد من ستة حتى تسعة :

عندما يتمكن الاطفال من استخدام الأعداد من ١ - ٥ ويفهمون فكرة الصفر فيمكن تقديم الأنشطة الخاصة بالاعداد من ٦ - ٩ ويمكن توسيع بعض الانشطة التى استخدمت على الاعداد من ١ - ٥ لتشمل الأعداد من ٦ - ٩ .

ثم يقوم الأطفال بعمل أنماط لتمثيل الأعداد من ١ - ٩ سواء بالمكعيات هكذا كما بالشكل التالي أو بالنقط .



العدد عشيرة:

يمثل العدد ١٠ بداية فكرة القيمة المكانية وهو يمثل صعوبــة الــى حــد مــا لمعظــم الأطفال وإن كانوا يألفونه من خلال العملة سواء الورقية أو المعدنية .

ومن المفيد أن يتعود الطفل قراءة ١٠ في البداية على أنها صفر – واحد لتعني مجموعة من عشرة وعدم وجود أحاد .

الأعداد من ١١ حتى ٢٠

تمثل هذه الأعداد الأفكار الأولية للقيمة المكانية ويجب التدرج في تدريسها حتى نبني الأساميات التي تلزم لمواصلة دراسة الرياضيات مستثبلا لدى الطفل .

وتفيد الأنشطة التالية في تقديم الأعداد من ١١ – ٢٠ .

ا وأخذ المعلم عددا من العملات الورقية فنة (١ جنيه) ثم يطلب من الأطفال عدها
 حتى ١٠ ثم يضعها المعلم داخل علبة صغيرة ورقية ثم يأخذ طفل جنيها أخر
 ويضعة داخل العلبة ويكتب عليها من الخارج ١١٠.

ثم يبدأ المعلم مرة ثانية مع صندوق فارغ أخر ويكرر النشاط ولكن فـي هـذه المـرة يضع ائتين على قمة الصندوق ثم يقدم الكلمة اثنا عشر (١٢) ثم يحرك الاثنين من على الصندوق ويضعهما داخله ويكتب ١٢ عليه .

ثم يستمر المعلم بنفس الاسلوب (مستخدما أعواد كبريت) أكثر في كل مرة حتى يمكنه تقديم الأعداد ثلاثة عشر (عشر وثلاثة)، أربعة عشر (عشر وأربعة)، خمسة عشر (عشرة وخمسة)

٢- يستخدم الأطفال حبوبا أو مكعبات دينيز أو أغطية زجاجات مياه غازية ليبنوا ١٠ ثم
 يضعون واحدا أخر ليكونوا ١١ ويكتبوا ١١ كعدد عناصر المجموعة ثم يضيف الأطفال عوداً أو مكعباً ليكونوا ١٢وهكذا .

٣- بدلا من وضع عشرة أشياء في الصندوق أو تكوين حزمة من عشرة للبدء في
 النشاط قيمكن استخدام أشياء اخرى مثل مصاصحات مياه غازية أو عصى تجمع مع
 بعضها برياط مطاط ليكونوا حزمة من عشرة . ١٠

ثم يضيف الأطفال مصاصمة (عوداً) ليحصم اوا على ١١ . ثم يستمروا بهذه الطريقة ليحصلوا على:١١

٤- يعمل الأطفال في أزواج: يغرد الأول أصابع يـده ليبين العدد ١٠ ثم يضع الثاني أصبع واحد بجانب زميله ليكون ١١ ثم بعد ذلك يضع اصبعين ليكون ١٢ كما هو مبين بالشكل التالي.

and his off

 - تقف مجموعة من الأطفال (من ١٠ - ١٥) أمام زملاتهم في الفصل ثم يقوم طفل بعدهم ثم يكتب العدد وليكن ١٣ .

ثم يعاد تنظيمهم كما بالشكل التالي ويقوم زميلهم بالقول عشرة وثلاثة .

٣- يستخدم الأطفال شرائط العد العلونة الخاصة بهم ويعطون في أزواج . يصنع الأطفال شريطاً من فئة ١٠ ثم يضعون أسفله شريطاً فئة ١ ثم يضيفون شرائط فئة ١ بجانب بعضها فيرون أن أحد عشر شريطاً ١٤ يتكون من شريط ١٠ وشريط ١ وباضافة شريط ١ كل مرة على كل صف نجد أن اثنى عشر شريطاً ١ يتكون من شريط ١ و وهكذا .

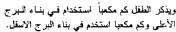
	0	.O'	CI	0	Ð	വ	0	<u>.</u>	Φ	
[-					©.	
	Œ	ΩI	OT.		0	ા	<u> </u>	OI.	0	<u> </u>

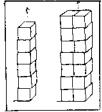
ومن الممكن أن يرى الأطفال ثلاث عشرة بثلاث طرق كما يلي .

0	(j)	•	(6)	Û	0	(1)	Œ.	Œ	Œ	①	(C)	4
	,-								€.	①	(D)	Œ.
									6			Œ.

ومن العمكن أيضا أن يبينوا ١٢ ، ١٤ ، ١٥ بهذه الطرق الثلاث .

لطلب المعلم من الأطفال أن يستخدموا مكعباتهم
 في بناء أبراج سكنية حيث يطلب من كل طفل أن
 يبنى برجين بحيث يعلو أحدهما عن الآخر بدورين
 (كما بالشكل)





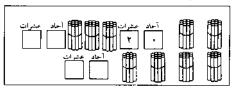
الأعداد من ٢٠ حتى ٩٩

وفي هذه المرحلة تتوسع فكرة القيمة المكانية ويجب على المعلم أن يستخدم الوسائل والأدوات الحسية كالمكعبات والمعداد وأوراق العملة في هذه المرحلة والتي تم ذكرها سابقاً . ومن الممكن أن يبدأ بعد العشرات ١٠ ، ٢٠ ، ٢٠الخ تم يلمي هذه الخطوة تعليم المعد بالأحاد والعشرات ٢١ ، ٢٢ ، ٢٣الخ ٣٣ . ٣٢ . ٣٢ . ٣٠ال

أنشطة :

ا- يوزع المعلم المصاصدات على الأطفال بحيث يكون مع الأول ١٠ مصاصدات ،
 والثاني ٢٠ ، والثالث ٣٠ وهكذا ثم يطلب منهم تجميعها بالعشرات ويسأل كل طفل
 كم عدد المصاصات التي معك ؟

قد يقول أحدهم معي حزمتان كل حزمة عشرة فيكتب المعلم (٢٠) ويلفظها عشرين وأخر معي ٣ عشرات فيكتب المعلم (٣٠) ويلفظها ثلاثين وهكذا .



٣- يعرض المعلم الحزمة على الأطفال ويقول لهم أن كل حزمة تحتوي على ١٠ مصاصحات ويطلب من أحدهم أن يفك لحداها للتأكد من عدد عناصرها ثم يرفع المعلم حزمة واحدة ويسأل عن عدد عناصرها ثم يرفع حزمتين ويسأل عن عدد عناصرها ثم يرفع حزمتين ويسأل عن عدد عناصرها ثم يسمع الجواب (عشرتان) يقول عشرون ويكرر العملية نفسها حتى ٩ عشرات أو تسعين .

٣- يوزع المعلم على الأطفال حزماً (كل منها ١٠ مصاصبات) ومصاصبات مفردة على ألا يزيد عدد العناصر مع كل طفل عن ٩٩ عنصراً . ثم يسأل كل طفل : كم مصاصة لديك ٩ (كم عشرة وكم مصاصة مفردة) فيجيب أحدهم مثلاً لدي أربعة مصاصات وثلاثة عشرات (أربع وثلاثون) ثم يرسم المعلم الرسم المقابل ويطلب من التلامية قراءته وكتابته .

٢٠ يكزر المعلم النشاط السابق مستخدما أعداداً مختلفة في المدى من ٢١ حتى ٩٩

٥- يكتب المعلم على السبورة بعض الأعداد ويطلب من الأطفال تمثيلها على العداد

- يمثل المعلم بعض الاعداد على العداد ويطلب من بعض الأطفال قراءتها ، مثلا ٦٤
 - ١٤ أحاد ، ٦ عشرات ٤ ، ١٠ . أي أربعة وستون

ويكتب أحد الأطفال هذه الأعداد

ضمن جدول الأحاد والعشرات .

احاد عشرات ۲ ع

ويكرر هذا النشاط مع أعداد كثيرة من ١١ حتى

٧- يطلب المعلم من الأطفال تعثيل عدد ما (٥٠ مثلاً) على العداد وقراءت ثم يطلب
 اضافة واحد الى العدد وقراءته ثم واحد حتى ٥٩ .

ويكرر المعلم ذلك مع أعداد أخرى حتى يفهموا تتابع الأعداد وتسلسلها .

الأعسداد من مائة فأكثسر

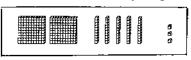
أتشطة

١- يعرض المعلم على الأطفال عداداً ويضع في خانة المنات حلقة واحدة ويطلب من
 الأطفال كتابة العدد المناسب ثم يزيد الحقات بالتدريج حتى تصبح تسعاً ويطلب في
 كل مرة من أحد الأطفال أن يكتب العدد المناسب .



٣- يطلب المحلم من أحد الأطفال تمثيل العـــدد ٢٦٥ على العداد ويطلب من أخر تمثيل ٥٣٠ . وهــكذا حتى يتأكد المحلم من تمكن الأطفال من تمثيل العدد على العداد وقرامته وكتابته .

 "ج يعرض المعلم على الأطفال قطع دينيز تمثل الواحدة منها مائة وقطعاً تمثل الواحدة منها عشرة وقطعاً تمثل الواحدة منها آحاداً هكذا .



ويوضع لهم أن هذه الأعداد امتداد لمما تم دراسته سابقاً في حالــة الآحــاد والعشـرات وبرســم لهم جدول القيم المكانية على السبورة ويطلب من أحدهم تمثيل العدد الذي يمثل القطع وكتابته في الجدول

آحاد عشرات منات

ويطلب من طفل أخر قـــراءته مانتان وثــــلات وخمسون ويكرر المعلم هــــذا النشاط مع أعداد أخرى منتوعة .

ويقلب المعلم من الاطفال تمثيل اعداد تتضمين الصغر كحافظ للخائة مثل ٢٠٤، ٢٠٤،
 ٧٢٠ و هكذا .

 عدوض المعلم على الأطفال لوحة الجيوب ويطلب منهم تعثيل أعداد عليها أو يعثيل أعداد ويطلب منهم كنابتها .

 " يقوم الأطفال بتنفيذ أنشطة امتداد للأنشطة السابقة تتضمن الألاف وعشرات ومنات الآلاف باستخدام العداد ولوحة الجيوب وقطع دينيز .

تعليق ومتابعة

يكتسب الطفل خبرات الأولى بالأعداد حين ينطق بالأرقام ٢، ٢، ٢، ٢ . السبب بصوت القاعي كأنه ينشد مقطوعة من نشيد وهو يفعل ذلك دون أن يحس بعدى لهذه الأعداد أو يكون معناها محدوداً ضيقاً ويمكن أن نطلق على تكرار أسماه الاعداد دون ربطها بمعناها المحد الآلي أو المد الروتيني Rote Counting ، ويجب على المعلم الا يشجع الأطفال على الاستمرار في طريقة المعد الآلي بل عليه أن يبدأ على المعمه في تعلم الأعداد بطريقة تقوم على العد العقلي أو العد المنطقي

. Rational Counting

وينبغي أن يتم تعليم الطفل العد العقلي باستخدام الأسياء ذاتها كالأقلام وأنواع الفاكية والحبوب وما الى ذلك ثم بعد ذلك باستخدام صمور لهذه الأشياء ثم نتدرج الى استخدام الأشياء شبه الحسوسة التي نتمثل في النقط والعلامات والمربعات الصنفيرة والدوائر الى أن نصل في النهاية الى استخدام الأعداد المجردة ويجب تقديم الاعداد كجزء من متكامل مع الحياة .

وإنه لمن المهم أن يكون لدى الأطفال فهما عميقا المقيمة المكانية لأن كثيراً من الاجراءات الحسابية تعتمد عليها كما أن معظم الأخطاء الشائعة والصموبات التي تواجه الأطفال في العمليات الأساسية (الجمع والطرح والضرب والقسمة) وأيضاً العمليات على الكسور العشرية يمكن ارجاع اسبابها الى القيمة المكانية ولذلك يجب علينا باعتبارنا معلمين أن نبذل ما في وسعنا لكي يتمكن الأطفال من القيمة المكانية ومن الاقتراحات المفيدة في هذا السياق ما يلى:

١ - تزيد الأطفال بأنشطة عملية عديدة تساعدهم في بناء الأفكار السليمة للقيمة المكانية .

 ٢- عدم تقديم تسجيل حسابات مركبة أو معقدة قبل أن يكون الطفل مستعداً لها ، واذا حدث ذلك فسيكون الأطفال مثل البيغاء أي يؤدون بدون فهم حقيقي.

- ٣- النظر بعناية شديدة الى الكلمات والعبارات التي نستخدمها عندما تأتي القيمة المكانية
 الى الحسابات .
- ٤- استخدام أساسيات متنوعة (غير النظام العشري) مثل النظام الثلاثي والخماسي والثماني والثنائي والثماني والثماني والثنائي قبل استخدام النظام العشري والتركيز عليه أو حتى استخدام الاساسيات التي تختلف عن عشرة كنشاط اثرائي في الصغوف العليا لأن أحد عيوب الاقتصار على النظام العشري فقط هو أنه ليس من السهل على المعلم أن يقرر ما إذا كان الطفل قد فهم الأتكار التي وراء القيمة المكانية فهما حقيقياً أم لا.
- والنتوع في أنشطة تعتمد على أساسيات أخرى غير العشرة يساعد علمى فهم القيمة المكانية في النظام العشري .
- ولا توجد ضرورة ملحة لاستخدام لغة الأساسيات في هذه الأنشطة . وهنــاك جــدل حول استخدام اساسيات تختلف عن العشرة في تقديم القيمة المكانية للأطفال .
- وأحد دوافع تضمين استخدام أساسيات تختلف عن العشرة في المنهج المدرسي لمارياضيات هو أن النظام الثنائي والنظام الثماني يستخدمان في الكمبيوتر .
- والدافع الثاني هو اثراء وتعزير فهم الأطفال للقيمة المكانية واستخدامها في الحساب. والاتجاهات العاصرة تتمثل في تزويد الأطفال بخبرات عن الأنظمة المتعددة في السنوات الأولى لعدة أسباب منها:
 - ١- تزويد الأطفال بألعاب مسلية للتدريب على حقائق الجمع .
 - ٧- بناء العلاقة بين القيم المكانية في الخانة .
 - ٣- زيادة مقدرة الأطفال على التحويل من أساس الى آخر .
- ٤- تزويد الأطفال بصورة عقلية لعمليات التغيير (الحمل التفكيك أو ما يسمى إعادة التسمية).
- تعليم الأطفال كيفية قراءة وكتابة الأرقام للأساس خمسة وغيره (بختلف عن العشرة).
 - ٣- اكساب الأطفال خبرة في التجميع .
 - ٧- بناء معنى مقروء ومكتوب لأعداد مكونة من رقمين أو ثلاثة .
 - ٨- تعليم الأطفال كيفية الجمع في الأساس خمسة وغيره (يختلف عن العشرة) .

ويجب أن نعرف أن بعض الرموز مثل (٣١٧) وبعض العمليات الحسابية مثل (٣١٠ - ١٤٣) بأساسات تختلف عن عشرة نادراً ما تدرس في الصغوف الأولى ولكن قد تقدم كأنشطة الثرائية للأطفال في الصغوف العليا .

وغالبًا ما يجد الأطفال المتعة في العمل مع أنظمة جديدة من الأعداد .

وفيما يلي بعض الأنشطة التي تستخدم أساسات تختلف عن العشرة لتقديم القيمة المكانية. أنش طهة :

بالنسبة لكل نشاط يجب أن يعمل الأطفال في أزواج أو على انفراد أو فـي مجموعات صغيرة حسب كمية الأدوات والأجهزة المتاحة .

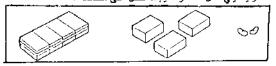
١- يحتاج كل طفل في هذا النشاط الي :

أ- مجموعة من علب الكبريت الفارغة .

ب- أربطة مطاط أو قطع من الخيط .

ح- مجموعة من حبوب اللوبيا أو الفاصوليا أو الفول أو أي أشياء لها نفس المجم
 تقريباً . أي يجب أن تكون صغيرة بدرجة كافية حتى يمكن وضها في علبة
 الكبريت.

يبدأ الطفل بكومة من الحبوب من (عشرين الى ثلاثين تفريباً) ويضع عدداً متساوياً (وليكن أربعاً) في علب الكبريت حتى يستخدم عديداً من الأربعات قدر الامكان وأي حبوب تبقى يتركها على درجة ولا يضعها في علب كبريت ثم ينظم الطفل علب الكبريت الملأى في حزم كل حزمة أربعة ويضع حول كل حزمة رباط من المطاط وفيما يلى مثال لما سوف يجده الطفل على منضدته.



ثم يقول لذي حزمة واحدة . وثلاثة صناديق واتنتان من الحبوب ثم يسجل النشاط وهذا التسجيل ضروري وجزء مهم جداً من النشاط وبدونــه يفقد النشاط كثيراً من قيمته

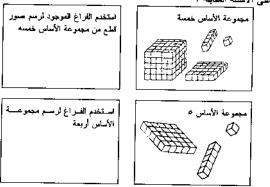
ويتم التسجيل بطريقتين :

حزم	صناديق	حبرب	عدد الحبوب في الصندوق الواحد
4		۲	٣
١	١,		£

وإنه لمن المهم أن يأخذ الأطفال في اعتبارهم العمود الفارغ عندما يصيغون النتائج في كلمات من عندهم . فمثلاً عند تنظيم عشرين حبة في ثلاثات يجب أن يقول الأطفال : لدينا رزمتان ولا يوجد صناديق وحبتان .

ان استخدام الصغر يجعل تسجيل الأعداد عملية ممكنة اذا لم نضعها في أعمدة راسية باستخدام القيمة المكانية (أي أن تسع منات وخمسة آحاد تمثل ٩٠٥ وليس ٩٠٠).

 ٣- يعرض المعلم على الأطفال الأشكال التاليبة والعكونة من قطع بينيز وأن ثم تكن متوفرة فيمكن عملها من الورق العقوى أو الكرتون , ويطلب من الأطفال الإجابة على الأسئلة العقابلة .



٤ - يرسم المعلم على السبورة جدو لا كالمبين ويطلب من الأطفال أن ينقلوه في دفـائرهم
 ثم يطلب منهم مايلى :

حزم	صناديق	حبوب
1	٣	4

أ- إما برسم بسيط ب- باستخدام أعمدة كما يلي :
 ويجب مناقشة المتنانج مناقشة تامة . وعلى
 سبيل المثال يجبأن تسأل اسئلة مثل الاسنلة مثل الاسنلة المثالة :

أ- ما عدد الحبات التي توجد في الصندوق (علبة الكبريت) ؟
 ب- كم صندوقاً يكون (حزمة) ؟

ح- كم حبة توجد معا في العزمة ؟

د- ما عدد الحبوب التي توجد في صندوقين كبريت ؟

هـ- كم عدد الحبوب التِّي توجد مَّعي اذا كان لدّي صندوقان وثلاثة حبات؟

و - أذا كان لدي العبوب المهيئة سابقاً ولدي حبة زيادة عنها كيف أبين من خلال الأعمدة
 عدد الحبوب التي معي ؟

ز - لمدي الحبوب العبينة سابقاً وحبتان آخرتان . كيف أبين باستخدام الأعمدة عــدد الحبوب التي معي كلها ؟

٣- يجب تكر ار انشاط بحيث نبدأ بنفس عدد الحبوب ولكن بوضع عدد مختلف في
 صندوق الكبريت (ويؤدي ذلك الى عدد مختلف من الصناديق في الحزمة) .

ويجب الاهتمام والأخذ في الاعتبار أن عدد الحزم لا يستلزم عمودا أخر (فعلى سبيل المثال اذا وضعا ثلاث حبات في الصندوق فيودي ذلك الى أربع حزم ثم يجب تجميع ثلاث من هذه الحزم اتكون مجموعة أكبر ثابتة . ويفضل تجنب ذلك في المراحل الأولى ، ومن العمكن تقديمه بعد ذلك . اثقان وعشرون من الحبوب تكون عدداً مناسباً كما هو مبين في الجدول التالى :

<u></u>									
عدد الحبوب									
الصندوق الو									
r									
í									
٥									
٦									

ويفضل في هذه العرحلة وضمع حيتين فقط في الصندوق لأننبا حيننذ نحتاج المي أربعة أعمدة فقط لكل ثمان حبات .

وقد يكون عشرون حية عدداً مناسبًا لتقديم الصغر كما هو مبين في الجدول التالي:

اسدر	أساس	أساس	اسلس	
عثرة	فمانية	منه	أربعة	
				هدد فرسدفت أترغناهها لصنح كغيب
L				علند الوحدات أثبى فتأمها لمنع مستخ
				عدد الوحداث التي تحتاحها لعبدع بلوك

أساس أربعة

c

٦

١- امــــــــــــــــــــــــــــــــــــ
۲– هل تری ایهٔ انماط .
٣- حساول وصفها -
ه- يوفر المعلم للأطفال قطعاً
من مجموعة الأساس أربعة -
ثم يطلب من الأطفال الاجابة

على السؤال التالي :

إذا كان لدينا ٢٦ وحدة وأردنا استبدالهم بقضبان ومسطحات فما الاحتمالات

الممكنة . أحد الاحتمالات الممكنة هي : التتيجة هي ١ مسطح ، ١ قضيب ، ٢ وحدات . ثم يطلب منهم تكملة الجدول ومن الممكن أن يستألهم الاسئلة التالية أيضا باستخدام ١١ تطعية كيف يمكنيك تعثيل ٢٦ و كيف يمكن كتابة ٢٦ في الأساس

٣- يتطلب هذا النشاط الأجهزة والأدوات التالية :

أ- كمية كافية من الخرز -

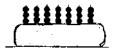
ب- قطمة من الصلصال (أو لداننيه وهي مادة تشبه الطين تستعمل لتعليم الصغار صنع الأشكال المختلفة) يوضع بها قطع من السلك (أو أي مادة مناسبة } . وكل تطعة من السلك يجب أن تكون طويلة بحيث تكفي ثلاث خرزات لا أربع كما في (أ).





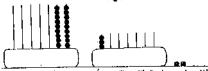
ج- كمية أخرى من الصلصال مع أسلاك مثل (ب) ولكن كمل قطعة سلك تكفى
 تسع خرزات لا عشر .

يستخدم الطفل سلك الشلاث خرزات أولاً حيث يصلاً الأسلاك بالخرز قدر الإمكان (تأكد من أن كل سلك تام العلىء ، وأي خرز زاند يجب تركه على الدرج ولا يوضع على سلك .



تُم يستخدم الطفل الخرز التي على السلوك الثلاثية في ملى، السلوك التساعية قدر إمكانه وتأكد مرة ثانية أن كل السلوك التساعية المستخدمة مملوءة بالكامل.

إذا بدأ الطفل بـ ٢٣ خرزة فانه سينتهي بـ ،



يقول الطفل على سبيل العثال : لقد مــلأت ســاكين طويلين وســلك تصــير وتبقى معي خرزتان على العنصدة . أو قد يقول لدي تسعتان وواحد ثلاثة واثنان آحاد

ملاحظة : لا تستخدم أكثر من ٢٦ خرزة مع هذه الأدوات .

ثم يشرع الطفل في تسجيل

النشاط عن طريق:

تسعات	ثلاثات	آحاد	أ- رسم بسيط كما في الرسم السابق
۲	١	۲	ب- باستخدام الأعمدة هكذا:

تمدنا نتيجة كالمبيئة بغرصة جيدة لمناقشة ما تمثله كل انتين . فعندما يفهم الطفل أن الانتين التي على اليسار تمثل تسعتين والانتين التي على اليمين انتين أحاد فانه يكون قد بدأ يقهم القيمة المكانية . ٧- في الأنشطة الذي وصفت يجب أن يكون للأطفال القدرة على رؤية كل الأشياء كما نظمت (أي في ترتيبها الذي وضعت به) . لا يبدلون أو لا يضعون رقماً مكان أخصر أو مكان أحسىء جديد . فمثلاً العدد ١٢ يعتل على العداد بخسرزة واحدة في سلك العشرات وتسلات خرزات في سلك الأحاد كما هو مبين بالشكل المقابل .

هذا بالطبع تمثيل حقيقي ولكنه خطوة كبيرة بالنسبة للأطفال ، وخاصة عندما تكون خرزة واحدة في العشرات وخرزة واحدة في الأحاد فيرتبك الأطفال بسرعة. ولتجنب ذلك نحتاج الى جسر لنربط بين الأنشطة الأولية واستخدام العداد. أحد طرق بناء هذا الجسر هو استخدام شرائط العدد الماونة الموصوفة سابقاً.

يعمل الأطفال في أزواج بحيث يكون معهم عشرين شريط فنة ١ (وبعد ذلك يمكن تزويدهم بشرائط فئة ١ . ويزود طفل بمجموعة من شرائط ١ . وليكونوا (١٣ مثلاً) ويزود زميله بمجموعة من شرائط ٥ .

ثم يغطون شرانط ٥ بشرائط ١ حتى التأكد من أنهم فهموا أن شرايط ٥ يكافى، خمسة شرائط ١ ويطلب من الطفل الذي معه شرائط ١ تغييرها بما لديه من شرائط فئسة ٥ قدر الامكان ، حيث يعد خمسة شرائط ١ ثم يعطيهم لزميله لتغييرها بشريط واحد ٥ ثم يعد خمسة شرائط ١ ثم يعربها مرة ثانية بشريط واحد فئة ٥ فيبقى ثلاثة شرائط ١ ولكن زميله لا يبدلهم له بشريط ٥ ـ ثم يقول

وسن رميت د يبديهم له بستريط - د لم يعون الطفل الأول لمدي شريطان - وثلاثــة شـرائط ١ ويسجل العدد باستخدام الأعمدة الرأسية كما يلي :

شرائط ۱ شرائط ۵

يتضمن هذا النشاط فاندة وهي أن شريط ٥ له

ولهذا يجد الطفل أن التغيير والتسجيل على نفس المسار يجب نغرار النشاط عدة مرات باستخدام أعداد مختلفة من شريط ١ (ولكن ليس أكبر من ٢٤) . ويمكن أن تتنوع الشرائط التني يبدلونها (مع اعتبار أن التغيير الثاني ليس ضروريا) وعندما يفهم الأطفال فكرة الأعمدة الرأسية واستخدامها فيجب تقديم فكرة العشرات وفيما يلى انشطة مفيدة ومتنوعة .

٨- يمتد استخدام شرائط العدد الملونة الموصوفة في نشاط ٧ لتشمل الشريط ١٠ . عدد الشرائط فشة ١ يجب ألا يزيد عن ١٩ في أول الأمر . وبعد ذلك يمكن استخدام من ٢٠ – ٣٢ لكل مجموعة من شرائط ١ يستخدم الأطفال أعمدة رأسية لتسجيل شرائط ١ يستخدم الأطفال أعمدة رأسية لتسجيل

شرائط ١٠	شرائط ۱
١	٥
Y	т

تغيير كل عشرة شرائط ١ بشريط واحد فئة ١٠ . فمثلاً .

أسماء العدد لكل مجموعية من شرائط ١ تربط الآن بالتسجيلات السابقة. أسعاء الأعداد من احدى عشر حتى تسعة عشر تحتاج الى شرح ومناقشة بعناية كبيرة -وأسماء الأعداد من عشرين تندفع الى الأسام في نمط دوري حيث يجب التدريب على هجاء وكتابة أسماء الأعداد عند تقديمها مباشرة وتستمر الأتشطة التي وصفت سلفا .

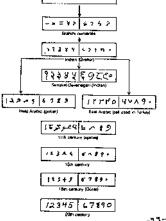
مطومات اضافيـــة:

لمحة تاريخية عن العد والأعداد :

لم يعرف الانسان القديم الأعداد لكي يستعملها في حياته اليومية . ولكنه اهتدى الى طرق يعد بها بعض الأنشياء . فالراعي مثلاً كان يحاول أن يعرف ما أذا كانت جميع الغفر في قطيعه تعود ليلاً . فكان يضع أمامه كومة من المصلى وعند خروج قطيعه ، كان يضع في كيسه حصاة لكل شاة تخرج . وفي المساء كان يضرج حصماة لكل شاة يدخل الى العظيرة فإذا لم يبق في الكيس أي حصاة علم أن جميع الغنم آسد عادت . أما إذا بقي في كيسه بعض الحصمى فمعنى ذلك أن بعض الغنم لم تعد .

ولذلك تعد مغزفة الأرقام والتعامل معها خطوة عظيمة على طريق التقدم ولا شك أنسه لا يمكن لأي حضارة أن تتقدم دون علم الأعداد .

ونظام الأعداد الحالي يسمى النظام الهندي العربي وذلك لأن نسبه Ancestry الهند Charles Industria وأعلن اكشاقه من قبل العرب -



ويذكر بعض المورخين أنه توجد بعض الأدلة على أن نظام الأعداد الحالي لمه أصل في الصين حوالي ١٤٠٠ ق م أي منذ ٣٤ قرنا . وتوضح شجرة العائلة المأعداد الذي تم وصفها أكثر الاعتقادات شيوعاً حول تاريخ نظامنا العددي .

ولقد وفق الله تبارك وتعالى علماء الأمة الاسلامية والعربية في تطوير نظامين لكتابة الأرقام: النظام الأول ويسمى بالأرقام الغبارية وهذا الاسم جاء بسبب كتابتها على الوحة أو منضدة من الرمل عند اجراء العمليات الحسابية وهي الأرقام المنتشرة في المعرب العربي بما في ذلك الأندلس ومنها دخلت الى أوروبا ومعيت بالارقام العربية . والنظام الثاني: الأرقام الهندية (١ ، ٢ ، ٣ ، ٤) وهي التي يستعملها عرب المشرق بما في ذلك تركيا .(•)

الترقيم المصرى القديم:

لكتابة المعدد واحد عمد للمصريون القدماء الى الرسم أو الرمز ١ ولكتابة اثنين عمدوا الى تكرار الرمز ١ ومن ثم كلما احتاجوا لتمثيل عدد كرروا الرمز مثلاً ١١١١ والمن مثلاً ١١١٠ ولكنهم عندما وصلوا الى العشرة استبدلوا المخطوط العشرة يقوس . وبوصولهم الى المانة استبدلوا الاكواس العشر بالحبل الملفوف ومن ثم استبدلوا الحبال العشرة بزهرة اللوتس لمترمز الى العدد ١٠٠٠ .

والنظام المصدري القديم نظام عشري ولكنه ليس موضوعياً ، ولذا لم يستعمل القدماء المصريين الصدر ولا عرفوه لعدم معرفتهم بالقيمة المكانية .

النزقيم العشرى	التزنيم المصرى	وصنف الزعز
١		- جرة قلم
١,	Λ	– عظم الكعب
1	e	– نفيفة من ورق البردى
1	ì	- زهرة اللوتس
1	(- أمبيع منحنى
1	⊷	– فرخ الضيفدع –
1	E	- رج ل مدهش

ويمثل العدد بكتابة هذه الرموز في صف وبـأىترتيب ثـم تجمع قيم الرمـوز

الترقيم البايلي :

وهو نظام قديم استخدمه البابليون منذ ٣٠٠٠ سنة قبل الميلاد وكتابة البابليين قد حفظت على الطين (الصلصال) والذي كان يحمص (يجف) بفعل الشمس أو بحرقه في الأقران Kilns وقد تشكلت الأرقاء في النظام البابلي في صورة رموز مسمارية Cuneiform على شكل أوتاد (Wedge - Shaped)

والنظام البابلي - مثل النظام المصري القديم - يتمتع بخاصية التجميع أو الاصافة ويقوم على رمزيين فقط هما اللواحد واللعشرة وفيما يلي طريقة كتابة بعض الأعداد مقارنة بالنظام العشري .

والنظام البابلي في الترقيم يمثلك خاصية (القيمة المكانية حيث أنه نظام ستيني Sexagesimal بمعنى أن كل خانة في عند ما تحبر مضروبة في قوى ١٠. ي في ١٠ . ١٠ أ، ١٠ أ، ١٠ أ، ١٠ أ، ١٠ أ، ١٠ أنانية ١٠ دقيقاة ١٠ دقيقاة ١٠ دقيقال المساعة ١

والعدد ۲۷ (۲ ۲۷۷ قيمتة هكذا

ا الناب ، ۱۱ \times ، ۱۱ \times ، ۱۲ \times والذي نكتب ه هـ كـ ذا \times ۱۲ \times والذي نكتب ه هـ كـ ذا

٣ + ٦٦٠ + ٢٢٠ = ٧٨٦٢ بالنظام العشرى .

ولكن هذا التكرار لم يجر من قبل البابليين ولكن سياق الكتابة هنا يمكن استخدامه لبيان انتماء الرموز الى الأحاد، ٢٠٠، ٢٠٠، ١٠٠، ١٠٠٠ الخ

والنظام البابلي لم يتضمن رمز الصفر وهو غامض التكرار وغير قابل للاستممال على نحو مريح في أحيان كثيرة الا أنه كان خطوة كبيرة الى الأمام بسبب خاصية القيمة المكانية به وجداول الطين البابلية بها رموز مسمارية تظهر في بمض مقايسنا و لايسحنا الا أن تشكر استفرار هذه الجداول بتوتها وذلك لأن أثار البابليين أفادت تقافلتنا المعاصرة مثل ٢٠ × ١٠ أو ٣٦٠ في الدائرة ، ١٠ ثانية في الدقيقة ، ١٠ ذقيقة في الساعة .

النظام الأغريقي الأيوني: Ionic Greek System

استخدم النظام الأغريقي الأيوني الحروف الهجانية الأغريقية كارقام ولكي نكتب في النظام الأغريقي الأيوني يجب أن نتذكر الجدول التالي :

1	•	alpha	10	Ċ	io18	100	р	riho
2	ß	bela	20	k	kappa	200	a	sigma
3	7	gamma	30	4	stdmaf	300	τ	(au
4	đ	delta	40	μ	Mu	400	ν	upșilon
\$	¢	epsiton	50	*	ทย	500	+	phi .
6		obsolete digamma (let us write ပုံ	60	ŧ	xi	600	χ	chi
7	4	zeta	70	ø	emicron	700	Ψ	psi
8	ņ	of a	80	4	ρi	800	6J	omega
Ş	8	theta	90		obsoleta koppa	900		obsolete sampi

وبالنسبة لمضاعفات ١٠٠٠ استخدمت التسعة حروف الأولى

والحرف M كان يمثل ١٠٠٠٠ أي أن نظام الضارب كان مستخدماً

ولهذا فان βM = ۲۰۰۰۰

Ατρέε = η Μβφμδ

مثال أ- اكتب ٧١٣٠٥ بالنظام الأغريقي الأيوني ؟

 $\xi M \alpha \tau \in = V1T.0$

ب- اكتب بالنظام العشري

ETITY = $\delta M \gamma \rho \lambda \beta$

النظام الروماتي :

استعمل الرومان الرموز التالية في نظامهم الترقيمي :

M	C	X	V	M	D		L	X	V	I
1 * * * * * *	1		٥.,,	١	٥	1	٥.	1.	э	1

وكانت العشرة أساماً بنظامهم الترقيمي . وقد كتبوا جميع أعدادهم متبعين القواعد التالية:

ج- لايمكن طمرح الرموز العتوسطة مثل ٥ ، ، ٥ ، ، ٥ ، ، ٥ ، ه نمثلا ٥ ، ٢٥٠ . مدلا ٥٠٠ نمثلا ٥٠ تكتب XLV (٥٠ - ٥) لأن ٧ رمــز متوســـط وكــنك ١٩ تكتب XCIX (١٠٠ - ١١ + ١١ - ١) وليمن IC (١٠٠ - ١) لأن بين I ، C رمزاً اساسهاً وهو X

د- يلاحظ أن النظام الرومائي موضوعي بمعنى أن ترتهب الرموز مهم ولكنه ليس
 منزلياً (أي لا يستخدم القيمة المكانية)

هـ الصفر غير موجود في النظام الروماني .

استخدم العرب قديما نظاما للمد مرتبطا بالحروف الأبجدية العربية كان يسمى "حساب الجمل" وفيه يوضع كل حرف أبجدي عدد يدل عليه فكانت الحروف الأبجدية تمثل رموزا عددية في نفس الوقت وكان حساب الجمل العربي كما بالجدول التالي :-

بوں »							<u></u>		
	أثانيت	£.,,	ہند	مخست	أربهش	نبزنة	الاأه		
ط	۲	ذ	و	ъ	ン	-2-	ب	P	في المشرق
	۱-			В					في المغرب
تعري	ثماري	ببرك	بتراه	حزبون	ايباه	تعلظك	عشيه	عشن	
ص	ف		س	ن	٦	ر	ك	١	في المشرق
ض		ع	ص		י	_		1	في المغرب
نعان	تمانياتة	جعقة	ستمالك	4	أربيانة	عزيانة	مائنان	سأؤلت	
ظ	ض	خا	خ	ٿ	ث	ش	,	ق	في المشرق
غ	خا	-	_		_	س			في الغرب
الرون	311		آرزت	346	1	1411 1411	ألفان	أظف	
	きて	زع:		هخ	دع.	حغ	بغ	٤	في المشرق
ملش	ح ش	زش	وش	مش	دش	حش	دش	ۺ	في المعرب

صلر:

يعتقد بعض مؤرخي تاريخ العلوم أن الصفر ابتكار بابلي ، كما يذكر المؤرخون أن الهنود قد اهتدوا الى الصفرة ، وكان أن الهنود قد اهتدوا الى الصفر وكان يتخذ شكل اللقطة أو الدائرة الصغيرة ، وكان الصفر يعرف في لغة الهند في ذلك الوقت بكلمة " سونيا " Sunya وتعني الخلاه أو مكان أبيض فارغ كما عبر عن الصفر بكلمة كها وتعنى الثانب .

وقد كان الهنود يستعملون تسعة أشكال للرمز الى الأعداد من الواحد الى التسعة ثم يعيدونها وتحت كل منها نقطة لتمثيل الأعداد من العشرة الى التسعين ، وكذلك يعيدونها مرة ثالثة وتحت كل منها نقطتان للدلالة على الأعداد من المائة الى التسعمائة .

وسواء كان الصغر اختراعا بابليا أو هنديا فلا شك أن علماء العرب والعسلمين هم الذين طوروا مفهوم الصغر وعرفوه بأنه العكان الخالي من أي شيء ، وهم أول من استخدم النظام العشري الذي يحتوي على خانات الأحاد والعشرات والعثات وما فوقها .

وقد ظهر رمز الصغر في كتابات العرب الى يمين الرقم بدلاً من تحته حيث يدل الصغر على مكان خال ابتداء من اليمين الى اليسار شأن الكتابة العربية . أتخذ علامة الصغر هيئة دانرة صعيرة بدلاً من القطة الواردة بالرموز الهندية .

وانتقلت الأرقام العربية بصفرها الى أوربا عن طريق الأنطس وصقلية في القرن الثاني عشر وذلك تتفوقها الكبير على كل الأرقام الأخرى .

اختبر فهمك:

- ١- اكتب قائمة بعشرة مواقف تستخدم فيها الأعداد ؟
 - ٢- هل يمكنك تصنيف استخدامك للأعداد ٢
- ٣- صف مثالين يستخدم فيها العدد الكاردينالي والترتيبي والاسمى ؟ صف ثلاث مواد يمكن أن يستخدمها الأطفال في بيان العدد ١٣٨ ؟
 - ٤- ما الفرق بين العد الألى والعد العقلي ؟
 - ٥- بم يتميز النظام العدي العربي عن كل من النظامين المصري القديم والروماني؟
 - ٦- اذا سألك أحد تلاميذك من الذي اخترع الصغر فماذا تجيب؟
 - ٧- اكتب العدد ٣٤٧ بالنظام البابلي ؟
 - ٨- مثل العدد ٣٥ لأساس ٨ بقطع دينيز ؟
 - 9- باستخدام نظامنا العشري اكتب /// ۞ . //// المكافىء نكل من الأرقام المصرية القدمة المقاطة ؟ //// ﴿ ﴿ ﴾ ﴾ الله ﴿ ۞ ﴾ ﴿ الله ﴿ ﴾ ﴾ ﴿ الله ﴿ ﴿ ﴾ ﴾ ﴿ الله ﴿ الله ﴿ الله ﴿ الله ﴿ الله ﴿ الله
 - ١٠ اكتب الرموز العصوية القديمة لكل الأعداد التالية ؟
 - XY77? __ 077.4?
 - ١١- عبر عن كل من الرموز الرومانية الثالية بالنظام العددي ذي الأساس عشرة ؟
 - DCLXXIV -- CI -- XXXIV --

١٢- اكتب الأعداد التالية باستخدام النظام الاغريقي ؟

١- ٣٥ ١- ١٧٥ ١- ١٧٥

١٣ - ما الصعوبات التي تواجه الأطفال عند دراسة الرمزيين (> ، <) ؟ صف بعض
 الأنشطة لمساعدة الأطفال على تعلم هذين الرمزين .

١٤ - قارن بين النظام العدي العشري بكل من الأنظمة العدية التالية ؟

الأغريقي - البابلي ؟

 ١٥ ما الأخطاء الشانعة التي تتعلق بالقيمة المكانية ؟ وكيف تستخدم الأدوات الملموسة لمساعدة الأطفال على عدم الوقوع في تلك الأخطاء ؟

١٦- ضع أمام كل مما يأتي كلمة كاردينالي - ترتيبي - تعييني ٢

أ-- الصف الخامس ب- طالب جـ- الاختبار الثالث

۱۷ لعبة هـ اللاعب الرياضي ۲۲ و - كتالوج رقم ۱۲۰

١٧ - احسب مستخدما حساب الجمل العربي - العدد المقابل العبارة "مات الشعر بعده".

الفصل الرابع

جمسسع وطرح الأعداد الكلية

- مقدمة
- * الجمع حتى ناتج ١٠.
- * الطرح من ١٠ أو أقل.
- الربط بين الجمع والطرح.
- * الجمع حتى (٩+٩) والطرح حتى (١٨-٩) بدون إستخدام القيمة المكانية.
 - * حفظ حقائق الجمع والطرح.
 - * الجمع بإستخدام القيمة المكانية.
 - * الطرح بإستخدام القيمة المكانية.
 - * جمع وطرح الأعداد الكبيرة.
 - * الأخطاء الشائعة في الجمع والطرح.
 - * مراجعة الجمع والطرح.
 - * الآلة الحاسبة في المدرسة الإبتدائية.

- من المتوقع بعد قراءة هذا الفصل ودراسته أن يكون الدارس قادرا على أن :-
- ا- يعطى تعريفا شفويا أو تحريريا لعملية الجمع وعملية الطرح ويسمى أجزاء جملة الجمع وجملة الطرح.
- يصنف بعض الأدوات والأجهزة المطلوبة للمراحل الأولى من تعلم الجمع والطرح.
- ٣- يصنف بعض أنواع الأنشطة التي يمكن إستخدامها مع الأطفال الصغار لتنمية
 قدرتهم على قراءة الجمع والطرح.
 - ٤- يصنف بعض الأنشطة التي يمكن إستخدامها لتقديم الجمع والطرح.
 - ٥- يتعرف على مراحل تقديم الجمع والطرح.
 - ٦- يساعد أطفاله على حفظ حقائق الجمع والطرح.
 - ٧- يستخدم بعض الأتشطة التي تهم في فهم الأطفال لربط الجمع بالطرح.
 - ٨- يتعرف على الأخطاء الشانعة في عملية الجمع والطرح.
 - ٩- يزود الأطفال ببعض الأساليب لمرجعة الجمع والطرح.
 - ١٠- يتعرف على طرق غير شائعة لإجراء الجمع.
 - ١١- يتعرف على دور الآلة الحاسبة في المرحلة الإبتدائية.
 - من العقوقع بعد أن يكمل الطفل الأنشطة الموصوفة في هذا الفصل أن يقدر على أن:-
 - ١٠- يجب على كل حقائق الجمع المائة لجابة صحيحة.
 - ٧- يجمع أعدادا كلية معطاه في صورة رأسية أو في صورة أفلية.
 - ٣- يجمع عدين كليين أو أكثر مع استخدام إعادة التسمية إذا كانت ضرورية.
 - ٤- يجيب على كل حقائق الطرح المائة إجابة صحيحة.
 - ٥- يطرح أعدادا كلية معطاه في صورة رأسية أو في صورة أفقية.
 - ٦- يتحقق من الطرح بإستخدام الجمع
 - ٧- يطرح أعدادا كلية باستخدام التفكيك (الاستلان) إذا كان ضروريا.
 - ٨- يحدد ما إذا كان سيتعمل الجمع والطرح في مسأنة لفظية.
 - ٩- بفسر حل مسأنة لفظية في ضوء المسألة اللفظية.

مقدمة

يقضى الحفال المدرسة الابتدائية وتتاً طويلاً في در اسبة عمليت الجمع والضرب وفي العمليتين المعسيتين المهما وهما الطرح والقسمة وتسمى هذه العمليات الأربع العمليات الأساسية وذلك لائها تشكل أساس در اسة الرياضيات في المرحلة الابتدائية والمعراحل اللحقة لها .

ونحن نحتاج للى أن يفهم الأطفال الاتكار التي وراء تلك العمليات ولا يقتصس الأمر على اجراء تلك العمليات لأن الطفل مثلاً يمكنه أن يجمع ولكن ذلك لا يدل على أنه فهم الجمع .

وتفضل بعض الكتب تدريس الجمع والضرب معاً بإعتبارهما العمليتين الأصليتين ثم يلي ذلك تدريس الطرح والقسمة بإعتبارهما عمليتين عكسيتين لهما بينما تفضل بمض الكتب الأخرى تدريس الجمع أولاً ويليه الطرح وتربط بينهما .

ثم يلي ذلك تدريس الضرب والتسمة وهذا ما سنأخذ به في هذا الكتاب -

ويقدم الجمع والطرح لملأطفال على مراحل :

الموطلة الأولى : الجمع حتى ١٠ يمعنى الايزيد حاصل الجمع عن عشرة والطرح من . ١٠ أو اللا .

المرحلة الثانية : الجمع حتى ناتج الجمع ١٨ والطور ح من ١٨ أو أثل بدون إستخدام القومة المكانية.

العرجلة الثالثة : جمع وطرح الأعداد الكبيرة مع استخدام القيمة العكانية.

ويجب أن نركز على أن نقدم تعريفاً لكل عملية تجريها وعلى الطفل أن يتحرف على عناصر كل عملية ، فالجمع مثلاً يعرف على أنه العملية التي تعين لمعدين مرتبين عدداً واحداً والعددان المرتبان يسميان المصافين ويسمى العدد الواحد بالفاتع أو الحاصل بينسا يوصف الطرح بأنه العملية العكسية المهمية المجمع وتعرف بأنها العملية التي تستخدم لابجاد المعدد المضاف المفقود عندما يكون معلوماً لدينا حاصل الجمع والمصاف الآخر. والعددان في الطرح يعطيان أسماء خاصة (المطروح - الباقي) بينما الناتج يعطى اسماً وهو المطروح منه وهذه الاسماء مفيدة عند التعامل مع العمليتين بصورة مجردة.

تقديم الجمع حتى ناتج ١٠ والطرح من ١٠ أو أهل . الجمع حتى ناتج ١٠ .

المواد والأدوات المطلوبة :

- ١- مجموعة أشكال وصورة حيوانات وطيور مختلفة ومجموعة من الحبوب وصور الحيوانات يمكن لصقها من الخلف على تماش اللباد Flanuel حتى يمكن وضعها ورفعها من على اللوحة الوبرية بسهولة .
- اللوحة الوبسرية : وهي عبارة عن لموح من الخشسب مغطى بقماش اللبساد (الفائيللا) وهو أي القماش وبري الملمس بحيث يمكن التصاق سطح ورقى خشن عليه أبعاد اللوحة الوبرية ١٠٠ سم × ٧٠ سم تقريباً .
 - ٣- الدومينو تم وصفها في الفصل الثاني.

Dice

ه− زدرة النرد

٤ - خط الأعداد: وهو عبارة عن خط مستقيم مقسم الى مساحات متساوية بواسطة نقاط
معينة ويرمز لهذه النقاط بالأرقام ٠ ، ١ ، ٢ ، ٢ ، ٤ ، كما بالشكل
الثالي .

71 11 11 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1

ويمكن عملها من مكسات خشابية والأطفال الصغار يجب الا تكون صفيرة (كل وجه ٣ - ٤ سم يكون مناسبا) وتركم أوجه حجر (زهرة) النرد بارقام من ١ - ٦ . وغالباً ما يكون كل وجهين متقابلين مجموعهما ٧ مثل (١ ، ٦) ، (٢ ، ٥) . (٣ ، ٢) .

ا سبورة الجملة العددية Anumber Sentence Board عملية عملية بالمحتال العددية ال

وهي عبارة عن مستطيل ورقي كبير محدد باطار خشيى أو كرتون سميك يحتوي على صفوف ذات مسامير كما بالشكل عاليه . وتعلق في مكان يراه جميع الاطفال ، وتعلق بطاقات رقمیة كبیرة ، بطاقات عملیات ، وبطاقات = وكىل بطاقـة بهـا تقـب حتى يمكن تعلیقها.

٧- بطاقات رقمية وبطاقات عملية =

أشرائط العدد الملونة .

أنشطة :

١- يكون مع الأطفال مجموعتين من الأشياء ، عدد عناصر كل منهما أقل من ٥ يعد الأطفال عناصر كل مجموعة ويكتبونها أسقل ، وبعد ذلك يضبع الاطفال المجموعتين معا ليكونا مجموعة واحدة . وتعد المجموعة الجديدة ويكتب عدد عناصرها أسفل ، ثم يقول الاطفال بأسلوبهم ماذا فعلوا . لا تحاول استخدام اشارة الجمع في هذه المرحلة .

يكرر هذا النشاط عدة مرات مع مجموعتين ذات أعداد مختلفة .

٢- يكرر النشاط ١ ولكن في هذه المرحلة يقدم المعلم رمز (علامة) الجمع (+) وعلامة التساوي (=) ويمكن عمل ذلك بالكتابة على السبورة أو باستخدام سبورة الجملة المعدية (المعذكررة سابقاً).

وانه لمن العفيد أيضاً أن يربط المعلم بيان الأعاداد والرسوم حيات يعارض المجموعتين أولا مع عدد عناصرهما .





تُم بعد ذلك يعرض المجموعة الجديدة على يسار المجموعتين هكذا .







ثم يكمل الجمع بوضع اثنارتي + ، = هكذا . المنافق المناف

ثُمْ يَقْرَأُ الْأَطْغَالُ الْجَمْلَةُ كَامْلَةً كَمَا يَلِّي : اتَّتَانَ زَانَدُ وَاحْدَ تَسَاوِي ثُلائمةً .

مع ملاحظة عدم تقديم كتابة الجمع بصورة رأسية في هذه العرحلة وتأجيل ذلك -أي الصورة الرأسية - الى حين تقديم الجمع باستخدام القيمة المكاتية وبيني المعام جملاً جمعية لأرواج أخرى من المجموعات ، كما يجب على المعلم أن يكون متأكدا من أن كل طفل قد تمكن من كل حواصل الجمع التالية وذلك خلال أنشطته التي قمام

ويجب ملاحظة أن القائمة السابقة تتضمن ٢ + ٣ - ٥ ، ٣ + ٢ = ٥ ومن الضروري أن يأخذ الأطفال الوقت الكافي حتى يتحققوا من أن كملا من ٢ + ٣ ، ٣ + ٢ بعطيان نفس النتيجة .

أى أنه يجب أن يفهموا خاصية الابدال بالنسبة للجمع ويستخدمونها .

٣- يرسم المعلم خط اعداد على أرضية الفصلي ويقسمه الى علامات كما يلي ٠



يقف طفل على النهاية اليسرى للخط ثم يمشىي ثملات خطوات على الفحط (ليقف على الرقم ٣) ثم يمشي خطوتين أخرتين (ليقف على الرقم ٥) ثم يخبر الفصل بما فعل مثلاً ثملات خطوات ثم خطوتين زيادة وأقف الأن على خمسة

يسجل النشاط على أنه جمع ٢ + ٢ = ٥ .

تُم يكور هذا النشاط مع أزواج أخرى متعددة من الأرقام حتى يشعر المعلم أن معظم الأطفال قد استوعبوه .

ويمكن تقييم أن ٢ + ٣ ، ٣ + ٢ تعطيان نفس النتيجة في هذا النشاط على سبيل المثال.

٤- يمكن استخدام شرائط العدد العلونة فيأخذ طفل على مبيل المثال شريط ٢ ويضع بجانبه شريط ٣ بحيث يكونان متجاورين تعاماً ، ويبحث عن شريط طوله يساوى طول الأثنين معاً فيجده الشريط ٥ .

Ø	<u>ම</u>	
0	<u>.</u>	

وسوف يجد الطفل أيضاً أنه إذا غير ترتيب الشريطين فانه ما زال يحتاج الشريط ٥.

®	0
9	

يكرر هذا النشاط مع أزواج اخرى من الشرائط .

حكرر نشاط ٣ باستخدام سلم العدحتى ١٠ بدلا من خط الأعداد الذي يرسم على
 الأرض حيث يستخدم الطفل اصبحه مثلا في الصعود أربع (٤) درجات على
 السلم ثم درجة اخرى فيجد نفسه عند الدرجة ٥

ثم يسجل النشاط هكذا ٤ + ١ = ٥ .

- يستبعد الأطفال من مجموعة الدومينو ١ - ١ ، ١ - ٥ . ثم يحسب الأطفال العدد
 الكلي النقط على كل حجر من حجارة الدومينو ويكتب الأطفال حاصل جمع كل حجر .

 $\frac{1}{2}$ $\frac{1}$

٧- يكتب المعلم بعض الجمل الرقمية على السبورة مثل:

ويطلب من الأطفال حلها وكتابة الحل على السبورة أو في دفائرهم .

 من قائمة الأنشطة السابقة يأتي الأطفال بمجموعتين من الأشياء ويجمعون عدد العناصر فيهما ليحصلوا على عدد عناصر المجموعة المحصلة وعلى المعلم ان يعطيهم في هذا الوقت جمعاً مثل ٢ + ٣ = ٥ ثم يطلب منهم ايجاد الناتج . و لا يجعلهم يتعجلون . وأنه لمن المهم أن يوجدوا الناتج بأسلوبهم والأكثر أهمية من ذلك هو أنهم يجب الأ يفتدوا الثقة في أنفسهم في هذه المرحلة وعلى المعلم أن يتأكد من أن كل طفل تمكن من جمع (+ 1 : 1 + 7 وهكذا حتى \circ + \circ .

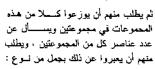
وعندما يتعاملون مع حاصل جمع يتضمن الصفر فيجب اعطانهم أنماطأ مثل

. (+ + , , + + 0 , , + \, \, \, + \,)

ويمكن اعطاء الاطفال مزيداً من التدريبات على الجمع باستخدام المخططات السهمية كما يلي .

وفي هذه المخططات السهمية من الصروري أن يُعرف الطفل انجااه السهم .

9- عندما يكمل الاطفال الانشطة السابقة بنجاح ليمكن تقديم فكرة قصص العدد وذلك
يأن يوزع المعلم الوسائل المتوفرة بحيث يعطي كل طفل مجموعة من أربعة
عناصر (خرز - مكعبات - دوائر) .

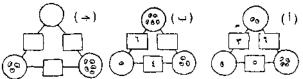


· + £ = £ , £ + · = £ , 7 + 7 = £ , 7 + 1 = £ , 7 + 7 = £

وبنفس الطريقة يمكن عمل قصص للأعداد الأخرى .

١٠ - تكرر الأنشطة السابقة ولكن مع أعداد لا يزيد حاصل الجمع عن ١٠

11- يعرض المعلم على الأطفال تدريبات وأنشطة مثل الأشكال التالية وفيها وضعت الحبوب في ثلاث دوائر وكتبت أعداد في مربعات بين الدوائر ويطلب المعلم من الأطفال أنه ينظروا الى الشكلين (أ) (ب) ويبينوا الماذا كتبت هذه الأعداد في المربعات ثم يملؤن المربعات الخالية في الشكل (ج.).



ارشاد : حاصل جمع الحبوب في دانرتين كتب في المربع الذي بينهما .

الطرح (من ١٠ أو أقل)

توجد عدة صور الطرح منها الأخذ من والمقارنة والمزاوجة . والطرح بالاتسال والطرح كلرق ، وعلى المعلم أن يجعل أطفاله يصرون بخبرات وأنشطة تغطي معاني المطرح وفيما يلى بعض الانشطة .

أنشطة :

أ- الأخذ من (الحذف) Taking Away

ا يطلب المعلم من خمسة أطفال مثلا الوقوف أسام زملائهم ويقوم زملاؤهم بعد
 الأطفال الواقفين (خمسة) ويطلب المعلم من أحد الأطفال الجالسين ابراز بطاقة
 تبين عدد الأطفال الواقفين ثم يكتب على السبورة ٥ .

ثم يطلب من طغلين الجلوس ويضع المعلم العطابة ٢ على السبورة العدية هكذا

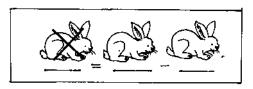
ثم يقدم المعلم الشارة الطرح (-) ليبين عملية أخذ من . ثم يسأل المعلم الأطفال السوال التاني .

كم عدد ما تبقى من الأطفال الواقفين أمامكم ؟ ﴿ إِنَّ اللَّهُ اللَّ

ثم يقرأ الأطفال الجملة هكذا خمسة طرح (ناقص) اثنين يساوي ثلاثة . ويكرر هذا النشاط مع مجموعة أخرى من الأطفال بأعداد مختلفة بحيث يجب الا يزيد عدد الأطفال الذين يقنون في بادىء الأمر عن خمسة وبعد ذلك لا يزيد عن عشرة . ويجب أن يتم تسجيل كل عملية طرح على سبورة الجمل العددية أو على السبورة العادية كما يجب أن يسجلها الأطفال في دفائرهم .

٢- ويعرض المعلم بعضاً من صور الحيوانسات

ويكتب الأطفال الجملة المناسبة ويكرر هذا النشاط مع تغيير عدد العناصر في كل مرة .



ويجب في باديء الأمر أن يضع الأطفال عمليات الطرح في قائمة كما يلي .

- 1-0 1-1 1-7 1-7 1-7-0 7-1 7-7 7-7
- 1-0 1-1
- 0 0

وبعد ذلك يجب أن يكتسبوا الخيرة في ايجاد ناتج العمليات التالية :

- 1-1. 1-9 1-A 1-V 1-7
 Y-1. Y-9 Y-A Y-V Y-7
 T-1. T-9 T-A T-V T-7
 5-1. 5-9 5-A 5-A 5-V 5-7

- 4-1· 4-4
- 1 1 -

وفي مرات عديدة أثناء هذا النشاط يجب أن يقدم المعلم مسائل تتضمعن :

٤ - ٠ ، ٧ - ٠ ، و هكذا .

٣- يرسم خط أعداد على أرضية الفصل (حتى ٦)

			!		ا ر	•		
(قر اغات) حتے	س مسافات	ر خم	يمشم	1	ەمر) ى للغ	اليسر	النهاية	 من

بيدأ طقل ن الرقع خمسة . يقول الطفل مثلا لقد مشيت خمس خطوات على الخط .

أنا الآن عند الرقم خمسة . ثم يرجع خطوتين الى الوراء ثم يقلول رجعت خطوتين الى الوراء من خمسة . أنا الأن عند ثلاثة .

يناقش المعلم كيفية ربط هذا النشاط بالطرح.

T = T - 0 يسجل الأطفال النشاط هكذا

استخدام خط الأعداد في توضيح العمليات مهم في الرياضيات وكثير من الأمثلة التي تشبه العثال السابق يجب أن تجري بواسطة الأطفال وأثناء الأنشطة يجب أن تكون هناك أمثلة مثل:

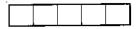
ابدأ عند خمسة ثم ارجع الى الوراء خمس خطوات وسوف ينتهي الطفل عند النهاية اليسرى للخط (٠) وحيث أنه يعرف أن ٥-٥-٠ فإنه يمكننا تقديم الرمز "." للنهايـة اليسرى للخط واستخدامها في كل التمرينات التي ستأتى مستقبلاً.

٥- يمكن استخدام تضيب خرز حيث يعطى طفل تضيب به خمس خرز ات ثم يطلب منه أخذ أربع خمسرزات ويحسب الباقي انبه يسجل النشماط كما يلي . 1 - 1 - 0

ثم يكرر النشاط مع قضبان أخرى بأعداد مختلفة ويجب أن تكون هناك أمثلة مثل

. - 0 , 0 - 0

أخذنا منهم [دام القطع هكذا	٦- يمكن استخ
	3		يساو ي
	ورق كما هو مبين .	ال بشر انط من ال	٧- يزود الأطن

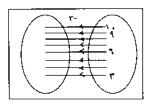


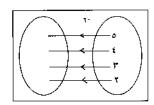
ثم يحسبون عدد الأجزاء (العلامات) ثم يطلب المعلم من أحدهم أن يقطع جزنيين من شريط ثم يحسب الأجزاء الباتية .

يسجل النشاط كما يلي ٥ - ٢ = ٣

تقسم الشرائط الى أعداد أخرى من الأجزاء ثم يكرر النشاط مع أعداد أخرى .

٨- يكمل الأطفال مخططات سهمية مثل .





ب- المقارنة Comparing

المقارنة صورة هامة من صور الطرح ولكن يحتاج كل نشاط في المراحل الأولمي الى مناقشة مستغيضة حتى نساعد الأطفال على فهم لمااذا يستخدم الطرح في الاجابة ؟ وفيما يلى بعض الأنشطة المفيدة .

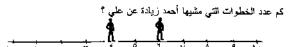
- ١- يختار المعلم سبعة أطفال ويطلب منهم الوقوف أمام زملائهم في الفصل ثم يقسمهم الى مجموعتين المجموعة الأولى تقف في الجانب الأيمن وعددها خمسة أطفال والمجموعة الثانية وعددها طفلان تقف على الجانب الأيسر ثم يسال المعلم السوال التالي: ما زيادة عدد المجموعة الثانية ومن الممكن أن يستخدم نفس النشاط في الاجابة على أسئلة مثل بكم يقل عدد المجموعة الثانية عن عدد المجموعة الأولى ؟ ما المفرق بين عدد الأطفال في المجموعةين ؟
- ٢- يكرر النشاط السابق عدة مرات بأعداد مختلفة من الأطفال وعلى المعلم أن يناتش
 كيفية الربط بين النشاط وعملية الطرح.
- ٣- يضع كل طفل مجموعة من الحبوب (ولتكن خمساً مثلاً) ومجموعة من أغطية الزجاجات (ثلاثة مثلا) على منضدة وبمقابلة كل غطاء زجاجة مع حبة (خرزة) سوف يجد الاجابة على السؤال:

كم زيادة عدد الحبوب عن عدد أغطية الزجاجات؟

ثَمْ يَسْجِلُ اجَائِتُهُ فِي صُنُورَةً كُلْمَاتُ ثُمْ يَتَرْجَمُهَا النَّي عَمَلِيَةً طَرْحٌ ٥ - ٣ = ٢ .

ويجب تكرار هذا النشاط لأزواج أخرى من المجموعات .

٤- يُرسم خط اعداد من • الى ١٠ على أرضية الفصل . يقف طفلان أحمد وعلى كل واحد منهما على نهاية الجانب الأيمن الخط (العلامة •) يمشى أحمد ست خطوات على الخط من • الى ٢ ويمشي على أربع خطوات حتى العلامة ٤ . وعندنذ يسأل المعلد :



من الممكن أن يرى الأطفال بسرعة أن أحمد مشى خطوتين زيادة ثـم ينــاقش المعلم كيف أن الاجابة يمكن ايجادها باستخدام ٦ - ٤ .

يكرر النشاط مع طفلين آخرين بمشيان خطوات مختلفة .

٥- تستخدم مجموعة من الدومينو . ثم يكتب الأطفال الفرق بين عدد النقاط في المجموعتين ففي الشكل المقابل يكون الفرق بين ٦ ، ٢ ثم يسجل الأطفال الفرق كطرح وقد يحتاج المعلم لمناقشة
 ٥- ١٠

الأطفال في بيان أن الفرق بينهما يكافى، ما زيادة عدد مجموعة عن أخسري ؟

م روده عدد مجموعه عن احساری . - يرمي كل طفل حجرى نرد ثم يحسب زيادة عدد ما عن عدد آخر ، مثلا

£ = Y - 7

0 = 1 - 7

٧- يوزع المعلم على الأطفال مجموعات مختلفة العدد بحيث لايزيد عدد المجموعة الواحدة عن ١٠ عناصر . يقارن كل طفل عدد عناصر مجموعته مع عدد عناصر رئيقه يسأل المعلم الطفل الذي لديه المجموعة ذات العناصر الأتل عن عدد عناصر المجموعة التي تلزمه ليحصل على مجموعة عددها يساوي عدد عناصر مجموعة , فقة مستعملا أسئلة مثل:



كم عدد المربعات التي بها دوانسر ؟

كم دائرة تلزم لملم المربعات الخالية ؟

٨- يعثل المعلم على اللوحة الوبرية بعض المواقف باستخدام الاشكال الهندسية أو أي صور وعلى سبيل المثال ٧ مثلثات صفراء ٣ مربعات حمراء ويطلب من الأطفال ايجاد عدد المربعات التي يجب أن نضيفها حتى يصبر لكل مثلث مربع.

- يعرض المعلم بعض زجاجات المياه الغازية بعضها ملأى وبعضها فارغ. ثم
 يحسب الأطفال عدد الزجاجات ، عدد الزجاجات المملوءة وعدد الزجاجات القارغة
 ويطلب المعلم منهم إيجاد القرق بينهمامستعملا أسئلة مثل:

کم تزید ؟ کم نتقص ؟

الربط بين الجمع والطرح

انشطة

١- يطلب المعلم من أحد الأطفال وضع مجموعة من ٨ صدور على اللوحة الوبرية ولتكن زهور مثلا ٥ صغراء ، ٣ حمراه ثم يسأل الأطفال هل عدد الزهور الصغراه هو عدد الزهور الحمراء ؟

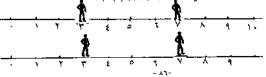
كم عدد الزهور الحمراء التي نحتاجها ليكون عدد الزهور الحمراء مساويا عدد الزهور الصفراء مساويا عدد الزهور الصغراء سوف يجيب الطفل اثنان .

ثم تكتب الجعلة هكذا ٥ - ٣ = ٢

ومن الممكن استخدام بطاقات خالية من الكتابة نبيان .

٣ + 🔲 - ٥ حيث توضع بطاقة ٢ في مكان البطاقة ٢ على سبورة الجعل العددية .

Y- يرسم المعلم نموذجا لخط الاعداد على أرضية غرفة الفصل ثم يكتب على السبورة جملة جمع مثل T+3= ويطلب من أحد الأطفال أن يقف على T ثم يخطو T خطوات ويسأل الأطفال عن العدد الذي وصل اليه T ثم يكتب الجملة T+3=Y على سبورة الجمل العددية أو على السبورة العادية ثم يكتب المعلم جملة الطرح T=3= ويطلب من الطفل الواقف على T=3= المودة T=3= المحلمة T=3= يسأل الأطفال عن العدد الذي وصيل اليه زميلهم T=3= يسأل الأطفال عن العدد الذي وصيل اليه زميلهم T=3=



0	٣- يستخدم الأطفال شرائط العدد العلونة
ى سبيل العثال على الـدرج ثم يطنب المــ ط ۲ يكون الطـول مسـاويا شـريط ٦ . يـج -	
مساويا للحد الأكبر ـ ثـم يسـجلون الاجا	 ٤- يمتخدم الأطفال الدومينو . وفي كل الصافتها الى العدد الأصغر حتى يصبح لكل حجر كما يلى . الكل حجر كما يلى . الكل حجر كما يلى .
Y-[]+Y :.	وفي يعض الدومينو سيظهر الصفر مثل
٥٠ ثم يناقش أطفائه فسي تفكير هم حـول	 ٤- يكتب المعلم على السيورة ٣ +
ة باستخدام سبورة الجمل العدبية أن عير اتج ٥ يضمع المعلم البطاقة ٢ على البطا	
۽ مثل	ثم يحاول الأطفال ايجاد أمثلة من عنده
V = Y + o	Y = 🗌 + o
7 = 7 + 7	7 = 🔲 + ٣
	F==1

وقد لا يتمكن بعض الأطفال من ترجمة هذا النشاط الى نشاط لغوي وقد يحتاجون الى مجموعة من العدادات لتساعدهم على الاجابة .

A = 0 + T

 \circ - يكتب المعلم على المبورة $\Upsilon + \Upsilon = 0$ ثم يناقش مع الأطفال علاقات اخرى يمكن

كتابتها باستخدام ٢ ، ٣ ، ٥ .

إذا اقترح الأطفال أن ٣ + ٢ = ٥ ، ٥ - ٢ = ٣ ، ٥ - ٣ = ٢ .

فانهم حينئذ يكونوا قد تمكنوا من الربط بين الجمع والطرح بصورة جيدة .

تكرر أمثلة أخرى متنوعة مثل 1 + 7 = 7 ، 1 + ٥ = 1 ، 7 + 1 = 1 .

٧- يعرض المعلم على الأطفال مجموعة
 من الدوائر ولتكن ٨ مثلا ومجموعة من
 المثلثات ولتكن ٥٠ .

ثم يطلب من الأطفال الاجابة على أسئلة مثل :

- ١) بكم يزيد عدد الدوائر عن عدد المثلثات ؟
- ٢) كم عدد المثلثات التي تحتاجها ليكون عدد المثلثات مساويا عدد الدوائر؟
 - - A (T
 - A +0 (t
 - ٥) بكم يقل عدد المثلثات عن عدد الدوائر ؟
 - ۸= + ٣ (٦

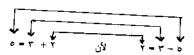
هذه المجموعة من الأسئلة تجعل الأطفال متآلفوسين مع العلاقبات المتعددة ٣ - ٥ - ٨ - تكرر أزواج أخرى متنوعة من الأعداد .

- يعرض المعلم بعض المخططات السهمية على شاكلة ما يسأتي ويطلب من الأطفال
 تكملتها .

۽ سي	
١	
	٦
٣	
	٨
٥	
	į

3	
٣	
í	
۰	
١	

- 9- يمكن للمعلم أن يستخدم بعض القصيص ليعبود أطفاله على الجمع والطرح العقلي مثل: ركب سيارة ٥ ركاب نزل منها ٣ ركاب ثم صعد اليها ٤ ركاب ثم نزل راكب واحد وصعد راكبان ويسأل في كل مرة عن عدد الركبان وي السيارة ٠.
- ١٠ يمكن للمعلم أن يطلب من الأطفال أن يستخدموا البطاقات الرقمية لعمل جمل عدية من النوع التالي :



 $\frac{1}{1}$ الجمع حتى ($\frac{1}{4}$ + $\frac{1}{4}$) والطرح حتى ($\frac{1}{4}$ - $\frac{1}{4}$ بدون استخدام القيمة المكانية :

أنشطة :

- 1- عندما يتمكن الأطفال من الجمع والطرح على الأعداد الصغيرة فإن الأنشطة المذكورة سلفاً في هذا الفصل يعكن (توسيمها) لتشمل الأعداد الكبيرة . ويجعب أن يتضمن هذا التوسع الجمع حتى 9 + 9 والطرح حتى ١٨ - 9 .
- وسوف تحتاج هذه الأعداد الكبيرة الى خط أعداد اطول ، قطع دينيز زيادة بالاضافة الى جميع شرائط العدد العلونة .
- ح. يجب أن يبدأ الأطفال في استخدام نمط في تنظيم مجموعات الجمع والطرح فعلى سبيل المثال :

8 = 1 + M	T = 1 + Y	
o = Y + Y	\$ = Y + Y	Y = 1 + 1
7 + 7 = 7	0-7+7	Y = Y + 1
V = £ + ٣	0 = 1 + 7	£ = Y + 1
$\lambda = 0 + 7$	V = 0 + Y	0 = { + 1
9 = 7 + 7	A = 3 + Y	7 = 0 + 1
) • = V + F	4 = Y + Y	Y = 7 + 1
ነነ = ለ + ٣	1 - A + Y	Y = A + J
17 = 9 + 7	11 + 1 + 4	1 = 1 + 1
)·= 9 + 1

```
q = 1 - 1
                     A = 1 - 1
y = 1 - \lambda
                                              A = Y - 1.
                     v - Y - 4
\chi = \chi - \lambda
                                              V = T - 1.
                      7 - 7 - 1
0 - T - A
                                              1=1-1.
                      0-1-4
4 - 1 - A
                                              0 = 0 - 1.
                      1-0-1
Y = 0 - A
                                              £ = 1 - 1 ·
                      T = 7 - 9
X - 7 - A
                                              w - v - 1.
                      Y = Y - 4
y = y - \lambda
                                              Y = A - 1 .
                      1-1-1
. - A - A
                                              1 - 4 - 1 .
                      . - 9 - 9
                                               = 1, - 1,
                                  وهكذا
```

٣- يجب اعطاء أمثلة عديدة

وهكذا تركز على خاصية الابدال مثل حفظ حقانق الجمع والطرح :

حفظ حقائق الجمع والطرح :

يجب على الأطفال أثناء هذه الأشطة المنتوعة البدء في تخصيص وقت لحفظ حقائق الجمع والطرح التي بنوها . ونقدم فيما يلى بعض الأفكار عن حقائق الجمع والطرح . لكى نقدر على الحساب بسرعة ودقة فاننا نحتاج الى حقظ بعض الحقائق المددية ومن حسن الحظ أننا لا نضطر الى حفظ كثير جداً منها فيكفينا بالنسبة لحقائق الجمع من . + + = + حتى ، 9 + 9 = 10

ويمكن عرض حقانق الجمع في صورة جدولية كما يلي :

بالنظر الى الجدول السابق تلاحظ ما يلى :

أ- يوجد نوع من التماثل حول القطر الرئيسي من ١٨ الى ١٨ ،
 وينشأ ذلك من خاصية الابدال للجمع .

أي أنه بالنسبة لـ ٤ + ٥ = ٩ على أحد الجوانب فيوجد تناظر جمعى

٥ + ٤ = ٩ على الجانب الآخر من الخط.

ويعنى ذلك أننا إذا فهمنا هذه الخاصية فيمكننا اختصار قدراً من الجهد اللازم لحظ الحقائق . فمثلاً كما نحفظ ٣ + ٧ = ١٠ في نفس الوقت .

ب- جمع أي عدد مع الصفر لا يغير من العدد . أي أنه إذا فهمنا هذه الخاصية فلا
 داعي لحفظ أي حقيقة يكون الصفر أحد العددين المجموعين .

ج- توجد حواصل جمع متنوعة والتي نتيجتها ٧ على سبيل المثال . وهي ٠ + ٧ ، ١ + ١ ، ٢ + ١ ، ٧ + ١ ف الذ ١ + ١ ، ٧ + ١ ف الذ ١ + ١ ، ٧ + ١ ف الذ ١ أيضاً فعندن تكون لزواج أجمعنا ٠ + ٧ ، ٧ + ٠ واستخدمنا خاصية الابدال أيضاً فعندن تكون لزواج الأعداد التي تعطى النتيجة ٧ بالنسبة للجمع هي ١ + ٢ ، ٢ + ٥ ، ٣ + ٤ ولهذا فبدلاً من حفظ ٨ حقائق مختلفة نحتاج الى أن نركز انتباهنا على ثلاث ققط أي أننا إذ اخذنا أ ، ب ، ج في الأعتبار فعندنذ تكون أزواج الأعداد التي نحتاج الى حفظ حقائق الجمع الخاصة بها هي:

المدد الأخر من الزوج									
٩	Ã	¥	٦	٥	ŧ	•	•	1	+
_								٢	1
							£	₹	*
						٠,	а	£	٣
					٨	Y	1	c	1
				١.	1	٨	٧	٦	احد الأزواج ،
			1.4	31	١,	4		γ	4
		١ť	۱۳	11	11	١.	•	٨	γ
	11	۱۰	10	37	11	11	١.	1	A
14	14	۱۱	10	11	14	١٢	11	١.	1

أي أنه يوجد 20 زوجا مختلفا من الأعداد نحتاج لتعلم حقائق الجمع الخاصة بها منها 9 تشمل جمع الواحد فقط (١ + ١ ، ٢ ، ١ + ٢ ، + ١)

وهذه سهلة الحفظ ولهذا فإنه في الحقيقة يوجد ٣٦ زوجا من الأعـداد فقط والتمي نحتاج الى أن تأخذها في الإعتبار عند حفظ حقائق جمع الأعداد .

وقد حللت حقائق الجمع تحليلاً عملياً وجمعت على أساس هذا التحليل في مجموعات

حسب صعوبتها وقد أوردها هندام وجابر (١٦) كما يلي :

المجموعة الصعية جداً وعددها (٧٠) وهي :

المجموعة الصعية وعددها (١١) وهي:

المجموعة المتوسطة وعددها ٢٠ وهي :

الجموعة السهلة وعددها ١٢ وهي :

لتسهيل حفظها:

7 + 7, 7 + 7, 3 + 7, 7 + 3, 0 + 7, 7 + 7, 7 + 7, 8 + 7, 7 + 7, 7 + 7, 8 + 7, 7 + 7, 8 + 7, 7 + 7, 8

المجموعة السهنة جداً وتشمل كل الحقائق الباقية . وبالنسبة للجدّائق الصحبة جداً فتوجد طريقتان

1+Y+YV + A00 ବା ହା 0,0 0:0 00 @ @ 0,0 0.0 Ø 10 30 ୍ଦ୍ର ।ପ 00 60°0 0

والطريقة الثانية : هي تكوين العشرة فعند اجراء ٩ + ٢ تكمل التسعة الى العشرة فالطريقة الثانية العشرة فالخذ واحداً من السنة وبالتالي تصبح المسألة ١٠ + ٥ ومن السنهل

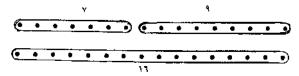
على الطقل جمع عدد مع عشرة فيكون الناتج ١٥

							_	
Mo	ſø	ы	٥	Ы	۱.	اه]		7
117	Ľ		_	_	_	Ц	_	_
IV.	I.	ы	اء.	اما	٥	$\overline{}$		
1 [г	П	-	_	~	,~	1	ı-,

ويمكن الاستعانة بوسائل ملموسسة لتوضيح 9 + 1 كما بالشكل المقابل .

حقائق الطرح:

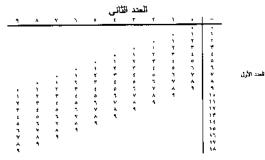
لقد ناتشنا الربط بين الجمع والطرح سابقاً وهذا الربط ركيزة أساسية في التصامل سع حقائق الطرح فمثلاً إذا كنا نعرف الحقيقة ٧ + ٩ = ١٦ وفكرنا فيها كما يلي :



عندئذ وبدون أي حفظ قسوف نرى أن ١٦ – ٧ = ٩ ، ١٦ – ٩ = ٧ .

ولسرعة الحساب قاننا نحتاج الى حفظ حقائق الطرح ومما يجعل عملية الحفظ أسهل استخدام الربط مع حقائق الجمع كما تجدر الاشارة الى أنه بدلا من تعلم حقائق الجمع والطرح منفصلين عن بعضهما فإنه يجب النظر إلى كل العلاقات بين V_1 ، V_2 ، V_3 أي أننا إذا أخذنا في الاعتبار V_3 + V_3 = V_3 المجب علينا أن نربطها بـ V_3 - V_4 - V_5 المحرك - V_5 - V_5

وحقائق الطرح التي يحتاج الأطفال لمعرفتها مبينة في الجدول التالي :



وعندما ننظر الى الجدول نرى ما يلي :

الا يوجد محور تماثل كما في جدول الجمع وذلك لأن خاصية الابدال لا تتحقق في

الطرح أي ٧ - ٢ - ٧ على سبيل المثال .

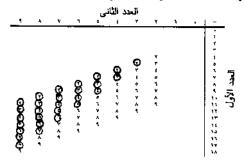
ب- توجد مائة حقيقة طرح معا (نفس عدد حقائق الجمع المبيئة في الجدول والتدريب
 على حفظ كل هذه الحقائق ليس ضروريا لمايلي :

أولاً : إجابة الحقائق التي تتضمن طرح الصفر يمكن اعطاؤها بسهولة (v - · - v مثلاً).

ثانيها : الحانق التي تتضمن طرح الواحد تعتمد على القدرة على العد بـالترتيب فقط فمثلاً ٧ - ١ - ٦ -

ثالثاً : الحقائق التي تتضمن طرح العدد من نفسه تعتمد على الحد الأدنى لفهم عملية الطرح فقط (V-V=0) .

إذا حذفنا الحقائق التي في أولا وثالثًا من حقائق الطرح المائة فمان حقائق الطرح الذي يجب حفظها مبينة في الجدول التالي :



وتلاحظ من الجدول السابق ما يلي :

١- في ١٣ - ٨ على سبيل المثال ١٣ هي العدد الأول ، ٨ هي العدد الثاني .

٧- الجزء اليساري العلوي من الجدول فارغ لأتنا نحتاج الى السالب لعلم الغراغ

الجزء اليميني السفلي من الجدول فارغ الأن نتائج الطرح تحتاج الى استخدام القيمة
 المكانية الإجادها

كما فلاحظ من الجدول السابق أيضاً أن بعض الحقائق محاطة نتائجها بدائرة وذلك لأن كلا منها مرتبطة مع حقيقة أخرى بنفس الصف فمثلا ٩ - ٦ - ٣ مرتبطة صع ٩ - ١ - ٣ و وكلا منهما مبنى على ٢ + ٣ - ٩ .

وهذا يؤكد مرة ثانية الحاجة الى النظر الى هذه الحقائق الثلاث مماً .

الجمع باستخدام القيمة المكانية

تأتي عملية الجمع باستخدام القيمة المكانية بعد أن يتعلم الأطفال حقائق الجمع ويجب التأكد من حفظ الأطفال لهذه الحقائق وذلك لأن استخدام القيمة المكانية قبل التمكن من حقائق الجمع يربك الأطفال ويؤدي الى نتائج غير مرضية .

ويتم تقديم الجمع في هذه المرحلة في خكوات متتابعة :

 أ- جمع عدد مكون من رقمين مع عدد مكون من رقم واحد وتسجيل عملية الجمع بالصورة الرأسية على الا يزيد مجموع الآحاد عن ٩.

ب- جمع العقود (العشرات)

ج- جمع عدد مكون من رقمين مع عدد مكون من رقمين بحيث يقل مجموخ كل عمدود عن عشرة وتستخدم أيضا الصور الرأسية .

د- توسع (ج) بأمثلة يكون فيها المجموع الكلى للآحاد يساوي ١٠ وهذا مدخــل نفكرة
 تخيير ١٠ (أحاد) بوحدة واحدة عشرية ويسجل ذلك في صورة رأسية أيضا .

هـ توسع (د) بأمثلة يكون فيها مجموع الأحاد أكبر من عشرة وتقدم الصبيغة المختصرة لتسجيل الجمع بالتدريج ,

و - يمكن تقديم جمع ثلاثة أعداد أو أكثر (بحيث لا يكون المجموع أكبر من ٩٩) .

المواد والأدوات المطلوبة :

 ١- مصاصدات تصييرة أو عصمي أو ما شابه ذلك والتي سبق استخدامها عند تقديم الأعداد حيث يمكن الحصول منها على جزم وعصمي مفردة.

٢- لوحة الجيوب .

٣- العداد .

أنشطة

يضيف ٤ مصاصحات ويسأل عن الناتج ثم يسجل المعلم النشاط في صدورة رأسية ثـم يعطـي أمثلـة أخرى ولتكن ٣٢ يمثلها طـفل

ويضيف آخر ٣ مصاصات يسجل المجمع بصورة رأسية أيضاً بجانب التمثيل الحسى ويشرح المعلم الأعسدة الرأسية التي سبق الحديث عنها في القيمة المكانية . ويكرر النشاط مع أعداد مختلفة .

٧- يصرض المعلم عسلى الأطفال أسلاث رزم (كل واحدة تحتوي على عشر مصاصات) ويسأل عن المدد فيجيب الأطفال ٣ عشرات (٣٠). ثم يضيف أربع رزم ويسأل السؤال نفسه ثم يسأل عن المجموع ويتوصل الي يسال عن المجموع ويتوصل الي يساوي ٧٠. وتسجل بالصورة الراسية كما في الشيكل

المقابل ويكرر النشاط السابق بعقود مختلفة في كل مرة .

 آوزع المعلم على كل طفلين عــداً من المصاصبات يقبل عـن ٥ وعـددا مــن المصاهبات المجــمة في رزم أتبل من ٥ ويطـاب من أي طفلين تسمية

	۲+	
٣	۰	
		-

حشوان	T-cle
7	· •
\$	
γ	

خفوان	۾ آجن د	門們	fif.
Υ.	۲ ا		ine in
١	7+	H	LIMIT!
٢	•		

الأعـــداد اللهي بحوزتهما فيبين الأول عشرين و مصـــاصنين ويبين الثاني عشرة واحدة

 ويتطلب هذا النشاط التمكن من جمع عدد مكون من رقمين مع عدد مكون من رقم وايضاً جمع العقود ، ويكور النشاط السابق بأزواج أخرى من الأعداد مع مراعاة أن مجموع أي عمود لا يزيد عن ٩

٤- يكرر النشاط ٣ ولكن نختار عددين بحيث يكون مجموع الاحاد عشرة مشلاً (١٣،٧٧) فعندما يضع الطفلان المصاصحات معا فيجدان أن لديهما عشر مصاصحات في الأحاد فيناقش المعلم معهما تغيير هذه العشر مصاصحات الى حزمة واحدة فتصبح واحدعشرة ويجب أن يربطها الطفلان ويحركانها الى العشرات فيجد ان الآن ٤ حزم في العشرات ولا توجد حزم في الأحاد وعلى المعلم التأكد من أن جميم الأطفال فهموا أن المصاصحات معا ٥٠٠.

واد عشوات	أحاد أعشدات أح		وا ان المصاحبات . کاد	جميع الأطفال فهم ا
• •	- - -		<u>- 11)</u>	1111111
1 ,	- · ·	· · · · · ·	<u> </u>	111 1
d)	, is	ا ۱۰۰۰ ا	tat 	(HIHHII)

ثم يكرر النشاط وفي كل مرة يسجل العمل على السبورة حيث يوضح الشكل (أ) ما تع عمله باستخدام المصاصات وببين الشكل (ب) أن ما يجري هو عملية جمع وببين الشكل جا المصمول على عشرة حيث وضعت العشرة منقطة ثم تمحى العشرة وتنقل الى عمود العشرات بواحد كما بالشكل (د) ثم نجمع عمود العشرات فينتج الويكون الناتج النهائي ١٤ كما بالشكل (ه) .

و- يكرر نشاط ٤ مع أزواج من الأعداد بحيث يكون مجموع الأحاد عشرة وحاصل
 الجمع النهائي لا يكون أكبر من ٩٠٠.

 ٢- يكرر النشاطان السابقان ٤ ، ٥ باستخدام شرائط العدد العلونة حيث يغير كل طفل شريطي ٧ ، ٣ معا بشريط واحد ١٠ وهذا يوضع التغيير بطريقة جيدة .

٧- يكرر نشاط ٣ مع الحتيار عدبين بحيث يكرن مجموع الأحاد فيهما أكبر من عشرة

ت کما رای : (1919 مر)	ينيز في توضيح الخطوان	ن استخدام <u>قطع ب</u>	مثلاً (۲۷ ، ۱۲) . ربعک
	AAAA	A O	99
田田田田田田田田田田田田田田田田田田田田田田田田田田田田田田田田田田田田田田田		# 0	
		HE	
inagaa	<u> </u>	# aa	開閉一面

عشرات	آحاد	عشرات	آحاد	عشرات	آحاد
	٧	7	٧	۲	٧
,	٦+	١	ኘ+		1+
<u> </u>	۲	۳	١٣		

٨- يكرر النشاط السابق الأرواج مختلفة من الأعداد والتي حاصل جمع الأحاد فيها أكبر
 من عشرة ولكن بحاصل جمع تهانى لا يزيد عن ٩٩ .

- تستخدم الأعمدة الرأسية في التدريب على جمع ثلائة اعمدة مجموعهم ألحل من أو يساوي
 و ويفضل في هذه المسائل كتابة كلمة جمع وحذف علامة (+) حتى لا يضطر البعض
 وضعها مرتين . وفي بعض المسائل قد نحمل ٢

عشرة من الأحاد المى العشرات وهذه الخطوة تحتاج الى مزيد من الإيضاح .

تحتاج الى مزيد من الايضاع .
• (- إذا اعتقد المعلم أن اطفاله تمكنوا من عمليات الجمع .
عددين مجموعهما أكبر من ١٠٠ في هذه الدراحاة

إجع

| عشرات

آحاد

وفي هذه الحالة يجد الاطفال أنه يوجد عشر عشرات أو " " " " ولهذا يستخدمون حزمة كبيرة مكونة من ١٠ عشرات (١٠ حزم كل حزمة عشرة) ويضعون الحزمة الكبيرة في عمود ثالث يسمى المنات (واحد مائمة) وإذا فهم الأطفال العمل مع الأحاد والعشرات في صورة رأسية قانهم سوف يجدون الفسهم مستمرين في نفس الاتجاه.

ومن العمكن استخدام العداد الثلاثي عند اليجاد نمائتج ٧٥ + ٥٨ مثــلا . حيث يعطى المعلم أحد الاطفال عدادا مع العلقات ويطلب منه تعثيل الجملة ٧٥ + ٥٨ ثـم اجراء عملية الجمع ويوضع الشكل التالي مراحل اجراءات الحل.

مئات	عشرات	آحاد	مئات	عشرات	أحاد	مثاث	عشرات	آعاد	مثاث	عشرات	أبعاد
0				0			0				
_	٧	٥]		٥		v	ា		٧	٥
		۸+		0	A +			A -		٥	۸+
,	۳	۴	\neg	[-]	٣			+			

11- يرسم المعلم على السبورة المجدولة المحدول المقابل ويطلب من أحد الأطفال اجراء الجمع باستخدام الرسم 12 + 20

١٢ - تستخدم طريقة نشر الأعداد (المفكوك العشري) في أيجاد ناتج ٦٤ + ٧٨ كما

يلي: ٤ أحاد + ٦ عشرات 1 + × 1 + £ ٦٤ 1 + × Y + A ۸ آساد + ۷ عشرات **YA** + 1 · × 17 + 17 ۱۲ أحاد + ۱۳ عشرات ۲ + (۱×۱۰ + ۱۳ × ۱۰) تجمیع ۲ آحاد ۳ عشرات ١ آجاد + ١٠ عشرات 1 + × (15+1) + 4 1 . × 11 + Y ٢ أحاد + ٤ عشرات 1 · × (1 · + £) + Y + مائة 1. × 1. + 1. × £ + Y 1 * * + £ * + Y 124 111

19 - بعد التأكد من فهم الأطفال المملية بعد استخدام العداد والرسم يمكن تقديم المعدورة المختمسرة مع كتابه أحاد وعشسرات ومنات وعند تأكد المعلم من تمكن أطفاله من الجمع السابق يمكن حذف الجدول نهائياً واعطاؤهم مسائل على الصورة المختصرة هكذا .

عاث	عشرات	آحاد
١.	. 1	
	٦	1
	Y	٨
1	ŧ	۲

1-1-1-1 Shall Shal

١٤ - يمكن توسيع النشاط ١٢ السابق بإعطاء جمع عديين يشألف كل منهما من ثلاثة أرقام على أن يكون المجموع ألل من ١٠٠٠
ويمكن استخدام العداد وقطع دينيز في توضيح ذلك مع استخدام الرسم أيضا

ويوضح المعلم خطوات (اجراءات) الجمع ٢٥٧ + ٣٨٥ كما يلي :



 ١٥ - يمكن أيضا توسيع النشاط السابق باعطاء جمع عددين يتألف كل منهما من ثلاثة أرقام مع العمل من الآحاد والعشرات والعنات ويمكن أيضا استخدام العداد الرباعي وقطع دينيز والرسوم.

وفي النشاط التالي يعطى المعلم كل مجموعة من الأطفال مهدو مثل عدادا ويكتب على السبورة جملة جمع مثل

ويطلب من الأطفال تعثيلها على العداد واجراء الجمع ويوضح الشكل التــالي الخطوات :

	_	_													
	ألوف	ىتات	شرات	الماد		الزف	20	عشرات	أهاد]	الوف	منات	عشرات	أحاد	
						0	0	0		ľ					
		٥	1	*	+		۰	٩	٧	+		ه	٠.	v	+
ı		A		1		L_	٨	_ r	ŧ			١,	-	ا ،	
I	١	r	٣	•		۱ ا	í	F ,	3					٦	
						:	هكذا	طوات	في خ	-	ات ال	حداء	المعلم ا	- ·	
		ىئات	اجمع ال	جـ				مشرات	ي. بمم ال	ب— انج	_		احاد		
			=A+c				ټ	اعشرا	7-7	+4+	1			مے ۔ ۱۱-	
			تسمية					حشرات					الآحاد		
	منات —	ف، ٤	مانة- ۱۱ 	14-		ات	٢عشر	- اماله،	رات•	۱۱عث	•	ا آخاد	اعشرة،		
	*		1	7	•	,			7				ان	∸ه مثر	
		۵	1 v+	11	<u>.</u>	. ,	1 4		17	Ι.			 v	_ `	<u>!</u> ,

المنافع النشاط السابق نيشمل جمع عددين كل منهما مكون من أربعة ارقام واكثر باستخدام نفس الوسائل ونفس الإجراءات

١٧ - يمكن استخدام نفس الأدوات والإجراءات السابقة في جمع أكثر من عددين مع الحمل حيث يكتب المعلم ٣ أعداد على السبورة كل منها مولف من ٤ أرقام ويطلب من احد الأطفال تمثيلها على عداد الجمعها ويوضع لهم أن الخطوات تبدأ بضم حلقات الآحاد أولا وكل عشر منها تستبدل بواحدة تضاف للى عمود العشرات ثم تضم حلقات العشرات وتستبدل أيضا كل عشر منها بمائة وتكرر هذه الععلية حسب الأعداد .

الطرح بإستخدام القيمة الكانية

مقصدمة

انه لمن الضروري – قبل البدء في مناتشة أساليب تقديم استخدام القيمــة العكانيـة في - ١٠٠٠ الطرح لملاّطفال – أن نعمل تفكيرنا في الطرق المتنوعة والتي يمكن استخدامها في طرح 20 - ٢٧ مثلاً وتلك هي الطرق :

أ- العد على Counting on

امنت ۳ الی ۲۷ انتکون ۴۰ امنیف ۱۰ الی ۳۰ نتکون ۶۰ امنیف ۰ الی ۴۰ نتکون ۶۵

٣ + ١٠ + ٥ = ١٨ ، ولهذا يجب إضافة ١٨ الى ٢٧ لتكون ٥٥

اذَن القرق بين ٤٠ ٧٧ مو ١٨

لان ۱۸ = ۲۷ = ۱۸

تستخدم هذه الطريقة غالبا في الأسواق ومحلات البقالة .

ب- التنكيك Decomposition

إذا تعاملنا أو لا مع الأهاد نجد أنه ليس بالامكان طرح ۲ من ٥ ولهــذا نأخذ ولحدا من خــــائة (عمود) العشرات ونغيره الى عشرة

أحاد كما هو مبين .

والآن يكتمل التفكير الحقيقي ، ويمكننا الآن أحاد عشراء التعامل مع الأحاد بطريقتين أما سيرًا

الأولى: بطرح ٧ من ١٥ (١٥ - ٧ - ٨) . والثانية : بطرح ٧ من ١٠ واضافة ٥ الى النتيجة

. (A = 0 + T , T = Y - 1 ·)

ويجب ملاحظة أنه إذا استخدمنا الطريقة الأولى قيجب أن أحاد عشرات الأولى كيجب أن أحد عشرات الأولى كيجب أن أحد الأحد الأحداد الأحد الأحداد الأحدا

والآن نكمل الحل بالتعامل مع العشرات (٣ - ٢ - ٢) وتتضمن اللغة المصاحبة لهذه الطريقة ما يلي : خذ ولحدا من الأربعية عشيرات وغيره بعشرة أحاد وهذا يصف ما يحدث ببساطة ودكة.

عشرات	أجاد	ونقة .
. 1	-	بـ الجمع المتساوي Equal Addition
Y	٧-	بالتمامل أو لا مع الآحاد نجد أنه ليس بالامكان
عشرات	آحاد	طرح ∨ من ≎ ،
t	١	ولهذا نضيف عشر آحاد الى الأحاد وفي نفس
r Y	y	الوقت نضيف الى عمود العشرات في الـ ٢٧
	٨	ونسجل الجمعين كما هو مبين .
عشرات		نتعامل الآن مع طرح الأحاد باحدى طريقتني
1	1. 0	التفكيك التي وصفناها سابقا ،
1 ' Y	v –	ثم نكمل الطرح بالتمسامل مع العشسرات
	Α	(1-7-1)
عشرات	آبياد	تتضمن اللغة المصاحبة لهذه الطريقة
í	۱. ه	عبارة مثل " اجمع عشرة أحاد الى الغمس
۴ ۲	Y -	لحاد (فمي العدد ٤٥) ولمي نفس الوقت أضيف
1		واحسد عشسوات السبي الاثنيسين عشسسوة
		(تي المدد٢٧)

هذه الطريقة تستخدم المسلمة التي تقول "أن الفرق بين عديسن يظل ثابتا إذا أضفنا نفس العدد الى كل منهما فعلى سبيل المشال ٨ - ٥ - ١٥ - ٢٥ - ٢٥ - ٢٥ - ١٠٠ - ١٠٥ - ١٠٥ - ٢٥ - ٢٥ - ٢٥ - ١٠٥ وفي المثال المبين (٤٥ - ٢٧) أضفنا عشرة أحاد الى خميس أحاد (في الد ٤٥) للحصول على مزيد من الأحاد وفي نفس الوقت أضفنا ١ عشرة الى ٢ عشرات (في الد ٢٧)

وهذا ليس صعب الفهم بالنسبة لنا ولكنه معقد بالنسبة للأطفال الصمفار والذي يجعله أكثر صعوبة الى حد ما وأكثر تعقيدا هو الحقيقة التي مفادها: بـالرغم من أن الأطفـــال يطرحون Taking Away إلا أن الطريقة المستخدمة تعتمد على "ما الفرق"

الطرح بالتفكيك Decomposition أكثر سهولة في الشرح والفهم ويغضما علمى الاضافات المتساوية Equal Additions يجب أن يأتلف الأطفال مع فكرة العد على Counting on ولكنها تحتاج الى مزيد من الوقت عندما تكون الأعداد المستخدمة كبيرة

(مثلا ٣٦٥٤ -١٣٦٧) ولهذا فان الطريقة التي سنستخدمها في هذا الكتاب هي الطرح بالتفكيك .

وفيما يلي أحد الأساليب المقترحة نتقديم الطرح باستخدام القيمة العكانية .

- ١٠ تأكد من أن كل طفل يعرف كل حقائق الطرح من ١٠ (مثلا ١٠ ٤ ٢ ،
 ١٠ ٨ ٢ ، وهكذا) وذلك لأنه بدون هذه المعرفة فإن الطفل سيبدد وتته في الاستعرار في عمليات طرح أكثر تعقيدا . ثم اعط تدريبات إضافية على تطم كل حقائق الطرح حتى ١٨ ٩ ٩ .
- ٢- قدم طرقا لطرح عدد يكون من ركم واحد من ٢٠ (مشلا ٢٠ ٤) ثم بعد ذلك عدد مكون من ركم واحد من ٣٠ ، ٤٠ ، ١٥ (مثلا ٣٠ ٤ ، ٥٠ ٩ ، ٠٥ ١٠) مهذا.
 - ٣- قدم طرقا لطرح عدد مكون من رقمين من ٢٠ ، ٣٠ ، ٤٠ ٩ مثلا (٣٠ - ١٧ ، ٥٠ - ٢٤ ، ٩٠ - ٣٠ ،) وهكذا .
 - ٤- ويأتي بعد ذلك طرح عدد مكون من ركم واحد من عدد مكون من رقمين
 (٧٤ ٥ ، ٣٣ ٩ ، ٥ ٤ ، ، وهكذا
 - ٥- طرح عدد مكون من رقمين من عدد مكون من رقمين
 (٥٦ / ٨٤ / ٨٩ / ١٩ / ٨٥ / ٣٩ /وهكذا
 - ٦- وسع الطرق المستخدمة في (٥) لتحتوي على أعداد كبيرة.

أنشطة:

المواد والأدوات المطلوبة :

- نفس الأدوات التي استخدمت في تقديم الجمع وهي العداد المصماصات قطع دينميز - شر انط العدد العاونة .
- ١- يجب اعطاه تدريبات وأنشطة للتأكد من تمكن الأطفال من حقائق الطرح حتى
 ١٨- ١٨) التي تم وصفها سابقاً .
- ٢- يعطى المعلم أحد الأطفال حزمتين (٢ عشرة) ويطنب منه فك احداهما لتصبح
 عشر مصاحبات ويطلب منه تحريك المصاصبات وابجاد المعدد الباقي ويسير النشاط
 كالتالي :



يشرح المعلم مافعله الطفل ويسجل الإجراءات التي اتبعها الطفل كما يلي :

عشرات	أحاد	عثرات	أحاد	عشرات	أحاد
,	١,	١	١.		
X .		ν χ ΄	<i>y</i>	۲	
	٠ -		٦ -		٠ -
,	£				

يجب تكرار هذا النشاط لكل عمليات الطرح الممكنة والتي تتضمن طرح عدد مكون من عشرين (٢٠ - ٣ ، ٢٠ - ٩ ،) ثم يتسع النشاط ليشمل طرح عدد مكون من رقع واحد من ٣٠ ، ٢٠ ، ، ٩٠ .

٣- يستخدم الأطفال شرائط العدد العلونة حيث يضعون شريطين ١٠ بجانب بعضها
 ليكونا ٢٠ ثم يسأل العملم السؤال التائي ما الشريط الذي يبقى إذا حركنا شريط ٦
 من شريط ٢٠ ؟

احدى طرق الحصول على الاجابة هو تبديل شريط ١٠ يعشرة شرائط من شريط ١ وجد تحريك ست شرائط ١ يبقى ٤ شرائط من شريط ١ وشريط واحد من شرائط ١٠ أي يكون الناتج ١٤ كما يمكن الحصول على نفس النتيجة أيضاً بتبديل شرايط ١٠ بشريط ٤ وشريط ٢ .

٤- يكرر الأطفال نشاط ٢ ولكن الطرح الآن عبارة عن طرح عدد مكون من رقبين من ٢٠ ، ٣٠ ، ٣٠ ، ١٠٠٠ ٩٠ ويطلب المعلم من أحد الأطفال لجراء عملية طرح ٢٠ - ١٧ باستخدام المصاصحات وذلك بأن يعطيه حزمتين ويطلب منه تحريك ١٧ منهما فيستخدم الطفل أحد الحزمتين ويفكها ثم يضمع العشر مصاصحات منفصلة ويصرك منها ٧ مصاصحات فييقى ٣ مصامحات منفردة ويوضح الشكل التالي الاجراءات .



ا عشرات	_أحاد	عشرات	<u> </u>	عشرات	آحاد
	1.	١	1.		
المهر	/			۲	,
١	' 1 <u> -</u>	1	¥ -	1	٧ -
	۲				

ويجب تكرار هذا النشاط بالنسبة للأعداد الأخرى المكونـة من رقمين والمحصمورة بين ١٠، ٢٠ شم يمتد النشاط لعمليـات طرح من ٤٥، ٥٠ ٩٠ مثـل (٣٠ – ١٢، ٢٠))

وعندما يثق الأطفال في التعامل مع عمليات طرح من هذا النوع يمكنهم التعامل مـع طرح أي عدد مكون من رقمين من ٢٠ ، ٤٠ ، ٩٠

مثلا (۳۰ - ۲۶ ، ۲۰ - ۷۷ ، ۸۰ - ۸۰ ، سد)

وزع المعلم على كل مجموعة من الأطفال بعض قطع دينيز للأساس عشرة ويكتب
على السبورة ٤٢ - ٢٧ حيث يأخد الأطفال في تحويسل إحدى قطع العشرات الى
وحدات فيصبح نديهم ١٧ وهدة ، ٣ عشرات يأخذون منها ٧ وهدات ، ٢ عشرات
فيبقى ٥ وهدات ، ١ عشرة

عشرات	آحاد	عشرات	آحاد
	14 2	_ i	٧
۲	٧-	۲	γ-
1	ņ		

ويسجل النشاط كما يأتي :

ويكرر الأطفال النشاط لمعدة عمليات طرح

تتضمن تغيير ١ عشرة بـ ١٠ أحاد وعلى

المعلم محاولة أن يكون التخيير موضحا بدقة والا سوف تحدث أخطاء .

طرح الأعداد الكبيرة

يكتب المعلم مسألة طرح على السبورة مثل ١ ° ° ويعطى أحد الأطفال مجموعة تطع دينيز ويطلب منه تمثيل المسألة . <u>-٤ ° (</u> _

ŗ	Я			- 67	a		_			 			_	_	
ļ		ජ ජූති කුණ	=			96	6 6		A		a	a	R	_	
	ø	90		H		9 66	9 8	=		5 G G	_#		I	1	[ي
۲,			-		-					 200		ď			ĕ

<i>'*</i>	11 2/4	"*	مثات مهر*	عشوات امهراا	أ حاد سواا
				ن	
1	٦	γ		1	

وييداً المعلم في اعطاء اطفاله مسانل طرح متتوعة بحيث يظهر الصفر في العشرات مثل ٥٠٦ – ٢٣٨ حيث يشرح لهم العمالة في خطوات كما يلي :

-1 نطرح الاحاد فنجد أن ثاتج -1 -1 -1 نمود تسمية المئات لتصبح -1 نطرح هكذا لا يعطى عندا كليا ولذلك نفك -1 منات وتسع عشرات وعشرة -1 -1 -1 أو نمود تسمية رقم المشرات وهو الصغر -1 -1 -1 مع الأحاد للحصول على مزيد من الأعداد -1

بعد التمكن من طرح عددين يتألف كل منهما من ثلاثة أرقام يمكن توسيع الخطوات لتشمل الأعداد المكونة من أربعة أرقام وأكثر على أن نفك الألف الواحد بعشر منات ويمكن استخدام قطع دينيز أو العدادات :

تعليق ومتابعة

يمثل الجمع والطرح نصف ما يسمى بالعمليات الأساسية في المرحلة الإبتدائية ولهذا يجب أن نبذل جهداً كبير ا في تقديمهما للأطفال .

ومعا يساعدنا على تعكن الأطفال صن الجمع والطمزح التعامل مع الوسائل المحسوسة والأنشطة العملية التي يقوم بها الأطفال بأنفسهم تحت اشراف المعلم ليتعلموا من خـلال العمل وليطوروا أفكارهم الرياضية .

ويجب أن يبدأ تقيم الجمع والعفرح على مراحل كما أوضحنا سابقا نركز في المرحلة الأولى على أنشطة الضم والقصل بين مجموعات متشابهة العناصر ثم يلي ذلك تعلم حقائق الجمع والطرح الأساسية وفي هذه المرحلة ينبغي أن يشدرب الطفل على حفظ الحقائق حتى يصبح استخدامه لهذه الحقائق أليا فيما بعد أي تكون له القدرة على الحساب بسرعة ودقة .

كما يجب أن تصمم أنشطة يستمتع بها الأطفال وهم ينفذونها كما يجب أن تناقش حقائق الجمع والطرح بدقة حتى نساعد الأطفال على حفظها .

ولكى يتعلم الطفل حقائق الجمع والطرح بفعالية واستعتاع يجب عليه أن :

١- يفهم عمليتي الجمع والطرح (+ ، -) .

ب- يفهم الربط بين الجمع والطرح .

ج- يكتسب خبرة في بناء وحفظ كل حقيقة .

د- يفهم الحقيقة التي تتعلق بالصغر بالنسبة للجمع والطرح .

هـ يفهم خاصية الابدال بالنسبة للجمع .

و - يتدرب كثيرا على تعزيز وتقوية حفظ الحقائق .

واذا ركزنا على النقطة الأخيرة نقط " و " فسوف يكون ذلك تدميرا الموقت والجهد وغالبا ما يكون شديد الاحباط لأته بدون الخلفية المعرفية التي تتضمن من أ – هـ يمكن أن يتعلم الأطفال مثل الببغاء لمقط وقد لا يكون للحقائق معنى حقيقي بالنسبة لهم.

ويجب أن يعرف المعلم أن الفهم الكامل لبسض الأقكار المتضمنة سلفا من (1 - و) يأتي ببطء لكثير من الأطفال مثل الإبدال في الجمع . كما أن فهم خاصية الصفر في الجمع تأتي فقط من خلال العمارسة .وعندما يتمكن الأطفال من بناء وحفظ الحقائق التي نتائجها ألمل من أو يساوي عشرة يمكن أن يستمروا من خلال الأنشطة العوجهة في الحقائق المتبقية حتى 3 + 4 - 10 . وفي كل مرة من مراحل تقديم حقائق الجمع يجب تقديم حقائق الطرح المقاظرة من خلال الشطة عديدة ومختلفة أي على الأطفال أن يفهموا الربط بين الجمع والطرح فهما كاملا لأنه إذا فهمت حقائق الجمع فسوف يكون من السهل بناء وحفظ حقائق الطرح .

ومن الأنشطة المفيدة لحفظ حقاتق الجمع .

١ - استخدام التاريخ :

يمكن استخدام دقائق تليلة يوميا يكتب خلالها الأطفال حقائق مختلفة قدر امكانهم عندما يكون لديهم اليسوم .

في الشهر كاجابة فمثلا في ١٢ ذو الحجة يمكنهم كتابة كل أو بعض الحقائق التالية:

P + T = Y f , T + P = Y f , X + 2 = Y f , 3 + A - Y f

. 14 = 7 f , 0 + V = Vf , 1 + F = Yf .

٢- أسكفدام الساعة :



يمكن استخدام الساعة ففى أي يوم على سبيل المثال يمكن للمعلم أن يضمع بطاقة مكتوبا عليها + 1 على وجه الساعة كما هو مبين ثم يضيف الأطفال 1 لكل عدد من الأعداد من 1 – 17 على التوالى .

ويضيف مثل هذا النوع من التدريب الثراء وتنوعا لعملية التعلم ويستمتع به الأطفال .

ثم تأتي بعد ذلك مرحلة استخدام القيمة المكانية وهي مرحلة هامة أيضا وأساسية وتحتاج لهمد ووقت كبيرين حتى يتمكن الأطفال منها ويجب استخدام الوسائل التي تم وصفها سابقا كقطع دينيز والعداد ولوحة الجيوب والمصاصحات وشرائط العدد الملونة وهذه المرحلة مرتبطة ارتباطا كبيرا بالجمع والطرح على الأعداد الكبيرة ففي الجمع على الأعداد الكبيرة ففي الجمع على الأعداد الكبيرة بالنسبة للأطفال إذا :

أ - قهموا القيمة المكانية فهما كاملا وامتدادها الى ما بعد العنات .

ب- عرفوا حقائق الجمع (حتى ٩ + ٩ = ١٨).

فعندنذ سوف لا يجدون صعوبة كبيرة في اجراء عمليات جمع تشمل أعدادا من العفات والالاف وهكذا.

وأن أي أخطاء تحدث سوف يكرن سببها الرنيسي إما " أ " أو " ب " وفي أحيسان اخرى قد ترجع الاسباب الى عدم العناية ورضع الأعداد تحت بعضها بطريقة غير سليمة أتساء اجراءات حل المسائل .

وفي الطرح :

يحتاج الأطفال كما في الجمع الى :

أ- نهم كامل القيمة المكانية .

ب- معرفة حقائق الطرح (حتى ١٨ - ٩ = ٩).

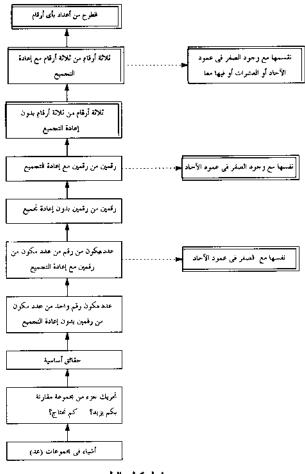
وإذا تمكن الأطفال من أ ، ب فيمكنهم التحرك نحو الأعداد الكبيرة بدون صعوبات كبيرة.

وعمليات الطرح مثل ٤٠٠٠ - ٢٧٣ لا تحتاج الى افتر اضات خاصة ، ويمكن للأطفال أن يرتبكوا بصرعة ، ويعرف المعلمون ذوي الخبرة أن ذلك يحدث ولهذا يجب أن يأخذوا حذرهم ويعتنوا بدرجة كبيرة عند التعامل مع الواع الأمثلة المناظرة في العمل المبكر . المبكر .

ويعنى ذلك أن الأطفال في المستوى الأول بجب أن يتمكنوا من طرح عند مكون من خانة واحدة من ١٠.

وفي المستوى الثاني يجب أن يتدرب الأطفال بوفرة على الطرح من ١٠٠ ويجب مناقشة أمثل ١٠٠ - ٣٥ بانتظام لمساعدة الأطفال على تكوين صورة في أذهانهم لما يقومون به من عمل .

ويمكن أن يلي الطرح من ١٠٠ الطرح من ٢٠٠ ، ٢٠٠ ، ، ١٠٠٠ وبعد ذلك الطرح من ١٠٠٠ عيث يمكن التعامل معه بنفس الأساليب التي وصفت سابقًا وبيبن الشكل التائي خطوات تعام الطرح وهي خطوات في تسلسل هرمي حيث تمثل القاعدة أبسط المهارات ثم تتدرج في الصعوبة مع ملاحظة أن كل خطوة متطلب للخطوة التي تعلوها كما أن هذه الخطوات لا تتعامل مع صعف در اسي بعينه بل منتشرة على عدة صفوف در اسية .



مراحل تعلم الطرح

```
الأخطاء الشائعة في الجمع
```

۱- أخطاء في التجميع Combination

٣- جمع أخر عدد محمول

٤- نسيان جمع العدد المحمول

٥- تكر از عمل بعد عمله بصورة جزنية

٢- جمع العدد المحمول بطريقة غير منظمة

٧- عدم وضع الأرقام تحت بعضها .

٨- حمل رقم الآحاد في المجموع

۹ – حمل رقم خطأ

١٠ - قصل الأعداد الى أجزاء

11- استخدام عملية أساسية بطريق الخطأ

١٢ عدم وضع رموز الأعداد (الأرقام) في أثناء الجمع في خاناتها العناسبة .

١٣- أخطاء في قراءة الأعداد

١٤- وضع الأرقام بجانب بعضها دون القيام بعملية الجمع

١٥ عدم المبالاة بعمود الأحاد

١٦- أخطاء في كتابة الاجابة

۱۷- القفز من عشرة الى اخرى متخطيا ما بينها

١٨- الحمل في الوقت الذي لا يوجد ليه عدد يحمل

19 جمع أجزاء واعطاء الناتج الخاص بالأجزاء كناتج كلي (عند جمع ثلاثة أعداد)

٢٠ - جمع نفس الخانة في عمودين

٢١- كتابة الرقع المحمول في الاجابة

١١- ختابه الرقم المحمول في الاجاب

۲۲ - جمع نفس الرقم مرتبن سال المرتبات المالية

٢٣- حذف خانة واحدة أو أكثر .

٢٤- جمع الأحاد والعشرات وتسجيلها دون اعتبار للقيمة المكانية

٢٥ - جمع كل الأرقام معا (عدم اعتبار القيمة المكانية)

الأخطاء الشائعة في عملية الطرح

١- أخطاء في التجميع

<u>___1 - Y</u>

٣- عدم السماح بالتفكيك

1- أخطاء بسبب الصفر في المطروح منه

ه- نصل الأعداد Split Numbers

٦- التنقيص من المطروح منه بعد التفكيك عندما لا تكون هناك حاجة للتفكيك

٧- اهمال خانة

٨- طرح الرقم الأصنفر من الرقم الأكير دون الأخذ في الاعتبار المطروح والعطروح

٩- طرح عشرة من خانة العشرات بصورة آلية

١٠ -التفكيك من منزلة دون تتقيصها

١١- الجمع بدل الطرح

١٢- أخطاء في القراءة

١٣- استخدام نفس الخانة في عمودين

۱۱- حذف عمود

١٥- استخدام جمع المحاولة والخطأ

١٦-أخطاء عندما تكون بعض خانات المطروح والمطروح منه متساوية

١٧- انقاص اثنين من المطروح منه بدلا من واحد بعد التفكيك

١٨ استخدام المطروح منه أو المطروح كباقي الطرح
 ١٩ تداخل العمليات مع القسمة أو الضرب

- ٣٠ القفز عشرة أو عدة عشرات

٢١ - الزيادة في خانة العطروح منه بعد التفكيك

٢٢- بناء الطرح على تكرار الضرب

٣٣- عكس الخانات في بالى الطرح

٣٤- أخطاء عندما يتطلب استخدام اعادة التجميع أكثر من مرة

ويجب على المعلم البحث عن أسباب الواتوع في مثل هذه الأخطاء ووضع بزنامج علاجي لمعالجة هذه الأخطاء وفقا للتعلم الفردي .

مراجعة الجمع :

هناك طرق عديدة لمراجعة عملية الجمع منها :

جمع الأعداد مرة أخرى بنفس الطريقة ، الجمع من أسفل الى أعلى إذا كان السير في الجمع أولا من أعلى إذا كان السير في

ومن الطرق الممتعة في عملية الجمع تلك الطريقة التي تقوم على أساس ابعاد الأرقام ٩

أو مضاعفات ؟ وعرف العرب لديما هذه الطريقة وسموها " ميزان العدد " وفيما يلمي مثال لاستخدامها

ميزان العد		
٧	TY03	المعدد الأول
1	1110	الحدد الثاني
٦	TIEV	العدد الثالث
٣	ATTO	المعدد الرابع

ميزان حاصل الجمع ٨ ١٨٨٦٣ ٨ ميزان المجمع

وفي هذه الطريقة نجمع الأرقام المكونة للعدد ونستبعد منها جميع التسعات الصحيحة قما يبقى بعد ذلك فهو ميز أن العدد .

فبالنسبة للعدد الأول ٢٥٦٦ ٢ + ٥ + ٢ + ٣ = ١٦ - ٩ - ٧ و هكذا .

وتقوم هذه الطريقة على أساس أن نظامنا العشري نجد فيه أن ما يزيد

عن التسعات في عدد معين يصاوي ما يزيد عن التسعات في مجموع أرقامه

 $\frac{1}{1} + \frac{1}{1} + \frac{$

وهناك طريقة أخرى لمراجعة الجمع وهي أن تجمع الأعمدة جمعا منفصلا ثم تقارن الجوابين كما هو في المثال :

وتسمى هذه الطريقة بطريقة المحاسب

مراجعة الطرح:

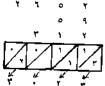
للتأكد من صحة الطرح يستخدم المعلم البطاقات في استنتاج الملاتقين التاليقين :

المطروح منه								
البطى	المطروح							

مطومات اضافية :

طرق أغرى للجمع: أ- طريقة الشبكة Lattice Method

والمثال التالي يوضح طريقة الشبكة في الجمع



وهذه الطريقة يمكن استخدامها مع الأطفال الذين يجدون صعوبة في الجمع مع حمل.

ب- توجد طريقة أخرى يوضعها العثال التالي :

لكي تجمع : ٤٧٠ و ٨٧٦ ، نقوم بالمغطوات الثالية :

١) تكتب العددين نوق بعضها
 ١) تكتب العددين نوق بعضها
 ١) الأحاد ثمت الأحاد ،

والعشرات تحت العشرات }

ه) الجواب

۲) نضع خطأ نحت الأحاد : ونجمعها ، + (کل ۸ ۸ ۷ ۲ اونکتب انجموع . - الاحاد : ونجمعها ، + (کلتب انجموع . - الاحاد ا

العشرات ونجمها ، ۲
 العشرات ونجمها ، ۲
 العموع .
 العموع .

الآلة الحاسبة في المدرسة الابتدائية



العداد Abacus هو أول الأجهزة التي استخدمت لايجاد بعض العمليات الحسابية وفي عمام ١٦٤٢ م ابتكر الرياضي الفرنسي باسكال أنة حاسبة بسميطة وبعد تسع وعشرين منة بني الرياضي الألماني ليبنز آلة لإجراء الضرب بصورة جيدة.

وفي القرن التاسع عشر قادت مساهمات تشارلز بابـاج Charles Babbage الى الآلات الحاسبة التي نراها اليوم .

والآلات الحاسبة الحديثة يمكن رؤيتها في أي مكان فهى تستخدم في المحلات وفي المغزل وفي المخلات وفي المغزل وفي المغزل وفي الفصل الدراسي والسبب في انتشار هذه الآلات واضح فهمي صغيرة الحجم وسهلة الحمل وقد صمم بعضها ليناسب دفئر الشيكات أو المعصم أونهاية القلم كما أنها دفيقة وسريعة جدا حيث يمكن الأن اجراء عمليات حسابية في ثوان معدودة كانت تأخذ منا دقاق عديدة باستخدام الورقة والقلم .

وبالاضافة الى ما سبق فهي رخيصة الثمن خاصة البسيطة منها .

ويتوقع حدوث تغيرات عديدة في المنهج نتيجة المستحدثات التكنولوجية مثل الآلة الحاسبة لأنها أسلوب فعال في تتمية بعض المهارات مثل التنفيذ الفعال للخوارزميات المعقدة والتي أصبحت لا تتطلب وقتا طويلا كما أن استخدامها يساعد على معرفة المعليات التي يجب تطبيقها فضلا عن التأكد من الإجابات ويجنب الوقوع في الأخطاء الفادحة.

ويوجد جدل حول الدور الحقيقي للألة الحاسبة في المدرسة الإبتدانية حيث يرى بعض المدرسين والآباء أن الانتشار الكبير لاستخدام الآلة الحاسبة بفهم سوف يقلل من دافعية الأطفال لتعلم الحساب سواء الحقائق الأساسية أو خوارزميات الورقة والقلم ولهذا فهم يطالبون بتحريم استخدام الآلة الحاسبة في المدرسة الابتدائية أو على الأقل حتى يتمكن الأطفال من الحساب.

بينما يرى البعض الأخر – ممن ينظرون الى الأمام – بضرورة الاستفادة من هذه المختر عات الحديثة مثل الألة الحاسبة لأنها تعتبر أداة مفيدة وهامة واستخدامها يساعد على تعلم الرياضيات واكتشافها وفائدة استخدامها ليمن قط في الحسابات الممباشرة ولكن أيضا في اكتشاف الخبرة في عمليات رياضية عديدة مثل التقدير – المحث عن أنصاط حلى المشكلة – اجراءات التحليل – بناء الفروض واختبارها – الأنصاب والالغاز وغيرها، وسنقتصر على بيان دور الآلة الحاسبة في رياضات المرحلة الابتدائية فيما

يلى:

١ - تقدير الاجابات :

زاد الاهتمام بالقدرة على عمل تقديرات معقولة للجابات العقوقعة للمسائل في المرحلة الإبتدائية . ويمكن أن توفر الآلة الحاسبة المساعدة في تتمية مهارات الأطغال فسي التقدير .

ويمكن أن يتم ذالك من خلال ممارسة الأطفال لبعض الأنشطة مثل :

ويجب إعطاء الأطفال مزيدا من التدريب على المجمع والطرح بحيث يقدرون الناتج أولا ثم يتحققون منها باستخدام الألة الحاسبة .

٢- التحقق من الاجابة :

حيث يعطى الاطفال تدريبات حسابية يجرونها باستخدام الورقة والقلم ثم يتحققون ذاتيا تحققا فوريا من صحة الجواب ويمكنهم أيضا معرفة الخطأ مبكرا .

٣- الأعداد المتماثلة القراءة Palindromes

وهي الأعداد التي تقرأ طردا وعكسا مثل ٢٣٢ ، ٧٤٤٧ ، ٢٦٥٦ ويمكن استخدام الألة الحاسبة في البحث لتوليد هذه الأعداد من خلال ممارسة عملية الجمع وفقا الخطوات التالية :

أ- اختر العدد .

وإذا لم يعط الجمع الأول عددا متماثلا استخدم العدد الذاتج من الجمع واجمعه على العدد الناتج من حكس أرقامه وكرر هذه العملية حتى ينتج العطلوب مع ملاحظة أن العدد العتماثل القراءة يمكن أن يقولد من أعداد أصبغر من ١٠:

		٦	1			۵	٩	1	٣
		٩	٦			٦	٩.	٥+	۲+
	3	ι	٥		3	۲	٩	1	٦
	٥	٦	١		4	٩	۲	١	1
	v	٧	٦		14	۲	١	۲	1.1
	٦	۲	٧	_	٧	1	٧	٣	Y 3
١	٣	•	۲	-	٥	٣	٣	۵	٣٣
٣	٥	۲	١	_					

الربعات السحرية Magic Squares

المربع السحري هو ذلك المربع الني يحتوي على مجموعة من الني يحتوي على مجموعة من عدد وتكون هذه الأعداد مرتبة بحيث يكون مجموع الأعداد في أي صف يكون مجموع الأعداد في أي صف أو عمود أو قطر منها واحدا ومن أشهر هذه المربعات المربع الثلاثي والذي يعرف بعربع جابر بن حيان وتشكل الخطوات التالية طريقة يمكن وتشكل الخطوات التالية طريقة يمكن استخدامها لإيجاد وحل لعربع سحري

٦	١	٨
٧	٥	٣
۲	٩	ŧ

17	٧٤	١	A	۱۵
44	۵	٧	1 €	13
£	٦	14	٧,	YY
1+	3.4	19	*1	۳
11	۱۸	Yo	٧	٩

 $\{9, \dots, 7, 1\} = M$

ب- خذ العدد الأوسط في من واضربه في ٣ (وهذا سوف يكون مجموع الصفوف)

ج- لوجد كل الثلاثة العناصر والتي تشكل مجموعة جزنية من س بحيث يكون مجموع
 العناصر يساوي النتيجة التي حصانا عليها من أ .

د- بين أن واحدا من الأعداد في من سوف يظهر في أربع مجموعات جزئيـة ، أربعـة

- من الأعداد سوف تظهر في ثلاثة مجموعات جزئية ، أربع من الأعداد سوف تظهر . في مجموعتين جزئيتين من س .
- د- لوضع الأعداد في أماكنها المناسبة في المربع السحري ابدأ بوضع العدد الأوسط من
 س في وسط العربع واختار عددا بحيث يظهر في ثلاث مجموعات جزئية وضعه
 في المركن . وضع العدد الذي يحقق الجمع الصحيح في الركن المقابل .
- الخطوة التالية هي وضع الأعداد في الصف الأوسط بصورة صحيصة . أو العمود
 الأوسط مستخدما أعدادا تظهر في مجموعتين جزئيتين .
 - و- باستخدام مجموع أ أكمل المربع .

اختبر فهمك

- ١- صنف بعض الأنشطة التي يمكن استخدامها لتتمية فهم الأطفال لمفهوم الجمع وأيضا
 لمفهوم الطرح .
 - ٢- اعط أربعة مواقف حقيقية من الحياة تمثل عملية الطرح ٢
- حضح كيف تستخدم بعض الأدوات لتقديم حقائق جمع عددين مجموعهما أكبر من
 ١٠٠
- كيف تشرح الأطفالك خواص الابدال والدمج والتوزيع في عملية الجمع باستخدام الأدوات المعينة ؟
 - ٥- مَا الصعوبات التي تواجه الأطفال في در استهم للجمع والطرح؟
- ٣-أي المواد والأدوات تعتقد أنها أكثر مناسبة في تقديم الموضوعات التالية للأطفال المبتدئين في تعلمها ؟ ولماذا ؟

المواد والانواك	الموضنوع
حبوب – عصمي – شرائط العند الملونة	جمع 🔍 + ۳ = 🔲
أقراص بلاستيكية ملونة - ميزان	طرح ۲۰۳۱ 🔲
ل العددية التاليـة ثـم ارسـم شـكلا يوضـح كيفيـة الـحـــا	
	باستخدام بعض الأدوات ؟
ب) طرح (لخذ من) ٧ - ٣ - 🔲	ا}جمع ۷ + ۸ − 🔲
د) طرح (كم نجمع على ليكون النائج) ٧ - ٣ - 📗	طرح (مقارنة) ٧ - ٣ - 🔲
طفال في استخدام الطـــريقة المبينة لإيجاد ناتج	٨- ما الصعوبات التي تواجه الأو

صف أحد المداخل لمساعدة اولتك الأطفال على الجمع السريع ؟

الفصـــل الخامس ضرب وقسمة الأعــــداد الكلـــــــة

- مفهوم الضرب.
- حقائق الضرب.
- ربط الضرب بالقسمة.
 - حقائق القسمة.
- الضرب بإستخدام القيمة الكانية.
- القسمة بإستخدام القيمة الكانية.
 - الأخطاء الشائعة في الضرب.
 - الأخطاء الشائعة في القسمة.
 - طرق مشوفة لإجراء الضرب.
- كيف تساعد الأطفال على تعلم الخاور زميات؟
- أسباب الصعوبات التي تواجه الأطفال في دراستهم لخوار زميات الأعداد
 - الكلية.

- * من المتوقع بعد قراءة هذا الفصل ودراسته أن يكون الدراس قادرا على أن:-
 - ١- يصنف ثلاثة مواقف حقيقية على الأثل يتحقق فيها الضرب.
 - ٣- يميز بين القسمة كقياس وكتجزيء.
- ٣- يشرح بالإستعانة ببعض المواد الإجراءات التي يمكن استخدامها أبناء فهم الأطفال لعمليتي الضرب والقسمة.
 - ٤- يستخدم بعض الأشكال ليوضيع جمل الضرب مثل ٢×٣ = ١٨ : ٤×٩ = ٣٠.
 - ٥- يستخدم بعض الأساليب لمساعدة الأطفال على حفظ حقائق الضرب والقسمة.
- آ- يوضح أهمية خصائص الضرب (الإبدال الدمج التوزيع) للأطفال بالإضافة
 إلى دور الواحد والصفر في عملية الضرب.
 - ٧- يحدد الأخطاء الشائعة في عمليتي الضرب والقسمة.
 - ٨- يعرف بعض طرق الضرب غير الشائعة ويستخدمها كنشاط تراثى للأطفال.
 - ٩- يستخدم بعض الأدوات لشرح الطبرب مع إعادة التسمية.
- ١٠- يشرح باستخدام المواد الإجراءات التي يمكن استخدامها لمساعدة الأطفال على
 تسمة الأعداد الكبيرة.
 - ١١- يشرح شفويا أو تحريريا كينية التحلق من صحة الضرب أو اللسمة.
- من المتوقع بعد أن يكمل الطفل الأنشطة الموصوفة في الفصل أن يصبح قادرا على أن:-
 - ١- يجيب على كل حقائق الضرب الأسامية المانة إجابة صحيحة وسريعة.
 - ٢- يحدد أجزاء مسألة الضرب الثلاثة.
 - ٣- يكتب مسألة ضرب معطاة في صورة أفقية بصورة رأسية.
 - ٤- يحدد متى يستخدم اعادة التسمية في الضرب.
 - ٥- يحدد أين تكتب حواصل الضرب الجزنية.
 - ٣- يجرى مسائل ضرب في أحد أعدادها أصفارا أو في كليهما.
 - ٧- يحدد متى يجمع أو يطرح أو يضرب في مسألة الفظية.
 - ٨- يجيب على كل حقائق القسمة الم ٩٠ إجابة صحيحة وسريعة.
 - ٩- يحدد كل جزء من أجزاء مسألة التسمة.
 - ١٠- يكتب مسألة الضرب التي تتعلق بمسألة قسمة.
 - ١١- يحدد متى يكون الأحاد في خارج القسمة كبيرا جدا.
 - ١٢- يحدد متى يكون الأحاد في خارج القسمة صنغير ا جدا.
 - ١٣ يكتب باقى القسمة (غير الصفر) في المكان المناسب في إجابة القسمة.
 - ١٤ يتحلق من صحة الإجابة عندما يكون الباقي يساوى صفرا.

١٥- يتحقق من صحة الإجابة عندما يكون الباقى لا يساوى الصغر.

١٦- يَتَذَكَّرُ الْخَطُواتُ السَّتُ الأساسية في القسمة على عند مكون من رقم وأحدوهـي :

أ- قسم ب- لضرب ج- الحرح د- قارن هـ اكتب الباقي (إذا كان لا يساوي صفر).

١٧- يحدد متى ينزل خانات إلى أسفل bring down digits من المتسوم.

١٨- يحدد متى يكتب الصفر في خارج القسمة.

 ١٩ - يستخدم الخانة الأولى من اليسار من المقسوم عليه لإيجاد ناتج تقريب لكل خانة من خانات خارج القسمة.

٧٠ - يحدد منى ينقص من الإجابة التقريبية.

٢١- يقول الغطوات الست التي تستخدم في حالة القسمة على عدد مكون من رقمين أو
 أكثر وهي:-

أ- اوجد تقريب ب- اضرب ج- اطرح د- قارن

هـ اكتب الباقي (إذا كان خ٠) و - تحقق من الناتج.

٢٢- بحدد منى يجمع أو يطرح أو يضرب أو يقسم في مسألة لفظية.

٢٣– يُفسر اجابة المسألة اللفظية في ضوء كلمات المسألة الأصلية.

٢٤- يتعلق من صحة الناتج ليرى ما إذا كان الحل يتغلق مع المسألة الأصلية أو لا
 يتغلق

مقدمــة

الضرب والقسمة هما النصف الباقي للعمليات الأساسية ويمكن النظر الى عملية الضرب على أنها جمع متكرر لمجموعات جزئية متكافئة أما عملية القسمة فهي عملية طرح متكرر .

وعند تغديم الضرب والقسمة نبدأ بأنشطة محسوسة تمثل موالف للجمع المتكرر والطرح المتكرر ثم يلي ذلك استخدام وسائل نصف محسوسة كالنقط والمربعات وما الى ذلك وحسب نضج الأطفال تأتي مرحلة العمل المجرد . ويتم تقديم الضرب والقسمة أيضا على مراحل حيث نبدأ بالأعداد الصنغيرة ثم يلي ذلك استخدام القيمة المكانية والضرب والقسمة على الأعداد الكبيرة .

مفهوم الضرب:

أنشيطة

١- يطلب المعلم من طفلين الوقوف أمام
 القصل

ثم يرسم حلقة بالطباشير على أرضية الفصل

ويطنب من الطفلين الوقسوف بداخلها ثم يكتب

المعلم ' ۲ ' على السيورة. يأتي طفلان آخيران

ويقفان في حلقة طباشيرية أخرى أمام زملائهم ٢

ويكتب المعلم على المبيوية الحرى هام ره ويكتب المعلم على المبيورة . ٢+٢ = ٤

ثم يأتي طفلان آخران أمام زملائهم ويقفان في حلقة طباشيرية أخرى ويكتب على السسبورة ٢+٢+٢ - ٦ ويستمر هذا النشاط حتى خمص مجموعات تضم كل مجموعة طفلين يقفان أمام زملائهم الأطفال ويكتب المعلم ٢ + ٢ + ٢ + ٢ + ٢ + ٢ + ٢ - ١ - ١ - ١ - ١

> ويكرر هذا النشاط مع مجموعات تحتوي كل منها ٣ أطفال ، ٤ أطفال ، .. وهكذا.

乔乔条



£ - Y + Y

٧- يقف أربعة أطفال أمام القصل على خط واحد . يرفع الطفل الأول ذراعية . يسأل المعلم الأطفال كم نراعا رفعت ؟ ثم يكتب ٢ .

يرفع الطفل الثالث ذراعيه ثم يكتب المعلم $\Upsilon + \Upsilon + \Upsilon = \Gamma$

ويرفع الطفل الرابــع يديــه ثـم يكتب المعلم ٢ + ٢ + ٢ + ٢ - ٨

ويكرر هذا النشاط مع أعداد أخرى من الأطفال

يضعون شريطين من فقة ٢ بجانب بعضهما البعسض ثم يبحثون عن شريط يكون طولسه مساويا لطول الاثنين معا (شريط ٤) ويكثبون

٣- يرسم خط أعداد بالطباشير على أرضية الفصل

يقف طفل على العلامة ' • " ثم يقف ز خطوتين الى الأمام حتى (Y) ثم يقفر خطوتين الى الأمام حتى (Y) Y + Y = 3 ثم يقفر خطوتين مرة ثالثة (حتى 3) Y + Y + Y = 3 ثم يستمر بهذه الطريقة وفي كل مرة يكتب المعلم الجمع المناظر على السبورة . 3- يستخدم الأطفال شرائط العدد العلونة:

Φ Φ ξ = γ + γ

> ۲ + ۲ = ٤ ثم يستمرون باستخدام ثلاثة شرائط من فئة ۲ وشريط من فئة ٦ ويكتبوا

٢ + ٢ + ٢ = ٦ ويستمرون بهذه الطريقة .

يجب تكرار هذا النشاط بمجموعة شرائط من فنة ٣ ، ٤ وهكذا .

٥- يقف أربعة أزواج من الأطفال كما بالشكل ، أمام الفصل ويمسك كل زوج

ለማተ ትመት ትመት ትመት

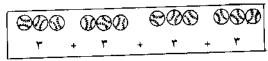
بطاقة رقمية كبيرة تحمل العدد ٢ ثم يسأل المعلم كم طفلا يوجد في كل مجموعة شم يرسم المعلم بطاقة كبيرة بها رقم ٢ على السبورة ثم يسأل كم مجموعة موجودة عدد عناصرها ٢ ؟ ثم يبين ٤ على السبورة كما يلي :

ثم يستمر المعلم في شرح أنه لبيان أن لدينا أربع اثنانات نستخدم رمزا خاصا . ويسمى برمز عملية الضرب ثم يرسمه بين ٢ ، ٤ ثم يكمل العبارة الرياضية (التقرير)

أ- في الهواء بإصبع ب- على المنضدة بإصبع ج- على ورقة بقلم

وانه لمن المهم بالنسبة للطفل عدم الخلط بين رمز الضورب ورمز الجمع . وفي حالة عدم التدريب الكافي سوف يحدث هذا الخلط عند بعض الأطفال .

- يمارس الأطفال بعض الأنشطة بحيث تسجل النتيجة أولا كجمع ثم بعد ذلك
 كضرب مثل .



ويجب أن يتدرب الأطفال كثيرًا على هذا النوع من التسجيل .

٧- يتدرب الأطفال على المصففات وهي عبارة عن مصفوفات من النقط أو المربسات
 أو أو أو الشكال أخ ع.



٨- يبدأ الأطفال في عمل نصط يستخدمونه ويسجلون مجموعة من عمليات الضرب
 باتتر تيب كما في المثال التالى:

يجب ألا تتضمن الأتماط عمليات الضرب في واحد في بادىء الأمر ولكن يمكن مناتشتها في مرحلة تالية وادخالها في بداية كل نمط.

٩- يمكن اعطاء تدريبات

على بناء أنماط الضررب

من خلال إكمال المخططات

السهمية مثل المبينة -

حقائق الضرب

قبل أن يتعلم الأطفال خوارزميات الضرب يجب أن يعرفوا معانى متعددة له ويعرفوا أيضا كيفية تمثيل تلك المعاني بوسائل محسوسة وصدور وهذه المرحلة تمثلها المرحلة التى تم وصفها سابقا ثم تأتي مرحلة تعلم حقائق الضرب الأساسية والتمكن منها. وتوجد مائة حقيقة في الضرب وهي تشبه حقائق الجمع ويبينها الجدول التالى:

					اندائی	77-1				
4	_^	٧	٦	٥	٤	٣	4	1	×	
•	•	•	,	,	•	•	•	1	ī	-
9	٨	٧	٦	٥	٤	٣	۲	١	١	
18	11	11	11	1 -	٨	٦.	٤	۲	۲	
YV	₹£	Y 3	14	10	11	4	٦	٣	۳	7
٣٦	٣٢	X Y	4 £	۲.	11	3.4	٨	£	٤	5
٤o	٤٠	20	٣.	Yo	۲.	10	1.	٥	٥	-3
01	٤A	£Y	٣٦	۲.	Yź	1.4	11	٦	٦	
15	٥٦	٤٩	ξY	۳۰	44	*1	11	Y	٧	
٧Y	7 £	۲٥	٤X	ź.	27	Yź	11	٨	٨	
٨١	٧Y	17	οí	٤o	**	٧v	1.4	4	 ١،	

ويمكن أن ننظم تعلم حقائق الضرب بطريقة مشابهة لنعلم حقائق الجمع حيث يقسم العمل الى مراحل وفيما يلى بعض المراحل المقترحة :

> المرحلة الأولى: عمليات ضرب لا يزيد حاصل الضرب ليها عن ٢٤ المرحلة الثانية: عمليات ضرب لا يزيد حاصل الضرب ليها عن ٤٨ المرحلة الثالثة: عمليات ضرب لا يزيد حاصل الضرب فيها عن ٨١

ويجب تضمين حدوث الحانة الخاصة التي يكون الصفر فيها أحد العددين في الأنشطة المودية لبناء الحقائق في كل مرحلة . ويجب أيضا مناقشة خاصية الابدال في الضرب مثلما هي في الجمع وتستخدم في كل مرحلة

(مثلا ٤ × ٥ - ٢٠ ، ٥ × ٤ = ٢٠)

كما يجب أيضًا استخدام الأتماط لبيان النتيجة (حاصل الضرب) في صمورة جنونية في كل مرحلة وفيما يلي بيان ذلك بالنسبة للمرحلة الأولى

```
0 - 1 × 0
                 £ - 1 × £
                                   T - 1 × T
                                                    Y - 1 × Y
                                                                     1 - 1 × 3
1. - 1 × 0
                 A = 1 × £
                                   1 - Y × Y
                                                    \xi = Y \times Y
                                                                     Y - Y × 1
10 - T × 0
                 17 = T × f
                                   1 - T × T
                                                    \tau = r \times r
                                                                     T = T \times 1
Y. - £ x 0
                 11 - £ × £
                                  17 - 1 × F
                                                    A = £ \times Y
                                                                     £ - £ × 1
                 Y. = 0 × 1
                                  10 - 0 × T
                                                  1 . - 0 × Y
                                                                     0 = 0 × 1
                 71 - 1 × 1
                                  14 - 1 × T
                                                  17 - 1 × Y
                                                                     1 = 1 × 1
                                 Y1 - Y × Y
                                                  1 £ = Y X Y
                                                                     v = v \times 1
                                 YI - A X Y
                                                  33 - A \times Y
                                                                     A = A \times 1
                                                  1A - 1 × 1
                                                                     1 - 1 × 1
                  9 - 1 × 9
                                  A = 1 X A
                                                   V = 1 × Y
                                                                     1 - 1 × 1
                 1A - Y × 1
                                 13 - Y × A
                                                  11 - Y × Y
                                                                    1Y - Y × 1
                                 YE - Y X A
                                                  11 - T × Y
                                                                    14 - T × 1
                                                                    7 . - £ × 7
```

ويجب التركيز مرة ثانية على أن كل الحقائق السابقة يجب بناءها من خلال الشطة قبل إجراء أي محاولة لوضعها في صمورة جدول كما يجب تذكر أيضا أنه يامكان الأطفال تعلم حقائق العدد حتى بدون وضعها في صعورة جدولية والميزة الرئيسية للجدول هو أنه يركز على النمط المألوف والمنتاسق المنتائج . وقد يساعد هذا النتاسق بعض الأطفال على الربط بين حقيقة غير معروفة وحقيقة معروفة .

وعندما يبني الأطفال مجموعة من الحقائق ويحفظونها جزنيا فاتهم يحتاجون الى مزيد من الأنشطة والتدريبات للمساعدة على رسوخها في أذهاتهم . وهذا العمل الإضافي يجب أن رَخطي كل الحقائق التي تعلمها الأطفال كما أنه يجب أن يبصث على السرور قدر الامكان . وللتأكد من أن كل الحقائق قد غطيت يجب تنظيم الأنشطة بقدر كبير من الاهتمام ولجعل الانشطة معتمة وباعثة على السرور يجب استخدام الأدوات والأماب المناسبة وفيما يلي مناقشة كل من هذه المتطلبات :

التأكد من تغطية كل الحقائق :

وكمثال على ذلك سوف نفترض كيف يكون تتظيم العمل عندما يبني الأطفال كل حقائق الضرب والتي ناتجها يكون أثل من أو يساوي ٢٢. وهذه مبينة في الجدول التالي (حقائق الصفر موجودة للتأكد من أننا لم تهملها)

4	٨	٧	٦	۰	ŧ	٣	Y	1	•	×
•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	Ţ٠
٩	٨	٧	٦	٥	£	٣	۲	1	•	١
1.4	13	11	11	١.	٨	1	ź	۲	•	۲
	Y £	Y 1	14	10	1 1	٩	٦	٣	•	٣
			71	۲.	13	11	Å	ŧ	٠	ź
					۲.	10	1.	٥		٥
					Y٤	14	11	٦		٦
						*1	14	٧		٧
						¥ £	17	Α		٨
							14	٩		٩

وإذا نظرنا الى هذه المصفوفة نرى ما يلى :

ا- يوجد ١٧ حقيقة معا .

ب- ١٩ حقيقة من الحقائق يوجد نبها الصفر كأحد العددين المضروبين .

ج- توجد بعض الحقائق التي يحفظها الأطفال بسهولة

مثل (٤ × ١ = ٤ ،

 $T \times T = T$) وبعض الحقائق بجدها الأطفال أكثر صعوبة

مثل (۲×۷ = ۲۱، ۸×۲ = ۲۶).

د- توجد عادة حقيقتان لكل زوج من الأعداد (فمثلا بالنسبة لـ π ، π توجد الحقيقتان π × π = π ، π = π) وهذا صحيح دائماً ما عدا عندما يظهر نفس العدديين في حاصل الضرب (فمثلا بالنصبة لـ π ، π توجد حقيقة واحدة هي π × π = π).

وهذا يحدث لمجموعات أخرى ذات أربع حقائق ، وسوف نهد أكثر من أربع حقائق لها نفس التنيجة (في هذا الجدول نجد أن ١٩ حقيقة نتيجتها صفر وعلى أي حال فان حقائق الصفر هي حالة خاصة) .

وإذا أخذنا الخمس فقرات السابقة من أ الى هد في الحمديان فإن أحد أسانيب التعلم هو تنظيم الـ ٦٧ حقيقة في مجموعات والتركيز على كل مجموعة على التوالي ، وكل مجموعة يجب أن تحتوى على :

١- حقيقة بها الصغر على الأقل ،

٢- بعض الحقائق السهلة .

٣- بعض الحقائق الأكثر صعوبة .

بعض الحقاق الإدار صفوية .
 الحقيقة الثانية بالنسبة للحقائق التي تتحقق فيها خاصية الإبدال

(فَمَثَلاً إذا وجدت ٣ × ٥ = ١٥ فيجب أن توجد ٥ × ٣ = ١٥ أيضاً)

وليس من الضروري أن تتضمن المجموعات كل الحقائق التي تحتوي على الواحد أو الصفر كأحد المدين لأن الأطفال يجب أن يقهموا العبادىء العامة بدلا من الحقائق الخاصة (وهذا أفضل).

وابيما يلي خمس مجموعات ممكنة (الجانب الأيمن فقط لكل حقيقة هو الموضح)

I- IXF TXV IX. TXT 0X1 AXT FXI VXT TXA 3X0

1×1 1×4 1×1 1×2 1×1 1×1 1×1 1×1 1×1 1×1

T- 0×7 TXA 1×9 3×3 FXT +XA TXF VX1 AXT TX0

YX4 1XE YX5 0XT TX. 1X1 TX0 EXT EX1 1XT -E

0- 7×7 7×1 7×1 7×4 7×7 7×6 1×7 7×7 0-

ملاحظة: في المجموعة (°) عرضت الحقائق ٣ × ٨ ، ٧ × ٣ ، ٢ × ٩ لإعطاء مزيد من التعدريب: ويمكن استفدام كل مجموعة من المجموعات الخمص السابقة على التوالي في تمارين إضافية يقوم بها الأطفال وكل مجموعة تحقق للأطفال هدفاً محدداً . ويمكن للأطفال أيضا التركيز على عشر حقائق في وقت ما بدلا من محاولة حفظ جميع الله ٢٧ حقيقة .

وعندما تتعلم للمجموعتان ١ ، ٢ فيمكن اختيار الأطغال فيهما .

وعندما تحفظ حقائق الضرب التي نتوجتها أقل سن أو يساوي ٢٤ فعيننذ يمكن التصامل سع كل الحقائق ذات النتيجة ٤٨ أو أقل بنفس الأصلوب وفيصا يئسي بصحن المجموعات الممكنة لهذه الحقائق .

المجموعة

o×4	1×Y	١×٨	۲×۲	ø×,	YXY	٦×٢	٨×١	7×7	4×0	-1
Y×£	£×٩	øχγ	1×1	·×Y	۳×۳	1×1	۵×۷	٩×٤	£×Y	-4
£XT	YXI	T×4	£×V	•×1	i×i	٧×٤	٩×٣	1×4	4×4	-٣
AXY	TXV	1×9	Y×٩	Y×.	o×0	4×Y	4×1	YXT	X×X	-1
1×0	Y×Y	OXY	٣×٨	4×4	٦×٦	۸×۳	YXY	Y×o	٥×٦	-0
OXT	٦×٨	A×1	۲×۲	.×1	TXT	٦×٢	£×A	۸×٦	۳×۰	-٦
٦×٤	۸×۵	۲×۳	o×£	٨×٠	١×٣	£×a	TXY	Δ×A	٤×٦	-4
مجموعات	۸۱ في ه	- 4 ×	حتی ۹	لحقائق	يم كل ا	مكن تتظ	مقائق في	ل تلك الـ	عا تحفظ	وحية
									بة.	مناس

أنشطة وأدوات مقيدة لحفظ حقائق الضرب:

أبطاقات التدريب

<u>من۲ معر</u> ب	تمد بطاقة لكل مجموعة من الحقائق وكمثال
	على ذلك البطاقة التي على اليسار . وتعطى
- £×Y	كل بطاقة رمزا مرجعيا
- 4×£	وعدداً (مثلًا ض٢) لمساعدة المعلم على
= 4x0	الاحتفاظ بأعمال كل طفل ، ويعمل باستخدام
= 1×1	البطاقة ثلاث مرات .
= 7×7	الأولمي بإستخدام أدرات مع وجود اجابة تكل
- •×v	حقيقة ويكتب الطفل الحقيقة كاملة في دفتر
- 1×1	التمارين الخاص به
= 0×V	(يمكن للمعلم التحقق من صحة الإجابة)
- £×9	الثانية يكزر الأولى بدون استخدام أنماط .
= Y×5	الثَّالثَّةُ : يكتب الإجابات فقط على ورقة ثم يعرضها على المعلم
	المنجحها .

ب- بطاقات خاطفة Flash Cards

وهي من أحجام مختلفة فبالنسبة للأطفال حوالي \vee سم \times 3 سـم وبالنسبة للمعلم حوالي ٢٠ سم \times ١٠ سم .

وتعد بطاقات عديدة معظمها للأطفال وبعضها للمعلم . وعلى وجه كل بطاقة حقيقة غير كاملة ، وفي الخلف تعرض الحقيقة كاملة . ويمكن استخدام البطاقات بعدة طرق . ولكن الفكرة الأساسية هي أن يعرض طفل وجه البطاقة لطفل آخـر زميلـه لمـدة ثانية أو ثانيتين أي يعرضها بصورة خاطفة " ومضمة " ويقـول الطفل الثاني الاجابـة ثـم يختبر الطفل الأول الاجابـة بـالنظر خلف البطاقة . وبهـدُه الطريقـة يكـون الطفـلان قـد اشتركا في النفكير في البطاقة .

ج- بطاقات غير منتظمة

929 9X1 9XA 9XT	77 10
1X1 1X1 1X1	
4x1 9x1 9x1	1 1 1
9x11 9x1 9xv	11/21/20
9x1 9x1 9x.	
910 911 911	\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\
9AA >1XV 4A4	(V.) 17/F1
12 9 9211 920 9X11 XX	A1 (49 10 (11)

وهي بطاقات متماثلة تماما من حيث التقسيم ولا يوجد على نفس البطاقة شكلان متشابهان من حيث المساحة وحدودها . وتكتب عناصر جدول الضرب بطريقة غير منتظمة على احدى البطاقات بينما يكتب حاصل الضرب لكل عملية ضرب على الشكل المتماثل في بطاقة أخرى ثم تقطع البطاقة التي كتب عليها حواصل الضرب الى تطبع حسب الأشكال المرسومة ويطلب من الطفل أن يضع هذه القطع في اماكنها المناظرة لها على البطاقة الأخرى وكل شكل في احدى البطاقة ينطبق تماما على ما يمائله في البطاقة الثانية وبهذا لا يحدث خطأ نتيجة وضع شكل في غير مكانه الصحيح .

د- لوحة المالة .

1 1.	-4	٨	٧	٦	c	ŧ_	۲	۲	`
٧,	19	M	۱۷	17	10	1 8	١٣	۲	"
۲.	44	Y A	W.	41	Yo	71	۲۳	77	41
ź +	79	٣٨	۳v	X	70	712	٣٣	٣٢	TI
۰۰	19	£Å	٤٧	47	74	11	٤٣	٤Y	٤١
٦,	09	οA	٥٧	٥٦	90	74	٥٢	ÞΥ	٥١
٧,	71	3.4	٦v	7.7	10	٦٤	Ž	7.7	1
۸.	74	٧A	VV	٧٦	٧٥	٧ŧ	٧٢	Ä	۷١
4+	. 49	AA	AV	٨٦	٨٥	٨£	۸۳	۸Y	£
1	99	4.8	47	94	40	91	٩٣	44	41

هي عبارة عن مربع من الورق يحوي عشرة ضفوف من الأعداد (١٠-١٠) وبالترتيب كما بالشكل ومن الممكن رسم لوحة المائة وتصويرها وتوزيعها على جميع الأطفال. ويعكن استعمال لوحة المائة في أنشطة عديدة منها:

١- ضع دائرة حول الأعداد التي تمثل جدول ضرب الأربعة ، الخمسة ،التسعة .
 ٢- إكتشاف أنماط في الأعداد مثل : حاصل ضرب عدد في خمسة ينتهي بصفر أو خمسة ، رقم الأحاد في حاصل ضرب عدد في اثلين هو ، أو ٢ أو ٤ أو ٢ أو ١ أو ٨ يلحظ الأطفال من خلال النظر الى لوحة المائة أن بالنسية للضرب في ٩ فإن مجموع الرقمين دائما ٩

٩	٩
9 = A + 1	۱۸
9 = V + Y	**
9 = 7 + 7	٣٦

ملحوظة : الأعداد الموصنة بخط تمثل <u>حدول ضرب</u> التسعة هـ ميزان الأعداد الموصنة بخط تمثل <u>حدول ضرب</u> التسعة وهو عبارة عن قاعدة ، يرتكز عليها عاتتي ، ويعمل يشكل ذراعي القوة والمقاومة الميزان ، ويعمل الميزان بواسطة أوزان خاصة به ، توضع في جيوب متباعدة بعضهاعن بعض بعسافة ثابتة ومرقمة من الصغر (محور الميزان) حتى العشرة في كلا الاتجاهين .

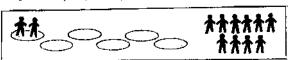
وميز أن الأعداد يسمح للأهلفال بواسطة التجربة المباشرة القيام بعمليات الضرب المختلفة والتأكد من صحة حاصل الضرب

القسمة

ونبدأ بتقديم القسمة في صورة طرح متكرر من خلال الأنشطة ثم يلي ذلك أتشطة تتعلق بتجزيء مجموعة الى مجموعات جزئية متساوية (التقسيم بالتساوي) مع أشياء حقيقية ثم صور أو مكعبات ثم تأتى المرحلة المجردة مع ربط الضرب بالقسمة

أنشطة :

يطلب المعلم من اتنى عشر طفلا الوقوف أمام الفصل ثم يرسم مجموعة من



الحاقات الطباشيرية الصغيرة على أرضوة القصل . ويختار طفلين من الاثنى عشر ليقنا داخل إحدى الحاقات ثم يختار بعد ذلك اثنين آخرين ليقفا في دائرة أخرى ثم يستمر حتى ينتهي من الاثنى عشر طفلا . ثم يستمر الطفال ينتهي من الاثنى عشر طفلا . ثم يستمر في ينتهي من الاثنان ويقول ست ويقولون السملم لقد بدأنا باثنى عشر طفلا (وفي نفس الوقت يكتب 11 على السبورة) ونريد تكوين اثنانات ويكتب 11 على السبورة ثم يطلب من الأطفال عد الاثنانات فيقولون ست اثنانات (يكتب المعلم على السبورة 11 بعيدة قليلا وعلى اليسار 11 ثم يأخذ في شرح النشاط ويهين 11 ، 11 ثم يكمل العبارة 11 11 12 بيانات غينائي على السبورة بيس 11 ، 11 ثم يكمل العبارة 11 11

١٢ تمثل عدد الأطفال الوالفين أمام القصل .

٢ تبين كيفية تتظيمها الى (اثنانات)

٦ تبين عدد الانتانات .

يستخدم المعلم الاثنى عشر طفلا مرة ثانية ولكن يحركهم ثلاثة في كل مرة .



ويؤدي هذا الى العيارة ١٢ ÷ ٣ = ٤

يمكن استخدام ١٢ طفلا أخرين يتحرك كل أربعة منهم مما ثم يتحرك ٦ أخرون معا ويودي ذلك الى العبارتين

Y - 4 + 17 , 7 - 8 + 17

٢- يرسم المعلم ٤ حلقات طباشيرية على أرضية الفصل ويوزع على أحد الأطفال
 ١٢ مكعبا ويطلب منه وضع ٣ مكعبات داخل كل حلقة .

ثم يحسب الطفل عدد الثلاثات ويسجل النشاط هكذا ١٢ ÷ ٣ = ٤

٣- يستخدم خط أعداد مرسوم بالطباشير على أرضية الفصل ويقف. طفل عند العلامة ٨ ثم يقفز خطوتين إلى الوراء حتى ٦ ثم خطوتين أخريين إلى الوراء أيضا حتى ٤ وأخريين حتى ٢ وأخريين حتى صفر. يعد الفصل عدد القفزات ويناقش المعلم تسجيل النشاط هكذا ٨ ÷ ٢ = ٤.

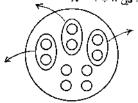
تبين ٨ هنا نقطة البداية على الخط، وتبين ٢ عدد المسافات الله يقفزها الطفل في كل مرة، وتبين ٤ عدد القفزات يكرر هذا النشاط مع نقاط بداية مختلفة فعثلا:

يحاول طفل أن يقفز في كل مرة ثلاث خطوات مبتدئا من العلامة ٩ (أو أحد العلامات التي تقبل القسمة على ٣).

ويسجل النشاط هكذا ٩ + ٣ = ٣ أو ١٧ + ٣ = ٤

ومن الممكن أيضا تسجيل النشاط هكذا

أي أننا يمكننا طرح ٢ من ٨ أربع مرات ولهذا فإن ٨ ÷ ٢ = ٤.

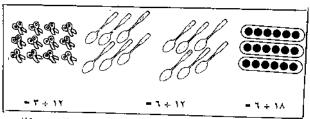


يعرض المعلم على كل طفل رسما
 كما بالشكل المقابل ويطلب منه
 لحاطة كل دائرتين معا ثم يطلب
 منه عدد الإثنان التي كونها ويسجل
 النشاط هكذا ١٠ + ٢ = ٥

وه ثمانية أطفال أمام الفصل، ويجبر المعلم الفصل أن الأطفال الثمانية سوف ينظمون في فريقين متساويهي العدد ويطلب من الأطفال في الفصل إيجاد عدد الأطفال في كل فريق. يمكن الحصول على الإجابة برسم حلقتين كبيرتين بالطباشير على الأرضية ووضع الأطفال واحد في كل حلقة وتكرر العملية.

فيجدون أن العدد أربعة أطفال في كل حلقة ويسجل الأطفال النشاط يعبارة بسيطة مثل "يوجد أربعة أطفال في كل فريق" ٦- يوزع المعلم على كل طفل شريطًا مقسما إلى مربعات (به ١٠ مربعات مثلاً) ويطلب تقسيمه إلى جزئيـن متساويين وعلى الطفلُ أن يذكر عدد المربعات في كل جزء ثم يسجل هكذا ١٠ ÷ ٢ = ٥ ٧- يستخدم الأطفال ١٨ مكمبا ويطلب المعلم من أحدهم تقسميها بالتساوى على ثلاثة أطفال أخرين فلينقط ثلاثة مكعبات في وقت واحد ويعطى كل طفل مكعبا وسوف يجد أنه يمكنه القيام بهذه العملية ٦ مرات ولهذا يأخذ كــل طفل ٦مكعبــات ويمكـن تسجيل النشاط بالعبارة التالية: أخذ كل طقل ٦ مكعبات ويمكن تسجيله كقسمة ١٨٤٣ -٦ ويكرر النشساط السابق مع أشياء مختلفة كصدور الحيوانات والأشكال الهندسية كالمثلثات والعربمات والدوائر وخلافة وبأعداد مختلفة في كل مرة. ثم يوضح المعلم عناصر عملية القسمة ففي المثال السابق المقسوح القاسم (المقسوم عليه) خارج القسمة ۱۸ عدد المكتبات التي أخذها كل طفل عدد المكميات عدد الأطفال ٨- يمكن التدريب على بناء حقائق القسمة من خلال تكملة مخططات سهمية كما يلى

٩- يمكن التدريب أيضا على كتابه جمل القسمة لبعض الصور كما يلي

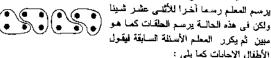


ثم يتدرب الأطفال على جملة التسمة مثل ٢٠ ÷ ٣ - ٥ و هكذا

ربط الضرب بالقسمة Linking multiplication and division

عندما يعمل الأطفال في الأنشطة المنكورة منافا فيتكون الديهم الوعبي بالملاقة بين الضرب والقسمة وفيما يلي بعض الأمثلة التي تهدف بصفة خاصمة إلى إبراز تلك الدلالة:

- ۱- يرسم المعلم مجموعة من إتسى عشر شيئا على السيورة كما هـو مبين ويعدها الأطفال ثم يرسم المعلم حلقات كما هـو مبيـن ويسأل أسئلة مثل:
- * كم مجموعة كونتها أتا؟ ما عند عناصر كل مجموعة؟
- * ما عملية الضرب التي يمكن كتابتها أسفل الرسم؟ (٤×٣-١٢)
- * ما عملية القسمة التي يمكن أن أكتبها أسفل الرسم ٢٠ + ٤ = ٣



2 = " ÷ 1" , 17 = 1 × "

ثم يرسم المعلم الأثنى عشر شيئا وينظمهم ويرسم المعلم الأثنى عشر شيئا وينظمهم ويرسم المقابل ويكرر الأسنلة السابقة فيحصل على الإجابات التالية:

7 - 7 - 77 . 17 = 7 × 7

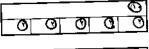
و يمكن الحصول على العبارتين التاليتين

٢ × ٦ = ١٢ ، ١٢ ÷ ٦ = ٦ برسم الطقات كما هو مبين ويجب تكرار هذا النشاط عدة مرات بأعداد مختلفة مثل: (٦، ٨، ٩، ١٠، ١٤، ١٥، ١٨، ٢٠)

هذا النشاط مهم لأته يركز علمي الربط بين الضرب والقسمة كما أنبه يساعد الأطفال عنسى حريسة الحركة بيسن حقيقية الضسرب وحقيقية القسيمة العنساظرة لهما (مثل ٥ × ٢ = ١٠ تودي إلى ١٠ ÷ ٥ - ٢) كما أنه يبني أيضا فهم خاصية الإبدال لعملية الضرب (٣ × ٤ - ٤ ×٣) ولهذا يجب على الأطفال لن يتدربوا على هذا النوع من النشاط خلال المرحلة الإبتدانية.

> ٢- يستخدم الأطفال شرائط العدد الملونة فيأخذون شريط ١٠ ويضعون شرانط ٢ جنبا على جنب للحصول على نفس الطول ويسجلون النشاط كما يلي:

1. = 0x7 10 = 7 + 1.



ثم يستمرون في ليجاد كم شويطا نحتاج إليه للحصول على نفس طول الشريط ٢١٠ ويسجلون النشاط عكذا

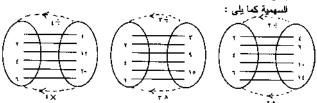
. 1 + ٥ - ٢ أو ٥ × ٢ - ١٠ ويكررون هذا النشاط مع شر لقط مختلفة.

٣- يعرض المعلم بعض الصور ويطلب من الأطفال التعبير عنها بجمل ضرب وأسمه هكذا



يجب أن يكون الأطفال- بعد هذه الأتشطة المتعددة للضرب والقسمة - مستعدين للتعامل مع أسئلة مثل : أكمل ٤ × - ١٢ فيجد الأطفال أن عليهم أن يحاولوا إيجاد عدد الأربعات التي يحتاجونها لتكوين ١٢ فيكتبوا ٣ في العربع الخالي.

ثم يستمرون حتى يتمكنوا من التعامل مع عبارات مثل ١٦ ÷ • • ٨ تكرر هذه الانشطة بعبارات مختلفة تعتمد على الفهم الإنكار الضرب والتسمة. ٥- يمكن للاطفال أن يتدربوا على ربط الضرب بالتسمة من خلال تكملة المخططات



حقائق القسمة:

لَكَي يَعْرَفُ الأَطْفَالُ حَقَائقُ النَّسِمَةُ وَيَتَمَكَّنُوا مَنْهَا يَجِبُ عَلِيهِمُ أَنْ يَفْهُمُوا مَعْنَى الشَّمِةُ أَوْلاَ فَمِثْلًا إذَا فَهُمُ الأَطْفَالُ أَنْ ٥ × ٤ يَمَكُنُ التَّفْكِيرِ فَيْهَا كَمَا يَلَى



بعر أو a × 4 = 4 ×

وفهموا أن ٢٠ ÷ ٥ يمكن التفكير فيها بصورة كلامية على أنها كم خمسة تكون عشرين؟ فعندنذ يمكنهم إعطاء الإجابة ٤ مباشرة وليس هناك ما يدعو القضاء وقت أو بذل جهد في حفظ حقيقة القسمة ٢٠ ÷ ٥ = ٤.

ولكن ما يجب عمله عندما يتم تعلم كل مجموعة من حقائق الضرب يجب تعلم حقائق القسمة المناظرة لها فعلى سبيل العثال في المجموعة الأولى من تعلم حقائق الضرب (لا يزيد حاصل الضرب عن ٢٤) يجب أن يتبع حقائق الضرب حقائق القسمة المناظرة لها

ويمكن أيضا إستخدام نفس الأدوات التي تم ذكرها في بناء حقائقة الضرب في تعميق الربط بين الضرب والقسمة ففي بطاقات التدريب مثلا يمكن إعداد بطاقات بحيث يدون على أحد وجهيها مجموعة من حقائق الضرب وعلى الوجه الآخر (الخلف) مجموعة من حقائق القسمة المناظرة لها.

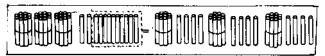
ويجب ألا تستخدم هذه البطاقات إلا عندما يثق الطفل من معرفته بحقائق الضرب وتمكنه منها ومن الممكن أن يكتب كل طفل في كراسه التمارين الخاصة به حقائق الضرب كاملة وبعد ذلك يكتب حقائق القسمة المناظرة لها (كاملة) على الجانب الأخر من الكراسة.

الضرب باستخدام القيمة المكانية الجمع التكرر والضرب:

تنشأ الحاجة إلى إستخدام القيمة المكانية عندما نحتاج إلى إجراء عمليات ضرب خارج نطاق حقائق الضرب (جدول الضرب) المعروفة (مثل ١٤ × ٢ ، ٢ × ٢ ، ٠٠٠) وتمتمد الطرق التي تستخدمها على معرفة تامة بحقائق الضرب (حتى ١٩ × ١٩ = ١٨) ولهذا يجب أن نبذل مزيدا من الجهد لمساعدة الأطفال على حفظ جدول الغمرب كما يجب على الأطفال أن يفهموا الربط بين الجمع المتكرر والضرب أي يجب عليهم أن يفهموا أن ٧ × ٢ مثلا هي طريقة أخرى التفكير في ٧ + ٧ + ٧ . كما يجب عليهم أن يفهموا أن أي ضرب يمكن إجراؤه بالجمع المتكرر قمثلا ٤٥ × ٥ يمكن إيجاد حاصل الضرب بجمع ٤٥ خمس مرات وعندما تكون حقائق الضرب معروفة وإستخدام حاصل الضرب بجمع ٤٥ خمس مرات وعندما تكون حقائق الضرب باجراء الضرب ويستخدام العندية المكانية مفهموما فإن الإجابة يمكن الحصول عليها بسرعة أكبر باجراء الضرب ويسبر تعلم الضرب في هذه المرحلة وفقا للخطوات المقترحة التالية:

- إعطاء تدريبات عديدة على تعلم حقائق الضرب.
- ٢- شرح استخدام القيمة المكانية في التعامل مع الصورب الخارج عن نطاق جدول العضرب المعروف من خلال أمثلة مثل ٢٣ × ٤ وتعدجول العش كاملا كجمع متكرر وكضرب ويجب إختيار الأمثلة بحيث لا يزيد حاصل الضرب عن ٩٩.
- تقديم الصورة المختصرة في تسجيل الضرب والبدء بأمثلة لا يستخدم فيها الحمل
 مع وجود أمثلة يظهر الصفر في الحل في عمود الأحاد.
 - ملحوظة : تحدث بعض الأخطاء نتيجة عدم وضع الأطفال للصفر .
 - 4- توسعه ۲، ۳ بمسائل تظهر فيها المنات في الإجابة مثل ٧ × ٣٤.
 - ٥- شرح الضرب في ١٠ وهذه خطوة هامة جدا.
 - أنشحيَّة :

١- يوزع المعلم على الأطفال مصاصات تنظم في عشرات وآحاد ويكون العمل في
 أزواج أوفى مجموعات صغيرة ويطلب منهم تمثيل ثلاث مجموعات كل مجموعة
 بها أربعة مصاصات منفردة وحزمة (عشرة) واحدة.



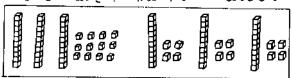
ويسجل الأطفال العدد الموجود في كل مجموعة ثم يطلب المعلم منهم تجميع جميع المصاصات معا لإيجاد العدد الكلى فسوف يقول معظم الأطفال بسرعة يوجد ٣ عشرات، ١٢ آحاد ويجب عليهم أن يفهموا أيضا أن الـ ١٢ مصاصمة يمكن أن تكون منها حزمة واحدة (عشرة) مع ٢ مصاصمة منفردة ويضع الأطفال هذه الحزمة مع العشرات ولهذا يوجد ٤ عشرات ، ٢ آحاد أي يوجد ٤٢.

ثم يناقش تسجيل هذا النشاط بعد ذلك أو لا لجمع ثم بعد ذلك كضرب كما يلى

				بغ	*	مغ	•
		٤	ح	٤ ,	ζ	٤	ε
		1	1	٠,	£	1	1
			۲×	•	ŧ	1	i
(٤	× *) ←	<u> </u>	۲	•	£	1	٤
	× °) ←			٤	Y	1	۲
١٤	ם	í	Υ			٣	
							

ويجب تكرار الربط بين هاتين الطريقتين في التسجيل عدة مرات مع أعداد أخرى من المصاصات.

٢- يمكن أن يكون نشاط ١ مفيدا إذا كرر باستخدام قطع دينيز للأساس عشرة



حيث يتم السير في النشاط وتسجيله أولا كجمع وبعد ذلك كضرب كما في النشاط ١

٣- يوسع نشاط ١ بحيث تظهر المنات في حاصل الضرب وإذا أخذتا مثلاً × ٣٤
 كمثال يضبع الأطفال ٣ عشرات، ٤ آحاد في مجموعات من الأحاد والعشرات
 هكذا.



ثم يجمعون المصاصات معا لإيجاد العدد الكلى ويغير الأطفال الـ ١٦ مصاصحة إلى حزمة واحدة (عشرة) و ٦ مصاصحات منفردة ثم تحرك العشرة إلى مجموعة العشرات فيصير عدد العشرات ١٣ تؤخذ منها عشر عشرات وتربط معا لتكون حزمة كبيرة بمائة وبذلك يصبح تنظيم المصاصحات كما بالشكل التالي:



ويسجل النشاط بعدة طرق كما يأتى:

طبرب			4	شرد			جعع			جمع		
, O5 c			7	٤	Σ	ر م	Ō ^E	τ	۲	٤	c	
r t				۲	£	0	٠,	ź		۲	í	
1	×				٤×		٣	ź		٣	i	
, r ,	(±	× 1)	_	3	٦		~	ź		۲	ź	
	۲)	×£)	•	۲	,		٣	٤	•	1	٦	-
	(٣٤	×ŧ)	١	۳	٦	١,	٣	٠,	1	۲	•	
									٠, -	٣	٦	-

ومن المهم ملاحظة أن طريقة التسجيل الثانية في الضــرب تستخدم فقط عندمــا يفهم الأطفال الطريقة الأولمي.

الضرب في ١٠

تنشأ فكرة ضرب عدد مكون من رقم واحد في ١٠ من خلال التعامل مع تلك الأنشطة المتعددة. وهذه فكرة هامة ويجب مناقشتها بالتفصيل كلما سنحت الفرصة.

كما أنه عندما يدخل الأطفال فى القسمة (على عدد مكون من رقم واحد) تصبح القدرة على التعامل مع هذا النوع من الضــرب ضروريـة وخاصــة عندما تكون خـارج نطاق جدول الضرب (مثلا ٤٢ ÷ ٣).

لا يجد الأطَّفال صعوبة في اجراء عمليات الضرب التي على الصورة:

 $1 \times 1 \times 1$, $1 \times 1 \times 2$ each

ولهذا فعندما يفهمون الرموز المستخدمة فيمكنهم التفكير فيها كما يلي:-

ويجب أن تكون لديهم القدرة بعدند على كتابتها هكذا ٢٠، ٣٠، ٤٠، وقد تحتاج حواصل الضرب مثل ٢ × ١٠، ٣ × ١٠ ، ٤ × ١٠ إلى مزيد من المناقشة ويمكن المحصول على الإجابة إما بالجمع المتكرر هكذا

*** + * + * + * + * + * + * + * + ***

Y+Y+Y+Y+Y+Y+T+T+T+

1+2+1+1+1+1+1+1+1+1+1

أو باستخدام خاصية الإبدال في الضررب أي بتسجيل ٢ × ١٠ على أنها تساوى . ١٠ × و هكذا.

ويجب عدم تقديم قاعدة الضرب في ١٠ في هذه العرحلة لأنه ليس من المهم فقط أن تكون لدى الأطفال القدرة على ضعرب أي عدد مكون من رقم واحد في ١٠ ولكن يجب عليهم أيضا أن يقدروا على إعطاء شرح وتوضيح لكيفية الحصول على الإجابة.

القسمة بإستخدام القيمة المكانية

يقول معظم المعلمين في أغلب الأحوال أن الأطفال يجدون في القسمة أصعب العمليات الأساسية وذلك لما يلي :- المعرفة التامة والصحيحة بجدول الضرب 1×1 أمر أساسى بالنسبة للقسمة. وكشير من الأطفال لا يعرفون (لا يحفظون) جدول الضرب.

ب- غالبا ما تستخدم الصديغة التقايدية الشكلية في تسجيل القسمة في مرحلة مبكرة جدا.
 ج- اللغة المستخدمة غالبا ما تكون لا معنى لها بالنسبة للأطفال.

وعلى ذلك فنحن نحتاج إلى معرفة أسباب هذه الصمعوبات عند تقديم القسمة الذي خارج نطاق جدول الضرب مثل ٧٢ + ٣ .

القسمة خارج تطاق الحقائق المعروفة:

في المراحل المبكرة يجب أن تنشأ كل مسألة تسمة من موقف عملي والعي في الحياة اليومية فمثلا ٧٧ ÷ ٣ يمكن أن تنشأ من موقف مثل :

يوجد إثنان وسبعون طفلا نظموا ثلاثات . كم ثلاثة لدينا ؟

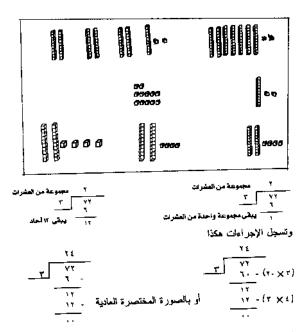
نحن كمعلمين نحتاج للتأكد من أن جميع الأطفال يفهمون أن ٧٧ ÷ ٣ يمكن إستخدماها للتعبير عن كم ثلاثة تكون اللين وسبعون ٢٧٢ وعلى الطم أن يناقش أساليب إيجاد الإجابة مع الأطفال ونيما يلي بعض المفترحات:

أولا: إمدكدام ٧٢ شعولا (حبوب - خرز - مكعبات ...) وتنظم في ثلاثات ثم حساب عدد الثلاثات.

ثُقَتِها : إستخدام ٧٢ شوقا مع استخدام الطرح المتكرر لإيجاد كم ثلاثة يمكن الحصول عليها.

ثلاثًا : بدون إستخدام أشياء

أولا: بإستخدام قطع دينيز للأساس ١٠ والتجزى، حيث يعطى المعلم القطع لأحد الأطفال ويطلب منه تعثيل المعدد ٧٧ ثم يطلب منه تقسيم القطع الكبيرة إلى ثلاثات فينتج ٢ عشرة وييقى واحد عشرة مع الإثنين المغربين ثم يطلب منه فلك الواحد عشرة إلى عشر وحدات فينتج ٢٢ وحدة ويطلب منه تقسيمها فينتج ٤ وحدات 10 عشرات أى ٢٤.



كانيا : بناء فهم القسمة من خلال الطرح المتكرر

لقسمة ٣٠٤٢ نستخدم الطرح المتكور لثلاثـة ٢٧-٣ = ٦٩، ٦٩-٣ = ٦٦، وهكذا وهذه الطريقة طويلة ومملة ومن العمكن حدوث أخطاء خلال الطرح ولكنه أجراء جنير بالإحترام.

ويجب ألا ننعجل في تقديم القسمة حتى لا نكرر الشرح مرة ثانية وثالثة وبالنسبة للطرح المتكرر فقد يقترح بعض الأطفال إستخدام ضرب الثلاثة بعدد معروف النائج من جدول الضرب فمثلا يعرف الأطفال أن ٢٠٣٠ - ٣٠ ولكن هذا جزء في طريق الـ ٧٧ وبالطرح يمكن للأطفال أن يوجدوا الفرق بين ٧٧، ٣٠ (٧٢-٧٧ = ٤٢) ثم يكررون العمل ۴۲-۳۰ = ۱۲ وهم يعرفون أن ٤×٣ - ۱۲ ولهذا يمكن التفكير في ۷۲ علمي أنها ١٠ ثلاثات، ١٠ ثلاثات، ٤ ثلاثات. ويمكن توضيح ذلك على خط الأعداد.

1 1. Y. T. E. D. 1. V. A.

وقد يقترح الأطفال أساليبا أخرى لإيجاد ٧٢ باستخدام الثلاثات وإذا اختير عدد صغير من الثلاثات أولا فسيضطرون إلى إجراء القسمة عدة مرات وذلك لأن الفرق سوف يظل خارج نطاق جدول ضرب الثلاثة.

ويستمر الأطفال في مناتشة مسائل قسمة مثل ٢٠ ٤ ٣٥، ٢ - ٩٦ . - ٦ بنفس الطريقة مع مراعاة أن كل مسألة قسمة يجب أن تبدأ كمشكلة بسيطة تحدث يوميا فمثلا:

- وزعنا ١٤ كتابا على رفوف يتسع كل رف منها لـ ٤ كتب. كم رفا نحتاج؟
- نرید تفسیم قطعة تماش طولها ۲۸ متر۱ إلى قطع طول القطعة متران على كم قطعة نحصل؟

من خلال هذه الأمثلة المتنوعة سوف يبدأ الأطفال في رؤية أنه من العفيد جمل الخطوة الأولى كبيرة قدر الإمكان فمثلا من الأفضل أن تكون الخطوة الأولى في ١٠٠٩ هي ١٠٠٨ من الأعلى على ١٠٠٨ من الأعلى على ١٠٠٨ من الأعلى على ١٠٠٨ من ١٩٠ والذي يقع في المدروفة.

استخدام ١٠ كأول عدد مضروب يزودنا دانما بأفضل خطوة أولمي كما أنه أيضـــا يتضمن فاندة أخرى وهي أن الضرب في ١٠ سهل جدا عندما تفهم القيمة العكانية.

Recording a division : تسجيل القسمة

(* ×1 •)	ج ۲) Y	يعكن للأطفال الاستعرار في تسجيل إجراء القسمة في صدورة رأسية كما هو مبين على
()	' Ł	. *	اليسار و هذه الطريقة في التسجيل لها يعض الفواند منها:
(r×1·)	٣		وهذه الطريقة في التسجيل لها بعض الفواند منها: ١- إنها تسمح بتسجيل ما يفعله الأطفال خطوة
	,	۲	خطوة. ب- لا تقدم قيبها العبارت الغريبة.
(r×t)	١	4	جـ إنها تعرض الربطّ بين الضّرب والقسمة.

ومما يجب التركيز عليه بقوة هو أن أى طريقة في تسجيل مسألة القسمة السابقة تكون ذات معنى فقط عندما يفهم الأطفال معنى ٢٧٤ ٣ فيما كاملا (غالبا ما تكون ليست هذه هي خالة). ولهذا فإنه من الضرورى، في المراحل المبكرة، أن يصدر المطم في شرحه على أن يعبر الأطفال بكلمات من عندهم بما تعنى كل مسألة قسمة فعثلا "أنسان شرحه على أن يعبر الأطفال بكلمات من عندهم بما تعنى كل مسألة قسمة تعدل "تنسان سبعون مقسومة على ثلاثة أخبرنى كيف يمكن أيجاد عند الثلاثات التي تكون اثنين وسعين؟.

وفيما يلي مثالان لتسجيل القسمة بنفس الطريقة السابقة

	٠÷	Y0		£÷	٦٤
	٤	ζ		٤	ح
	٧	۵		7	ŧ
(°×1·)	٥	• -	(1×1·)	٤	
	۲	0		۲ -	ź
(°×°)	۲	۰ –	(f×1)	۲	£ -
		_			

 $10 = 0 \div y_0 \qquad \qquad 17 = .6 \div 76$

إذا فهم الأطفال خاصية الإبدال في الضرب (٣٥٥ =١٥، ٣٥٥ = ١٥مثلا) فإنهم سوف يفهمون أنه إذا كان ٢٤٦٤ = ٤٢ فإن ١٤٤٣ = ٤٢ وهذا يمكنهم من

القول: إذا نظم ٢٢ طفلا في ثلاثية فيرق حع القول: إذا نظم ٢٢ طفلا في ثلاثية فيرق متساوية العدد فإنه سوف يكون ١٤طفلا بكل من المشترب من المشتبة لمسألة قسمة مثل من المشتبة لمسألة قسمة مثل من المشتبة لمسألة تسمة مثل من المشتبة لمسألة المسابقة المسألة المسابقة المسألة المسابقة المسألة المسابقة المسألة المسابقة المسألة المسابقة المسألة المسابقة المسا

خطوات کما هو مبین علی الیسار 💮 🖳 ا



سوف يرى بعض الأطفال الذين يفهمون الضرب في ١٩٠٠، ٩٠ أن إجراءات القسمة السابقة يمكن اختصارها بالضرب في ٢٠ كما هو مبين على اليسار وهذه خطوة كبرى بالنسبة لعديد من الأطفال

	14
٢	91 7
	7 £
۱۸ -	* ÷0£
_ r_	01 Y
	14 11 -
14-	 Υ ÷ ΘΈ

وقد يشعر بعض المعلمين بأنه من الأقصل للأطفال أن يحرك الناتج إلى أعلى في تسجيل القسعة كما هو مبين على الهسار، وسوف لا يخلق ذلك مشكلات والمتأكد من عدم حدوث مشكلات يجب أن يشرح التسجيل الجديد جيدا ويناقش بإفاضة مع الأطفال وقد يكون من المغيد، كخطوة أولى، أن ألد ١٠، السـ ٨ في الإجابة مفصولين كما هو مبين على الهمار

ويزودنا ذلك بمزيد من الربط المباشر مع الطريقة المستخدمة في المراحل المبكرة.

الطريقة التقليدية في التسجيل ليست لها ميزة خاصة على الطريقة التي قدمت هنا فقد تكون هي الطريقة التي استخدمت من قبل عديد من المعلمين عندما كانوا في المدرسة. وإذا قدمت الطريقة المختصرة في تسجيل القسمة $\frac{10}{2}$ فيجب أن يتم ذلك حينما تفهم طريقة الخطوة - خطوة فهما كاملاً.

ونسميها مختصرة لأن كاثيرا من الخطوات فيها لم تسجل، فعمليات الطرح على سبيل المثال أجريت في العقل ولم تكتب أسفل.

بعض الأطفال لديهم القدرة على عمل ذلك بسهولة ولكن بالنسبة للأخرين فقد تصبب عديدا من الصعوبات لأنهم مازالوا يحتاجون إلى كتابة عمليات الطرح أسفل ولكنهم الأن سيجرونها على قصاصات من الورق (مسودة) ولهذا نحتاج إلى عناية كبيرة في التسجيل وبعد ذلك يجب أن يعطى الأطفال القرصة في إختيار استخدام إما الطريقة المختصرة أو الطريقة الخملوة - خطوة .

Demaindant in division

		venis ma	siz m division	بواهى المسمه
	٤	ح	القسمة من خلال	ينشأ الباقى فى
	٧		ية مثل : إذا كــان	بعض المواقف الحيات
(*×1+)	<u>.</u>	<u>·</u> -		ثمن کیلو التفاح ؛ جنیـ شراوها بـ ۷۰ جنیها؟
	٣			الإجراءات ميينه عل
(1×V)	۲	A -		شــراء ۱۷ کیلــو ولکـ تستخده، حدث بنقہ ہ

يجب مناقشة عديد من الأمثلة الشبيهة بذلك مع الأطفال لمثلا

 أ- شريط من الورق طوله ٥٥سم. كم عدد الشرائط التي طول كل منها ٦سم يمكن قطعها منه؟ وما طول القطعة التي لم تستخدم؟

۲

ب- كم طلبع بريد فنه ٣ قروش يمكن شراؤها بـ ٥٠ قرش؟ وما عند القروش البالية؟

أى أنه من الأهمية بمكان أن تستخدم أمثلة من واقع الحياة لأن ذلك يساعد الأطفال على فهم ما يقطون.

ضرب وقسمة الأعداد الكبيرة

ناتشنا في هذا الفصل ضرب عدد مكون من رقمين في عدد مكون من رقم واحد والآن تعتد العملية لتشمل الضرب في عدد مكون من رقم واحد والآن تعتد العملية لتشمل الضرب في عدد مكون من رقمين وفي عدد مكون من ثلاثة أرقام وهكذا. ويأتى هذا الإمتداد والتوسع بأفكار مهمة ويحتاج إلى عناية كبيرة عند التغير في هذه الأفكار ويعتمد الضرب في عدد مكون من رقمين أو أكثر على:

أ- الضرب في ١٠٠٠، ١٠٠، وهكذا

ب- إستخدام فكرة التفكير في ٤٥×٥٠ مثلا على أنها (٤٠×٥٠) + (٥×٥٠)

ج إستخدام الفكرة

(1×1.) × 0 V = 1.×0 V

1 . × (£ × 0 V)=

\$ (× (0 × × 1 +) = (1 · × 1) × 0 = £ · × 0 Y

ويسير أسلوب تقديم الضرب في هذه المرحلة وفقًا لما يلي:

١--الضرب في ١٠

وهذه نقطة البدلية. ويجب ألا نسرع في هذه الخطوة لأنها تعتبر الأساس لكل العمل الذي سيليها.

أ- ضرب عدد مكون من رقع واحد في عشرة:

يعطى الأطفال مزيدا من التدريبات على ضرب عدد مكون من رقم واحد في ١٠

(مثلا ٧ ×١٠ ويمكن الحصول على الإجابة بإستخدام الجمع المتكرر حع

) . ×

ويمكن تسجيل حاصل الضرب هذا كما باليسار -

. Y .

من هذا المثال وأمثلة أخرى (مثل ٢٠٠١، ٣٠٠) يبدأ الأطفال في روية أنه عند ضرب ٧ في ١٠ فان ٧ تتحرك إلى عمود المشرات ويوجد صفر في عمود الآحاد

پ ـ ضرب عدد مكون من رقمين بين ١٠ ، ٢٠ في ١٠

يمكن ايجاد نتيجة حاصل ضرب مثل ١٦ × ١٠ أو لا كجمع متكرر

كما يمكن تقديم فكرة التفكير في ١٦ على أنها ١٠ + ٦ وكتابة حاصل الغسرب هكذا (١٠+١) ١٠٠ ويحتاج ذلك إلى مناقشة بطاية ويمكن بيان العمل كما يلى :

1 + × (1+1+) = 1 + × 17

$$(1 \cdot \times 1) + (1 \cdot \times 1 \cdot) =$$

٦٠ + ١٠. =

17. =

يرى الأطفال من هذا المثال وامثلة أخرى أنه حينما نضرب ١٦ × ١٠ على سبيل المثال أن ١٠ ، وظهران في الإجابة ولكن كل رقم منهما مزاح خانة واحدة إلى اليسار ويوجد صفر في خانة الأحاد .

ج. ـ ضرب ۲۰ ، ۳۰ ، ۶۰ .. ۹۰ قی ۱۰

باستخدام ۳۰ × ۱۰ كمثال نوجد أو لا الإجابة كجمع متكرر

$$(1 \cdot \times 1 \cdot) + (1 \cdot \times 1 \cdot) + (1 \cdot \times 1 \cdot) =$$

يرى الأطفال من هذا المثال وامثلة أخرى مثثل (٤٠ × ١٠ ، ٧٠ × ١٠) أنه عند ضعرب ٣٠ × ١٠ تظهر ٣٠ . في الإجابة ولكن كلا منهما مزاح خانة واحدة إلى الميسار ويوجد صفر في خانة الأحاد . د ـ شرب أي عدد مكون من رقبين في ١٠

باستخدام ۲۷ × ۱۰ کمثال :

نستخدم الجمع المتكرر أولا

يرى الأطفال أن الجمع المتكرر يصبح طويلا ومعلا وغالبا ما يودى إلى أخطاء وحيننذ. يعرض العمل كما بلمر : .

(1 · × TY) T Y ·

ويرى الأطفال من هذا العثال وأمثلة أخرى كثيرة مثل (٢٤×١٠، ٦٩×١٠) أنــه عند ضعرب عدد مكون من رقمين فى ١٠ فإن نفس الرقمين يظهران فى الإجابة . ولكـن كل رقم مزاح خانة واحدة إلى اليسار ويوجد صفر فى خانة الأحاد .

ويمكن توجيه نظر الأطفال آلى النمط التالي

حيث يتم ضرب العوامل التي ليست أصفار ووضع حاصل جمع عدد الأصفار في العدوسن المضروبين (العوامل) أمام حاصل ضحرب الأعدداد غير الصفرية.

٢ - الضرب في أعداد من ١٩ ... ١٩

يشير المثال ٢٣ × ١٥ إلى الأسلوب الذي يمكن استخدامه حيث نستخدم الجمع المتكرر أولا لإيجاد حاصل الضرب.

۲ <u>۲ × ۲</u> ۶

 $77 \times 10 = 77 + 77 + + 77 (10 مرة) وهذه الد 10 ثلاثة وعشرون يمكن توضيحها بعد ذلك كما بله:$

۲۲ + ۲۲ + ۲۲ + ۲۲ (عشر مرات) ای ۲۲ × ۱۰)

```
(0×17) 17 + 77 + 77 + 77 + 77
 ويساعد ذلك الأطفال على فهم إجراء الصرب في ١٥ على أنه مصرب في ١٠ ثم صحرب
                 في ٥ ثم جمع الناتجين كما أنه يساعد الأطفال على فهم العبارات :
            (0+ 1.) YT = 10 x YT
   (0 \times YT) + (1 \times YT) =
        TEO = 110 X YF.
                              ويمكن أن نسجل الضرب في صورة رأسية هكذا
                          (1 · × YT) Y T .
(0 × YT) 1 1 0
                          (10 × 17) 7 & 0
        ويمكن أن يسير أجراء الضرب في نفس العثال ٢٣ × ١٥ بأسلوب آخر هكذا
      الخطرة الثالثة
                            الخطوة الثانية
                                                الخطوة الأولى
جمع حواصل الضرب الجزئية
                         الضرب بالعشزات
                                                العفير ب بالأحاد
          1 ex
                                    oχ
                                                     1 ex
                         ← 1 1 0 (YTX0) ← 1 .0
       * £ 0
                        استخدم الصفر كحافظ للخانة
                         وحواصل الضرب الجزنية يمكن الحصول عليها هكذا
                                               1 0×
                             (r×0) ← 1 0
                            (Y \cdot \times a) \leftarrow Y \cdot .
                             (r \times 1.) \leftarrow r.
                           (Y·×1) ← Y·
```

٣ - الصَّربِ في ٢٠ ، ٣٠ ، ٤٠ ، ... ، ٩٠

باستخدام أى مثال وليكن ٥٣ × ٢٠ يجب أن يستمر الأطفال فى التفكير فى الضرب أو لا عنى أنه جمع متكرر مع ملاحظ قم أنه (لايمكن التركيز أكثر من الملازم على الربط بين الضرب و الجمع المتكرر لأنه قد يربك كثير ا من الأطفال) ٥٣ × ٢٠ = ٥٣ + ٥٣ + ٠٣٠ + 100 + 100

- ١٠٦٠ × ٢ × ٥٣٠ ويمكن بيان الجمع المتكور أيضنا هكذا

(۲۰ × ۲۰) + (۲۰ × ۲۰) + (۲۰ × ۲۰) + (۱۰ × ۳۰) عشر مرات ای ان

1.7. = 1. × 1.7) =

ویجب مناقشة كلا من هذه الاسالیب مع الأطفال مناقشة مستغیضة كما یجب مناقشة أمثلة أخرى على الضرب فى ٢٠ بنفس الأسلوب ومن هذه المناقشات یجب أن يرى الأطفال أنه لكى نضرب أى عدد فى ٢٠ يمكن أولا ضرب العدد فى ١٠ شم ضرب الناتج فى ٢ أو ضرب العدد فى ٢ وبعد ذلك نضرب الناتج فى ١٠

ويجب أن يستعر الأطفال بعد ذلك في الضرب في ٢٠، ٥٠ ٩٠ . .

٤ - الضرب في أي عدد مكون من رقمين :

وهذا يتطلب كل الأفكار والأسائيب والأجراءات التي كونها الأطفال تدريجيا فـي عملهم السابق ومثال علـي ذلك ٤٨ × ٣٧ ويجب أن تكون لـدي الأطفال القدرة علـي التفكير فـي هذا المضر ب هكذا

اعم ۸۶ مصرة × ۲ ۳	اً ع م ل ٨ \$ ١ ٧ ٣ المسورة المذ	£. + A T. + Y
r	- 7	٥٦
1 £ £ (£·×V) €	- 7 / 1	7 A. 7 £.
(∧×٣٠) ←		1.7.
,	V V 7	1 V V 1

ويجب تزويد الأطفال يتدريبات كثيرة من هذا النوع . وعلى أى حال سوف لايجد الأطفال صعوبة في فهم هذه المرحلة إذا فهموا المراحل السابقة لها

الضرب في عدد مكون من ٣ أرقام أو أكثر :

وهذا امتداد طبيعي للخطوة السابقة ويعتمد أيضًا على الضرب في ١٠٠٠ ، ١٠٠٠ وهذا فعما طي خطوات شرح حاصل الضرب ٢٤٨ × ٣١٦

		۳	١	٦	
		٣	í	٨	
(₹11×^) ←	۲ .	٥	۲	^	•
۱ ﴾ () عشرات×۲۱۲)	۲.	1	£	,	•
۲ →(۲ مئات×۲۱۱)	۲	*		٠	

	ىرپ ،	ىمىن س	اسرح.	ي خصورت	هيما يدي	محدا
ĺ	411	۳.,	١.		×	
	AYOY	Y 5	۸۰	ź٨	>	
)Y716.	37	ŧ.,	٧٤٠		+
	144	1	Y	17	٧	
	VATTA					₺

ثم يلى ذلك تسجيل بالصورة المختصرة هكذا

القسمة على عدد مكون من رقمين أو أكثر:

يحتاج الأطفال لفهم القسمة على عدد مكون من رقمين أو أكثر إلى التمكن من الضرب والطرح والفهم الكامل للإجراءات المستخدمة فى مسائل القسمة على عدد من رقم واحد (كما تم وصفها سابقاً)

وَتَتَّعَامَلُ أُولًا مِعِ الْقَسْمَةُ بِدُونَ بَاقَ ثُم مِعِ القَسْمَةُ بِبَاقَ ثُمَّ القَسْمَةُ (المختصرة)

أولا : القسمة بدون باق

أ ـ القسمة على عدد مكون من رقمين

نتهع نفس الأسلوب الذي استخدمناً، في القسمة على عدد مكون من زقم واحـــد ويتم ذلك من خلال المثال ۲۲۱ + ۱۲

ومن الممكن أن يجروا ذلك بتجريب الأعداد الممكنة أو بكتابة مضاعفات ١٣ وهـي ١٣ . ٢٦ . ٣٩ . ٢٥, ٢٥ . ٢ . ٩١ .

وقد نساعد الأطفال وخاصة في المراحل الأولسي إذا كتبنا ١٠ ، ٧ منفصليين فوق خط التسمة كما هو مبين في المثال .

وبالنسبة لمسائل القسمة مثل ٤٢٩ ÷ ١٣ يمكن طــرح أكـثر مـن عشــرين ١٣ مـن ٤٢٩ وذلك من خلال خطوات متعددة أو خطوة واحدة كما هو مبين أسفل

$$(T \times YT) \leftarrow T + \frac{1}{1} \cdot \frac{1}{1} \cdot$$

ويجب منائشة كلا من هاتين الطريقتين منائشة مستفيضة مع الأطفال كما يجب تسجيلها في المراحل المبكرة كما هو مبين عاليه كما يجب على الأطفال أن يقكروا بأنفسهم ولا يستمدوا على القواعد كما يجب عليهم استخدام كلمات وعبارات تعمف

```
مايقومون به من عمل وبعد التاكد من فهم الأطفال للإجراءات السابقة يعكن تقد يم
                                               الطريقة التالية لإجراء المثال
                                                            . 37+YY1
                                                 ۲ مثات ÷ ۱۷ ------
                                             ۲۲ عشرة ÷ ۱۳ ------
                          ۱۳)۲۲۱
۰۰۰ ← بنات×۱۳۰
                        ۱۳۰ → اعشرات × ۱۳۰
                            ب ـ القسمة على عدد مكون من ثلاثة أرقام أو أكثر
الطريقة المستخدمة هي امتداد طبيعي للطريقة التي استخدمت في القسمة على عدد
    مكون من رقم واحد وعلى عدد مكون من رقمين والمثال التالي يوضح الإجراءات
                                            ۹۳ مانة ÷ ÷ ۲۵۳ -----
                                                 ۹۳۹ عشرة ÷ ۲۵۲ ---
                    707 × 1¥6 × 707
                   ← منات × ۲۵۳
                 → ۳ عشرات × ۲۵۳
                        Y≏# × Y ←
```

ولمزيد من التوضيح يمكن عرض المغطوات التالية الإجراء المثال السابق هكذا ٢٥٣٠٩٣٦١

			1-1-11
انقص التقدير	۲ 4.	أوجد تقدير ا حول ٤ حول أ (٢ تخي أن	الخطوة ١ ۶
- ۳ (تقدیر جدید)	1 - 1 707)477		<u></u> ۲ <u>۸</u> تعنی ان
	مـحيح ↓	1	کبیر ، ↓
191 <	1 0 T) 9 T 7 1	7 0	r)9 r 7 7
10T × T	← Y ≎ ¶ -	YeY × £ ←	1 + 1 4
	1 Y Y		لايمكن الطرح
نه الطرح	انقص التقدير حتى يمكنك	ثانية وأرجد تقديرا ٤.	٣ - ارجع مرة
	۸ کر ۲۵۳)۱۷۷۱	حول ۸ أن ۱۷ (۲ تعني أن	۸ (۲ تعنی
. <	Y Y Y P (Y 0 Y	707	r) 9 + 1 1
	V 0 4		Y o 9

ثانيا : القسمة مع باق :

لايمكن الطرح

إحراءات القسمة مع باق هى نفس إجراءات القسمة بدون باق غير أن فى القسمة مع باق المراءات القسمة مع باق لايتو بالإجراءات من باق لاينتهى الطرح بل يبقى عدد أصغر من المقسوم عليه ويمكن توضيح الإجراءات من خلال المثال ١٩٤٧ ÷ ٢٩

```
٤ - ١ = ٣ (تقدير جديد)
                                   لایمکن الطرح
۳ ـ انظر لاسفل و اوجد تقدیر ا
   ۲
٤ - انظر لأسفل وأوجد تقديراً
   لايوجد تسعة وعشرون في اتثين وعشرين ٢﴿٢ تَعْسَى أَن ٢ ؟ ٩ هـ(٩ ٢
    ر <del>۹</del> ۲۹)۲٤ کا
                                   فکر ایی ۲۴ (۲۹
                  لايمكن الطرح

 انقص التقدير

                                             ١ = ٨ (تقدير جيد)

    خارج القسمة هو ۳۰۸ و البائي ۱۵
```

وينبغى أن يعتنى المعلمون بالدقة فى تحديد مفهوم الباتى كلما نضمج التلامية وتقدموا خلال برنامج النطيم الابتدائي

ثالثاً : القَّسمة الختصرة :

يعتمد تسجيل القسمة في صورة أقصر كما في المثبال المقابل على عمل كثير من الإجراءات في المقل ، ولهذا يجب قبل تقديم هذه الطريقة أن نشأكد جيدا من تمكن الاطفال من تسجيل القسمة بالطريقة المطولة تمكنا علايا .

وقد يكون من عدم الحكمة أن يحاول الأطفال ضعيفى القدرة استخدام الصيغة المختصرة لأتهم إذا فعلوا ذلك فسوف يرتبكون وتتقدم ثقتهم فى استخدام الطريقة المطولة

تعليق ومتابعة :

يعتبر الضرب والقسمة نظاما عكسيا ولحدا . أى أن عملية القسمة هي عملية عكسية لعملية الضرب وأن عملية الضرب هي عملية عكسية لمملية الفسمة فإذا كان أ \times + + فإن أ++ + وفذلك ينبغي توفر القدرة على معكوسية التفكير عند الطفل لكي يتسنى له فهم وإدراك الضرب والقسمة .

ونظرا للعلاقة العكسية بين الضرب والقسمة فإن فهم أحدهمـــا يتوقف علـــى فهـم الآخر ولهذا ينبغى تدريسهما مــــا .

كما يوجد ارتباط بين الضرب والجمع حيث يدرس الضرب في للمرحلة المبكرة على أنه جميع متكرر ولابد من تفاعل الطفل أولا مع أشياء محسوسة ثم ثانيا مع مصنفات ثم يلي ذلك المرحلة المجردة ومن خلال ممارسة الطفل لاتشطة بأشياء محسوسة وأشياء شبة محسوسة يمكن التوصيل إلى خواص عملية الضيرب فيالنمية لخاصية الأبدال يمكن استخدام خط الأعداد وشرائط العدد الملونه اثبات أن ٢ × ٤ وياستخدام أعداد مختلفة نصيل إلى التقيم أ × ب = ب × أ . وبالنسبة لخاصية العنصر المحايد فيمكن التوصيل إليها أيضا من خلال الأنشطة

حيث يمكن التوصل إلى النعميم لـ ا × لـ ا = لـ ا × لـ ا = أــا
وبالنسبة لخاصية الضرب في صفر فمن خلال أنشطة الجمع المتكرر نجمع أي
$r \stackrel{ imes}{ imes} = r \stackrel$
 • • وبالتدريب على أعداد مختلفة يمكن الوصول إلى التعنيم أ × صغر − صفر × أ +
صفر ومن خلال قطع وينتر يمكن توضيح خاصيته الدمج (التجميح) كما يوضع ذلك
لشكل التالي

1 × 1 × 1)
47	}







لهما تفس عدد المكعيات وبأنتسبة لخاصية التوزيع يوضدها انشكل التالي

000000000000

0000000000000

۲ میف × (۳۰۱۰)

۲ میف × ۱۰ و ۲ میف × ۳

 $(r + 1.) \times r$

T × Y + 1. × Y

وهذا النمط يمكن استخدامه أيضا في توضيح ضرب عدد مكون من رقم في عدد مكون من رقعين والذي يأتي في مرحلة لاحقة فعثلا

 $YT = T + Y \cdot \Rightarrow (T \times Y) + (T \cdot \times Y) = (T + T \cdot) \times Y = TT \times Y$

ومن الأفضل ألا تدرس الخواص كقواعد عامة يحفظها الأطفال ثم ينتقلون إلى الأمثلة التي توضحها بل يفضل أن يكتشف الأطفال هذه القواعد بأنفسهم .

ثم تأتي بعد ذلك مرحلة تعلم الحقائق الأساسية ولا يوجد ترتيب محدد ينهضى اتباعه في تعليم حقائق الضرب الأساسية ولكن يمكن القول أن هناك ترتيبان أحدهما ترتيب منطقى حيث يرتب المضروب فيه على النحو التالى:

. ، ٢ ، ٢ ، ٢ ، ٢ ، ٢ ، ٥ ، ٢ ، ٧ ، ٨ ، ٨ ، أما الترتيب الثاني فهو ترتيب سيكلوجي يسير من البسيط إلى المركب فمن الأسهل أن نبدأ بالمضروب فيه في ٢ ، ٥ ، ٢ ثم نؤجل المضروب ثيه الأكثر صعوبة وهي ٢ ، ٧ ، ٩

ويجب أن تتاح فرص متعددة للأطفال لفهم ما يستجد عليهم من حقائق الضعرب وأن يستخدموها .

ويرى بعض المربين أفضلية تدريب الأطفال على حقائق الضورب بطريقة عشوانية وليس بترتيب معين . وهناك عـدد من الاقترحـات العفيدة والتـي تصـاعد علـي تمكن الأطفال من حقائق الضمرب بصغة خامسة والحقائق الأساسية للعمليات الأخرى بصنفة عامة

الأخطاء الشائعة في الضرب:

٢ ـ الخطأ في جمع الرقع المحمول ١ - أخطاء في التجميع

٤ ـ أخطاء في الجمع ٣ ـ حمل رقم بطريق الخطأ

١ ـ استخدام المضروب كمضرب فيه ٥ _ نسيان الحمل

٨ ـ أخطاء بسبب وجود الصغر ٧ ـ الخطأ تجميم الصغر

٩ ـ تداخل النتانج عند يكون المضروب فيه مكونا من رقمين أو أكثر

١٠ - استخدام عملية بطريقة الخطأ ١١ - تكرار جزءا من جدول الضد ب

١٣ ـ عدم ضرب خانة في المضروب
 ١٥ ـ حذف خانة (رقم) من حاصل الضرب
 ١٧ ـ خطاء في الحماء مع الصفر

١٦ - أخطاء في كتابة حاصل الضرب ١٧ - أخطاء في الحمل مع الصفر
 ١٨ - المتخدل الدرم الأكل المالية المالي

14 - استخدام ألعد على الأصابع للحمل 19 - حذف خانة من المصروب فيه

٢٠ ـ أخطاء يسبب الصفر في المضروب ٢١ ـ الخطأ في وضع حاصل الضرب الجزئي
 ٢٢ . العد للعصول على جمع حواصل الضرب الجزئية

٢٣ - عدم القدرة على قراءة الأشكال ٢٤ - تعيان جمع حواصل الضرب الجزنية

٢٥ ـ فصل المضروب فيه ٢٦ ـ كتابة رقم خطأ في حاصل الجمع

٢٧ - ضرب رقم واحد مرتين ٢٨ - عكس الأرقام في حاصل الضرب .

۲۹ ـ أخطاء في جدول الضرب

وبالنمية القسمة لهينهغي تدريس معنى القسمة أو لا ويمكن توضييح معنى القسمة بأربمة طرق:

١ ـ القسمة عملية طرح متتالى ٢ ـ القمسة عملية تجزئة

١٢ - الضرب بالجمع

١٤ - أخطاء في القراءة

٣ ـ القسمة عملية تياس
 ١٥ ـ القسمة عملية تياس
 وقد ناتشــنا أمثلــة للثــلاث طــرق الأولــي وبالنسبة لعمليــة القيــاس فالأمثلــة الثاليــة

رف المعنى كم قميصا يمكن عملها من القماش إذا كان يلزم القميص ٢ أمتار ؟ كم عدد الثلاثات التي يحتوى عليها الرقم ١٥.

0 - 7 + 10

وهذه التفسيرات الأربعة المختلفة القسمة تتصل كل واحدة منها بالأخرى ولهذا يجب أن يعطى المعلم تدريبات عديدة للأطفال حتى يتضمح لديهم كل معنى من هذه المعانى الأربع - ويسير تدريس القسمة بالتدريج من البسيط إلى المركب حتى يصل إلى القسمة المطولة وهى من أصعب الموضوعات التى يدرسها معلم الرياضيات قى المرحلة الإبتدائية . ولهذا ينبغى أن يستخدم المعلم كل وسيلة ممكنه لترويد الأطفال بفهم كاف يودى بالتدرج إلى تعلم هذه العملية المطولة الصمعة وخطوات عملية القمسة هى : المسم ٢ - الفرب ٣ - قارن ع - اطرح ٥ - قارن

١- انزل البالي ٧ - تأكد من صحة القسمة

والخطوة الأخيرة هامة حيث يُنبغى على الطفل أن يقوم بمراجعة مسالة القسمة بالطريقة العادية وهي :

> المقسوم عليه × خارج القسمة = المقسوم أو (المقسوم عليه × خارج القسمة) + الباقي = المقسوم

الأخطاء الشائعة في القسمة

٤. استخدام باق أكبر من المقسوم عليه

٤ ـ مر اجعة الحل

قدم Mercer (19) قائمة بالأخطاء الشائعة في القسمة تعطّلت فيما يلى : 1 - أخطاء في تجميعات القسمة Y combinations - أخطاء في الطرح

٥ - إيجاد خارج القسمة بالضرب المبنى على المحاولة والخطأ (التجريب)

٦ ـ إهمال استخدام الباقي أثناء إجراءات حل المسألة.

٣ ـ أخطاء في الضرب

١ _ فهم المسألة

ويمكن أن بتحقق فهم المسألة عن طريق:

٨ ـ العد للحصول على خارج القسمة ٧ ـ حذف الصفر الناتج من رقم آخر ٩ ـ إستخدام الصبيغة المختصرة للصبيغة المطولة ١١ ـ أخطاء في كثابة البواقي ١٠ ـ تكرار جزء من جدول الضرب ١٢ ـ تجميع أكثر من رقم في المقسوم ١٢ ـ لايه لجابة صحيحة لكنه يستخدمها خطأ ١٤ ـ الخطأ في القرءة ١٥ ـ استخدام المقسوم أو المقسوم عليه كخارج قسمة ١٧ ـ عكس المقسوم والمقسوم عليه ١٦ ـ ايجاد خارج القسمة بالجمع ١٩. استخدام المقسوم أو المقسوم عليه ١٨ ـ كتابة كل البوالي في نهاية المسألة ٢١ ـ استخدام رقم في المقسوم مرتين ٢٠ ـ التفسير الخطأ لجدول الضرب ٢٢ ـ استخدام الرقم الثاني في المقسوم لإيجاد خارج القسمة ٢٣ ـ إهمال الباقي النهاني ٢٤ _ أخطاء بسبب وجود صغر في المقسوم ٢٥ _ استخدام المبيغة المطولة في حالة المبيغة المختصرة ٢٦ ـ استخدام باق بدون شكل جديد للمقسوم ٧٧ ـ البدء بالقسمة بأرقام الأحاد من المقسوم ٢٩ ـ العداقي الطرح ٢٨ ـ فصل المقسوم ۳۱ ـ استخدام نهایات Endings ٣٠ ـ استخدام حاصل ضرب كبير جداً لإيجاد خارج القسمة ٣٢ . حنف الصفر من خارج القسعة وتولجه الأطفال صعوبات في حل المسائل اللفظية ليس في القسمة وحدهما ولكن في كل الممليات الأساسية والمسائل اللفظية يجب أن تتبعث من مواقف الحياة اليومية ويذكر Grace M . Burton وزمالاوه (27)، أن الطفال يمكنه أن يتعلم كيف بحل

٧ ـ تخطيط حل ٣ ـ حل المسألة

المسائل اللفظية بأن يسأل نقسه عدة أسئلة تدور حول ٤ موالف هي

أ ـ إعادة قراءة الطفل المسألة لنفسه .

ب ـ معرفة ما تدور حوله المسألة جـ ـ يسأل نفسه عدة أسنلة مثل ما الحقائق التي لدى؟ مااذى يجب على ايجاده ؟ كيف أعيد المسألة بلغتى الخاصة ؟

وبالنسبة التخطيط للحل فيختار إحدى هذه الإستراتيجيات :

يرسم شكلاً ـ يضع نموذجا ـ يرجع إلى الوراء ـ ينفذ حل العسالة ـ يكتب جملة عددية شم يقرر كيفية الحل من خلال الأسئلة التالية ؟

هل يستعمل الآلة الحاسبة أم الورقة والقلم ؟ مالأسلوب الذي سوف يختاره؟ وأخيرا ينظر إلى الخلف ويراجع أو يختبر صحة الحل .

معلومات إضافية :

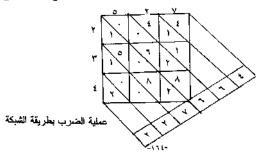
أولا: طرق مشوقة لإجراءات الضرب

١ - طريقة الشبكة في الضرب

وتمتاز هذه الطريقة يسهولة فهمها وبطابعها المنطقى وقد استخدمها العرب والمسلمون لإجراء عملية الضرب وقد أوصىي علماء الرياضيات التربوية بأنه من المستحب استخدامها في المرحلة الإبتدائية الأن .

وفى هذه الطريقة تقسم ورقة الكتابة إلى مربعات ثم توصل الاقطار ولإيجاد حاصل ضرب ٧٢٧ × ٤٣٢ مثلاً بهذه الطريقة نتبع الخطوات الآتية :

توضع مكونات العددين في اعلى وعلى يسار المستطيل ويكون حاصل الضرب في كل خلية على حدة وتسجل الآحاد أعلى القطر والعشرات أسفله ويحدد حاصل ضرب العددين الأساسيين بجمع الأعداد في كل قطر كما هو موضح بالشكل التألى:



قاعدة سلوجارد: Sluggard's Rule

وتستخدم هذه القاعدة لإيجاد حاصل ضرب عددين بيسن ٦ ، ٩ ويوضح الشكل

لإيجاد ٧ × ٩ اجعل يديك كما هُوْ مُبْيِن عاليه

ABY A

واكتنب المعدد الأعلى على اليسار من العدد الأسقل ٦٣

ويوصى باستخدام هذه القاعدة كنشاط الثرائي وأيضا لمساعدة الأطفال بطيئ التعلم على مغظ جدول الضرب .

٣ ـ طريقة الفلاح الروسى Russian peasant Multiplication

وتتطلب هذه الطريقة معرفة المضرب فمى ٢ فقط والقسمة على ٣ وتتضمح هذه العلريقة من خلال الأمثلة التالية : ـ

111	- 71 ×	15 1	17 1	14 × 70	116 - 41 × 46		
الصود الثانی ۳۳	العسود الأول ٣١	-	العمود الأول — ۲۱-	العمود الثاثش ۲۲	العبود الأول ٣٥	الصود الثانی دس	-
33	10			λ£	17		+*
177	٧	- 11 (- [-				
Y 7. £	٣					***	۳.
AYO	1	197	1	·	 ¥	PYI	1
1.77		197		1711	1	ATE	
				144.			

1. TT = TT × T1

ثانيا: كيف تساعد الأطفال على تعلم الموارزميات؟

مساعدة الأطفال على تعلم الخورزميات على الأعداد الكلية عمليية ليست سلهلة ونلك لأن الأطفال تواجههم صمعوبات عديدة فى تعلم الغورزميات خاصـة إذا كان تعليمهم السابق تم يصورة آليه أو مجردة.

كثير من تلك الصعوبات يمكن الوقاية منها بتعليم مناسب بيداً من المحسوس ثم شبه المحسوس ثم المجرد. وفيما يلي خمسة إلتراحات تغيد في هذا الصدد:

- ١- السير في الإجراءات من المحسوس إلى المجرد.
 - ٢- استخدام تطبيقات واقعية وذات معنى.
 - ٣- تحديد وتقويم المتطلبات التعليمية السابقة.
- أ- تزويد الأطفال بعديد من الأنشطة التي يمارسونها.
 - ٥- الإستخدام الجيد للمستحدثات التقنية.

ثالثًا : أسبله الصعوبات التي تواجه الأطفال في دراستهم لفوارزميات الأعداد الكلية.

يمكن تصنيف أساب الصعوبات إلى ٦ صنوف عامة هي:

 اقص فى المتطلبات التعليمية للخوارزمية فعند إجراء جمع أعداد مكونة من ٣ أرقام تكون المتطلبات هى :

أ- فهم معنى القيمة المكانية.

ب- معرفة الحقائق الأساسية.

جـ- مهارات أخرى ذات صلة مثل جمع ثلاثة أعداد مكونة من رقم واحد.

د- مهارة التعامل مع الصور البسيطة للغوارزمية (جمع أعداد مكونة من رکمین).

- ٢- نقص في إجراءات الخوارزمية ونقص غير مباشر في فهم لماذا تستخدم هذه الإجرانية بالذات،
- عدم القدرة على تطبيق الخوار زمية أي عدم معرفة أي العمليات يجب إستخدامها على الإعداد.
- ضعف الإحساس العددي مع عدم القدرة على تقديـر الإجابـات وعـدم القـدرة علـي الحكم على مصداتية النتائج،
- نقص في الثقة بالنفس والدافعية للموافقة على التحديات الجديدة وممارسة أساليب جديدة،
 - عدم الأكتراث والتثبت عند إجراء الحسابات وكتابة الأعداد.

إختبر فهمك

 إلى المواد والأدوات تعتقد أنها أكثر مناسبة في تقديم الموضوعات التاليمة للأطفال المبتدئين في تطمها؟ ولماذا؟

المواد و الأدوات

الموضوع	المواد والأدوات
ضرب (۳×٤ ≈ 🗌)	خرز - لوحة - نقاط مرسومة على ورق
قسعة (۱۶ ÷ ۲ - 🛄)	خرز – لوحة – آلراص بلاستيكية ملونة
٧- أكتب قصة لكل نوع من الم	بمل العددية التالوة ثم إرسم شكلا يوضع كيفية الحل
بإستخدام بعض الأدوات.	
* ضرب (باستخدام المجموعات)	□ - ٣× ₹
• ضرب (باستخدام صنوف ays	
• شرب (کجمع منکرر) ۲×۳	□ -

نسمة (عملية تجزئة) ٨ ÷ ٢ = 📋	B *
نسمة (طرح متكور) ٨ ÷ ٢ - 📋	31 ·
أعط مثالا لكيقية تعلم الأطفال حقائق ضمرب مثل ٨ × ٩ ، ٦ × ٧ من الحقائق الأسهل.	-4
أوجد ناتج ٢٥×١٣٤ بايستخدام طريقة الشبكة.	-£
اكتب موقفا تطبيقيا من إهتماماتك لكل مسألة مما يأتي	-0

ثم اختبر واحدا أو اثنين من الأدوات التي يمكن إستخدامها لمساعدة الأطفال على تصحيح الخطأ.

٧- صف إجراء حل ٥٦٥ (٤ باستخدام قطع دينيز.

أى من المسائل التالية لا يفضل إستخدام الأدوات في شرحها

 كيف يمكن مساعدة طفل يجد صعوبة في حساب ووضع حواصل الضريبة الجزئية في مسائل مثل

١٠ استخدم طريقة طرح التسعات Casting out nines للتحقق من صححة النتائج
 التالية

 ١١- كيف تستطيع الحصول على المساواة بوضع الرموز الثانية (+ ، - ، × ، ÷) بين الأرقام

١٢ – إستخدم خط الأعداد لبيان صحة ما يلي

$$t \times (Y \times T) = (t \times Y) \times T (\rightarrow T \times Y = Y \times T (f \times Y))$$

١٢– إستخدم قطع دينيز لترضيح قانون الدمج

16- إستخدم الصنوف لتوضيح قانون التوزيع.

الفصـــــل الســـادس أفكـــار أولــــية عـــن نظــــرية العــــدد

- 34134-
- المضاعفات
 - العوامل
- الأعداد الأولية
- قابلية القسمة

من المتوقع بعد قراءة هذا القصل ودراسته أن يصبح الدارس قادرا على أن :-

- ١٠ يعرف أهمية تضمين نظرية العدد في منهج المرحلة الإبتدائية.
 - ٧- يستخدم بعض الأنماط العددية لتشويق الأطفال.
 - يستخدم بعض الأنشطة لتقديم مفهوم المضاعف للأطفال.
 - ٤- يشرح فكرة العامل باستخدام بعض الأدوات.
 - هـ يشرح مفهوم العدد الأولى مستعينا ببعض الأدوات.
- ٣- يستخدم بعض الأنشطة في تقديم تحليل العدد غير الأولى إلى عوامله الأولية.
- ٧- يشرح قواعد قابلية التسمة للأطفال بأسلوب حدسي بعيدا عن البر هان المجرد.
- من المتوقع بعد أن يكمل الطفل دراسة الأنشطة العوصوفة في هـذا الفصيل أن يصبيح
 - قادرا على أن:-
 - ١- يحدد المضاعف المشترك الأصغر لعديين.
 - ٧- يعين العدد الأولى والعدد المؤلف.
 - ٣- يعين العدد الزوجي والعدد الفردي. إ- يحلل عددا كلها بطرق مختلفة.
- ٥- يحلل عددا مؤلفا إلى حاصل ضرب من الأعداد الأولية بإستخدام التسمة أو شجرة
 - - ٧- يفهم بدون برهان الأنماط العددية ويقدر على تحديدها.

مقدم___ة.

نظرية المعدد فمرع تديم جدا من قروع الرياضييات وتبنى على العمليـات الأساسيية على الأعداد الكليـة وتتضمن أنماطا وعلاقات بين الأعداد ولقد عرف الريساضيون الأغريق منذ اللدم نظرية العدد وربطوا بين لتعاط الأعداد وبين الأتعاط الهندسية.

ومن المدهش أن كثيرا من الأسئلة التسى وضعها الأغريق القدماء حول أنصاط الأعداد لم تجد لها إجابة بعد بالرغم من محاولة عديد من الرياضيين لحلها. والآن نظرية العدد مجال خصب للبحث الرياضي.

وانِه لمن المفيد المعلمين أن يكونوا ملمين ببعض الأقكار عن نظريمة العدد مثل المضماعفات والعوامل والأعداد الأولية وقابلية القسمة حتى يقدروا على مساعدة أطفالهم على رؤية العلاقات بين العدد والهندسية ويساعدوهم أيضا على فهم موضوعات في رياضيات المرحلة الإبتدائية مثل كتابه الكسور في أبسط صورة أو جمع وطرح الكسور كما أن تلك الأقكار ضرورية بعد ذلك عندما يضطر الأطفال إلى التعامل مع تعبيرات جبرية تتضمن كسورا.

الضاعفات Multiples

يستخدم الأطفال فكرة المضاعف عندما يبدأون في التفكير في الجمع المتكرر والضرب فمثلا كل الأعداد ٢، ٤، ٦، ٨، ١٠ مضاعقات أثنين. وبالمثل ٣، ٦، ٩، ١٢، ١٥ مضاعفات ثلاثة. وفي الإخبار عن الوقت تستخدم المضاعفات الخمسة في عد الدقائق المناظرة للأرقام التي على وجه الساعة.

وسوف يتحقق بعض الأطفال من أن ٦ مثلا مضاعف لـ ٢ وأيضا مضاعف لـ ٣. وفيما يلى بعض الأنشطة.

أنشطة :

 ١ الأمثلة المذكورة عاليه يمكن أن تستخدم لتقديم كلمة "مضاعف" وقد يكون المفيد أن نكتب ٢ × ٣ - ٦ على السبورة مع الكلمات الثالية:-

إضرب - ضرب - مضاعف

ولشرح ذلك نبدأ بـ ٢. حيث تخيرنا "٣٦" بأن نضرب ٢ في ٣. ونستخدم الضرب للحصول على الإجابة ٦، سنة مضاعف إثنين.

ويكرر هذا النشاط مع عمليات ضرب آخرى

٣- يكتب المعلم مجموعتين من المضاعفات على السبورة كما في المثال التالي: مضاعفات ۲ هي 4. (1) 11 (1) (1) مضاعفات ۳ عی

ثم يطلب من الأطفال أن ينظروا إلى المضاعفات ويقولوا بما يلحظونه حيث تكشف النظرة السريعة عن أن هناك مضاعفات لـ ٢، ٣ في نفس الوقت. ثم يرسم حلقة حلول هذه الأزواج كما هو مبين

ای آن ٦ مضاعف مشترك لكل من ٢ ، ٢

ثم يستخدم الأطفال هذه العبارة بالنسبة إلى ١٧ وبعد ذلك ١٨ وقد يكون لدى بعض الأطفال القدرة على الإستمرار وإعطاء مضاعفات مشتركة أخرى لـ ٢ ، ٣ فيسائهم المعلم عن أتل هذه العوامل المشتركة (٦) ثم يقدم العبارة "المضاعف المشترك الأصعر" أو "الأدنى".

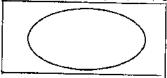
٣- يكرر نشاط ٢ لازواج أخرى متعددة فعثلا ٢ ، ٥ ١ ٤ ١ ٤ ١٠ ١٠ ١٠ ١٠ ١٠.

٤- فيما يلى وصف لطريقة أخرى لتقديم المضاعفات المشتركة وهي مفيدة:

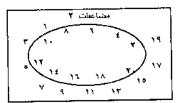
يرسم المعلم مستطيلا أو أي شكل آخر على السبورة ويكتب نيه كل الأعداد من ١ حتى ٢٠

1 0 8 T T 1
11 1- 5 A Y
11 10 18 1T 1T
T- 19 1A 1V

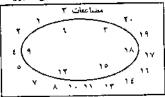
وبجانب هذا المستطيل يرسم مستطيلا أخرا ويرسم بداخله حلقة مغلقة هكذا



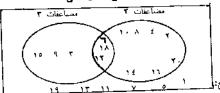
ثم يطلب من الأطفال الحضور إلى المبورة تباعها ويكتبون مضاعفات ٢ من الأعداد ١ حتى ٢٠ داخل الحلقة. ويقومون بذلك حتى تظهر كل المضاعفات داخل الخلقة وغير للمضاعفات خارج للحلقة هكذا



وتوضع مضاعفات ٣ باِستخدام مستطيل أخر على السبورة كالآتي



وحينئذ يناقش المعلم مع اهدائه طرق عرض كل من مضاعفات ٢، ٣ مما في نفس الشكل ويتطلب ذلك مزيدا من المناقشة قبل المحصول على الشكل الآتي:-



وهذا شكل مفيد لأته يوضح: إ

* مضاعفات ٢ * مضاعفات ٣ * مضاعفات ٢ : ٢ في نفس الوقت

* المضاعفات المشتركة 1 ٢، ٣ * الأعدادانتي ليست مضاعفات ٢

* الأعداد التي ليست مضاعفات ٣ * الأعداد التي ليست مضاعفات ٣ ، ٣

ويسمى الشكل الذي يشبه الشكل السابق "بشكل فن".

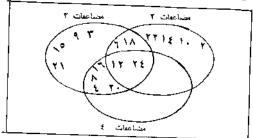
٥- يمكن إيجاد مضاعفات مشتركة لثلاثة أعداد بتوسيع نشاط ٢ وفيما يلى مثال لتوضيح ذلك :

 YE
 YY
 <

٢٤ ، ٢٤ مضاعفان مشتركان للأعداد ٢٠٣٠٤ والمضاعف المشترك الاصغر لهم هو
 ١٢.

ويجب اجراء أمثلة أخرى من قبل الأطفال (٦،٣٠٢ & ٢، ٢، ٥) ولكن يجب إختيار الثلاثة أعداد بعناية وإهتمام. وذلك لأن كتابة الأعداد تصبح عملية مملة.

 ٧- قد يكون في إستطاعة بعض الأطفال رسم شكل فن يبين مضاعفات ثلاثة أعداد كماني المثال التالي بينما يجد البعض الأخر في ذلك صعوبة شديدة.



Factors العوامسل

يستخدم الأطفال فكرة العامل في المضرب والقسمة ولكن من المحتمل ألا تكون كلمة عامل قد استخدمت وقيما يلي بعض طرق تقيم هذا المفهوم.

أنشطة:

1- يرسم المحلم خط أعداد على أرضية الفصل ويطلب من أحد الأطفال أن يقفز عددا ولحدا في كل قفزة حتى يصل إلى العدد ١ ويطلب من أخر القفز عديين في كل قفزة وحن ثالث القفز ٣ أعداد في كل قفزة ثم يقفز هو مرة واحدة حتى ١ ويبين الشكل التالى

إجر اءات العمل المسلم المسلم

ر × ۲ - ۲ والثانی ۲ ×۳ = ۲

، الثالث ٣ × ٢ = ١ والرابع ٦ × ١ = ٦

Y- يوزع المعلم على كل طفل ٨ قطع من قطع دينيز ويطلب من كل منهم تكوين عددا من المستطيلات من المستطيلات
** * * * * * * * * * * * * * * * * * *
ثم يبين لهم أن كل طول وكل عرض يمثلان عاملين من عوامل ٨ أى أن عوامل العدد ٨٠٤١ ٨ هي ٨٠٤١٢٨١.
 ٣- يكرر نشاط ٢ مع العدد ١٢ ويصل الأطفال إلى أن حواصل ضرب العدد ١٢ هي ١ × ١١ = ١١
$Yf \times f = Yf f \times Y = A \qquad 3 \times Y = Yf$
ويمكن عرض حواصل الضرب المسابقة في أشكال مفيدة كما يلي :
17 = 17 × 1
17 - 1 × Y
17 = t × T
37 = 7 × \$
17 = 1 × 17
يرى الأطفال من هذه الأشكال أنه يمكن تصنيف ١٢ شيئا إلى وحدات ، إتقانات
، ثلاثات، أربعات ، ستات ، إثنا عشرات كما أن كلا من الأعداد ١، ٢، ٣، ١، ١، ١، ١٠ ١٢
عامل من عوامل ١٢ ويجب تكرار هذا النشاط لأعداد أخرى مغتلفة (مثل ١٥٠) ١٨،
١٤٠٠٠ و هكذا).
٢- يجب أن يرى الأطفال من نشاط ٣ أنه إذا تسم أي عدد على أهد عوامله فلا
يوجد بالى. فمثلا عندما نقسم ١٢ على عواملها على التوالي نجد أن
رور این اس اس است این معنی مواهنها علی الدوالی بچد ان
1 - 7 + 17 7 - 7 + 17 17 - 17 + 17

ويجب أن يستخدم الأطفال تلك الفكرة لإيجاد عواصل أي عدد فمثلا بإستخدام ٢٤ نجد أن: -

A = T + Y1 17 = 7 + 7 £ 71 = 1 + T1 1 = 1 ÷ 11 £ = 1 + Y1 ۲۲ ÷ ۵ لها ياق ٢٤ + ٩ لها باق T = A + TEغا الها V ÷ ۲٤ ۲۶ ÷ ۱۱ فها باق ١٠٠ لها باق Y = 17 + YE 1 = 71 + 71 ۲۴ ÷ ۲۳ کلها لها باق من ۲۶ ÷ ۱۳ حتي أي أن عوامل ٢٤ هي ١، ٢، ٣، ٤، ٦، ٨، ١٢، ٤٤، أي ٨ عوامل.

ملاحظات :

- أ- سوف يجد الأطفال بالفبرة أنه ليس هناك ما يدعوالي تجريب كل الأعداد حتى ٢٤.
 انهم يجب أن يكتبوا أو لا العاملان ١٠٥١ ثم يحاولون مع كل عدد حتى ١٢. بعد ١٢ لا داعى للمحاولة مع ١٣ حتى ٣٢ (لأن كل إجابة تكون ١٠ والباتى)
- عندما يجد الأطفال أن $^{-}$ مثلا عامل من عوامل $^{\circ}$ ك فيجب أن يفهموا أن $^{\circ}$ أيضا عامل ($^{\circ}$ × × $^{\circ}$ × × × $^{\circ}$ + >)
- عندما يصبح في إمكان الأطفال إيجاد عوامل الأعداد فبإمكانهم أن يستمروا في مناقشة الموامل المثنزكة فعثلا يعرفون أن:

غوامل ۱۲ هي ۱، ۲، ۳، ۶، ۲، ۲، ۲۱ غوامل ۱۸ هي ۱، ۲، ۳، ۲، ۹، ۲۲

ولهذا قبان العامل العشتركة لـ ١٢ ، ١٨ هـى ٢٠١، ٣ والعامل المشترك الأعلى فيهاهو ٦.

ولهذا فإن العامل المشترك الأعلمي لـ ١٨، ١٨ هـو ٦ ويجب إعطاء تدريبات كثيرة على إيجاد العوامل المشتركة والعامل المشترك الأعلى لأزواج من الأعداد.

ويسير الإمتداد والقوسع لثلاثةأعداد بصورة طبيعية إذا فهمت الاقكار الأساسية.

الأعداد الأولى ...ة Prime numbers

المدد الأولى هو العدد الذَّى له عاملان وعاملان مختلفان لقط وليما يلى بعض الانشطة نقديم فكرة العدد الأولى.

أنشطة

 ١- يطلب المعلم من الأطفال أن يكتبوا عوامل كل عدد من ١ حتى ١٦ ثم يكتبوا عدد عوامل كل عدد ويسجلوا نتانجهم في جدول كالمتاني

عدد العوامل	العوامل	العدد
١	1	١ ،
۲ .	۲، ۲	*
٣	रास्त	۳
٣	1.11.1	٤
۲	ه ۱۱	٥
£	1,7,7,3	7
۲	V .1	٧ .
٤	A 18 17 (3	۸.
τ	4 (5 ()	١ ،
٠	11 73 23 01 27	11

يرى الأطفال من الجدول أن بعض الأعداد لها عاملان فقط ومختلفان هما العدد نفسه. والواحد وهذه الأعداد هي ٢، ٣، ٥، ٧، ١١، ١٢

٠.	•	٨	٧	1	۰	£	۳	'v	١.
۲,	14	1.8	**	15	3.0	11	34	17	
r,	74	ŤA.	τv	77	10	73	रर	11	3
1.	74	TA.	ŤΥ	3	70	-11	**	77	3
۵,	24	ŧΑ	tr	45	1P	##	15	17	В
٠,	*1	8.4	۵٧	07	••	e1	øт	.,	81
71	75	16	14	11	10	11	11	17	11
٨.	**	**	77	٧٦	44	*1	74	44	٧١.
٦.	۸٦	ла	44	A1		41	AY	AY	41
٠	11	14	11	41	10	11	47	47	**

۷-یزود کل طفل بلوحة عددیة مربعة الشکل الوحة المائة کالمبینةعلی الیسار ویلون أو یطفلل کل مربع صغیر یحتوی علیعدد أولی ثم یطلب المعلم من الأطفال أن ینظروالی لوحاتهم ویقولوا ملاحظاتهم .

فمثلا العدد الزوجى الوحيد الأولى هو ٢ وكل الأعداد الأولية الأخرى فردية وليضا الحمود الذي رقم آحاد كل من أعداده ٥ أو صفر ليس فيه أعداد أولية.

 1..
 9
 A
 V
 T
 0
 E
 P
 T
 1

 7..
 1.5
 1.6
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7
 1.7</t

- يمكن للأطفال ذوى القدرات العالية إجراء النشاط المعتم والذي يسمى غربال ار الوثينز Sieve of Eratosthenes والذي يعكن وصفة في خطوات الثالية:-

ا يزود كل طفل بلوحة المائة كالمبينة على اليسار

ثَم يَطَلَلُ أُو يَلُونَ الْمَرْبِعِ الصَّغَيْرِ الذِّي يَحَتُّونَي عَلَى الْعَدْدِ ١٠

ب- يظلل أو يلون كل العربعات الصغرى التي تحتوى مضاعفات ٢ ماعدا ٢ ذاتها. ب- يظلل أو يلون كل العربعات الصغرى التي تحتوى مضاعفات ٢ ماعدا ٣ ذاتها (ق

 چ- يظلل أو يلون كل المربعات الصغرى التي تحتوى مضاعفات ٣ ماعدا ٣ ذاتها (قد لون بعضها بالطبع عند التعامل مع مضاعفات ٢)

ع- كل مضاعفات ٤ (بالإضافة الى ٤ ذائها) ثم تلوينها عند التعامل مع مضاعفات ٢ ولهذا التضامل لل تلوين مضاعفات ٤ .

هـ - يلون أو يظلل مضاعفات ٥ ماعدا ٥ ذاتها (بعضها قد لون).

و - تم تلوین کل مضاعفات ٦ بالاضافة إلى ٦ نفسها عند التعامل صع مضاعفات ٢، ٣
 و بالتالي لیست هناك حاجة للتلوین.

ز - يلون أو يظلل مضاعفات ٧ ماعدا ٧ ذاتها (معظمها قد تم تلوينه).

ح- تم تلوین کل مضاعفات ۸، ۹، ۱۰ فی التعامل مع مضاعفات ۲، ۳، ۰.

يسأل المعلم الأطفال عن ملاحظاتهم حول الأعداد التي لم تلون (أنها الأعداد الأولية). وقد يكون لدى بعض الأطفال القدرة على توضيح لمذا لم تلون الأعداد الأولية؟

تحليل العدد غير الأولى إلى عوامله الأولية

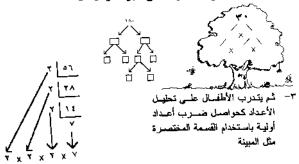
يمكن تحليل أي عدد غير أولى كحاصل ضرب أعداد أولية ويمكن تقديم عملية التحليل هذه عن طريق الأنشطة التالية :

أنشطة:

١- يرسم المعلم شجرة على السبورة كالمبينة على اليسار ويكتب العدد ١٨٩ ويطلب من الأطفال التعبير عنه كحاصل ضرب عدة أعداد أولية ويكون الناتج كما هو مبين على اليسار ويسجل الناتج مكذا



٣- يتدرب الأطفال على مل، القرغات في شجرة العوامل مثل



و في النهاية يتدرب الأطفال على تحليل الأعداد كما يشاعون مثل الأعداد ٣٢ .
 ١٥٠ . ٨١ . ٣٩٢ . هكذا

قواعد قابلية القسمة Divisibility Rules

يحتاج الأطفال عند اجراء التحليل إلى معرفة طريقة تمكنهم أو تصاعدهم على الجراء القسمة بسهولة ومن ثم ققد قام بعض الرياضيين بايجاد طرق تسهل اجراء عملية القسمة بالنسبة لبمض الأعداد مثل ٢٠،٦، ٤، ٥، ٦، ٧، ٩، ٩، ١٠، ١١، ١١ وتسمى هذة الطرق بقواعد قابلية التسمة. ويمكن تقديم هذه القواعد من حلال ممارسة الأطفال لعمليات ضرب وقسمة ومساعدتهم على استنتاج القاعدة

قابلية القسمة على ٢:

يعطى المعلم الأطفال عمليات ضرب مثل ٢ \times ١١، ٢ \times ٢ ، ١٥ \times ٢ ، ١٢٣ \times ١٤٥٠ وهكذا

ويطلب منهم ملاحظة رقم الآحاد في حاصل الضرب ثم يساعدهم على استنتاج القاعدة التابعة:--

"يقبل العدد القسمة على ٢ إذا كان رقم أحاده صفرا أو عددا زوجيا" وعلى المعلم أن يعطى أطفاله تدريبات على اجراء القسمة على ٢ بدون باق بحيث تنضمن التدريبات أعدادا أولها زوجى وأعدادا أولها فردى لتثبيت القاعدة في أذهان الأطفال.

قابلية القسمة على ٥

- \sim يعطى المعلم الأطفال حواصل ضرب مثل 0×17 ، 0×17 ، 0×17
- ٢٢٠ و هكذا ويطلب منهم ابداء مالحظاتهم كما يطلب منهم اقتراح طريقة لمعرفة
 ما إذا كان العدد يقبل القسمة على ٥ .
 - ويساعد المعلم الأطفال على التوصيل إلى القاعدة التالية :
 - "يُقبِل العدد القسمة على ٥ إذا كان رقم آحاده خمسة أو صغرا"
- ٧- يتدرب الأطفال بوفرة على تحديد العدد الذي يقبل القسمة على خمسة من بين أعداد منتوعة.

قابلية القسمة على ١٠ ومضاعفاتها:

بنفس الطريقة التي أتبعت في قابلية القسمة على ٥ يمكن التوصل إلى أن:

كل عدد رقم أحاده صغرا يقبل القسمة على ١٠ بدون باق

وكل عدد رقم كل من أحاده وعشراته ومناته صفر يقبل القسمة على ١٠٠ بدون باق وهكذا. وكل عدد رقم كل من أحاده وعشراته ومناته صفر يقبل القسمة على ١٠٠٠ دون باق وهكذا. قابلية القسمة على ٣

- 1- يعطى المعلم الأطفال أعدادا مختلفة ويطلب منهم أن يقسموا كل عدد منها على ٣ ويطلب منهم اقتراح قاعدة.
- ٢- يحاول الأطفال استخدام أرفام الأحاد كما في حالة القسمة على ١٠ ٥ ولكنهم يفشلون وفي هذه الحالة يطلب المعلم منهم أن يجمعوا أرقام الأعداد التي قبلت القسمة على ٣ ويساعدهم على التوصل إلى القاعدة التالية :
 - يقيل العدد القسمة على ٣ إذا قيل مجموع أرقام القسمة على ٣٠٠
- ٣- يعطى الأطفال تدريبات وفيرة على تحديد الأعداد فلني تقبل القسمة على ٣ والذي لا تقبل
 وينف تطريقة بمكن النوصل إلى تواحد القسمة الثالية:

قابلية القسمة على ٩

يقِل المعدد القسمة على "٩" إذا كان مجموع أرقام (خاتاته) يقبل القسمة على ٩ مثـل المعدد ٨ مجموع أرقام (١٨-٩-٩.

قابلية القسمة على ؛

يقبل العدد القسمة على ٤ بذا كان العدد المكون من أحاده وعشراته في النظام العشرى يقبل القسمة على ٤ مثل ٣٢٤ فالعدد المكون من أحاده وعشراته هو ٢٤ وهذا العدد يقبل القسمة على ٤.

قابلية القسمة على ٢

يقبل العدد القسمة على "٦" إذا كان يقبل القسمة على العدد ٢ وكذلك على العدد ٣ أن نقس العدد ٣ مثل العدد ٨٤ فأحاده زوجي ومجموع أرقاسه ١٢ يقبل القسمة على ٣. إذن فهو يقبل القسمة على ٢.

قابلية القسمة على ٨

يقبل العدد القسمة على "٨" إذا كان العدد المكون من أحداده وعشراته ومئاته . يقبل القسمة على ٨.

قابلية القسمة على ٧.

يقبل المدد القسمة على "٧" إذا كان ناتج طرح ضعف أحاده من العدد المكون من باقى الخانات بعد حذف العدد الذى كان يشغل خانة الأحاد يقبل القسمة على ٧ فعث لا هل يقبل العدد ١٢٨٩٤ على "٣٠ ٢

بتطبيق القاعدة للاحظ أن أحاد هذا العدد هـو ؛ فنضـاعف هذا العدد ونطرحــه من العدد المكون من باقى الخانات على النحو التالي

1177	117714
Λ-	A - Y × £
11/1	
144	Y = 1 × Y
Y _	
1 7 7	
17	
1 Y -	17 = 1 × 7

ملحوظة : الصلر يقبل القسمة على ٧ لأن • × ٧ • • ، • • = •

قابلية القسمة على ١١

يقيل العدد القسمة على ١١ إذا كان الفرق بين مجموع خاناته فردية الترتيب ومجموع خاناته زوجية الترتيب يقيل القسمة على ١١ مثال : العدد ٣٣٩٢٩ يقيل القسمة على ١١ لان: حاصل جمع خاناته فردية الترتوب ٢+٩+٩= ٢٧ (حاصل جمع خاناته زوجية الترتيب ٣ +٢ = ٥

٢٧ - ۵ = ٢٢ وهو يقيل القسمة على ١١

فابلية القسمة على ١٣

يقبل العدد التسمة على ١٢ إذا ضربنا رقم أحاده في 4 ثم جمعنا حاصل الضرب على العدد بعد حذف أحاده فنتج عدد يقبل القسمة على ١٣.

ملحوظة : قد تتكرر العملية عدة مرات.

مثال : العدد ٢٩٥١ يقبل البقسمة على ١٣ لأن

790 £ - 1 × £ £ + 791 79 71 = 9 × £ 71 +

٦٥ يقبل القسمة على ١٣ = ٥

تعليق ومتابعة:

يمان ويمان البعض أن نظرية العدد لا تلعب دورا بسارزا في منهج العردلمة الإبتدانية. وفي العرحلة الإبتدانية يتعلم الأطفال في الصيف الأول والشاني بصفة عامة المصطلحات: زوجي – فردى، وفي الصف الثالث والرابع لد يتعلمون عن المضاعفات والعوامل وفي الصف الخامس والسادس يتعلمون الأعداد الأولية والمؤلفة.

وفى بعض الكتب الدراسية نجد استخدام تلك المفاهيم قيللا أو لا تستخدم بالمرة وفى بعض الأحوال تقدم هذه المفاهيم للأطفال الذين يتوقع أن يتعلموا تعاريفها وبعد ذلك يحلون بعض المسائل العتعلقة يها.

وعندما يكون الوضع هكذا فإن تلك المفاهيم تنصى في الحال ويرى الأطفال في تعلمها سببا قليلاً.

ولكن يجب أن يكون البحث في أنماط الأعداد جزءا هاما من منهج المرحلة الإنتدائية.

وأنشطة البحث عن أتماط يمكن أن تؤدى عدة وظائف منها:-

١٠ - تزويد الأطفال بتدريبات مفيدة وحاثة للجهد على المهارات العددية الأساسية.

٢- إتاحة الفرصة للاكتشاف والعمل الإبتكارى مع الرياضايات.

٣- وهذه الأنشطة يمكن أن تمارس على عدة مستويات.

والأطفال قد لا تكون لديهم القدرة على إعطاء أسباب وجود الأتماط مثل الكبار. وعلى أى حال يمكنهم أن يبحثوا فى : أسنلة العدد، جمع بيانات، عصل تضينات والتحقق منها مقارضة النتائج التى حصلوا عليها بنتائج آخرين. ولهذا يجب تضمين نظرية العدد خلال منهج المرحلة الإبتدائية.

ومن الأتماط ألنى تشوق أطفال العرحلة الإبتدائية تلك التسى تتعلق بمضاعفات العدد ٩ حيث يمكن أن يرعى الأطفال

أن مجموع أرقام كل مضاعف تساوى كما هو موضح

ہ مو سومتح	
1 - 1 + 9	9 = 1 × 9
9 - 1 + A	$P \times Y = AI$
9 = Y + V	P × 7 = VY
9 = 7 + 4	P × 3 = 17
9=1+0	£0 = 0 × 9
9 - 0 + 1	F × F = 30
9 = 7 + 7	77 = Y × 9
9 = V + Y	$P \times A = YY$
9-9+.	9 . = 1 . × 9

ومن العمكن أن يعرض العطم الأتعاط الأخرى مثل ٣. ٦. ٩، ١٢. ... ثم يسأل الأطفال أسئلة مثل : ما النعط الذي يمكن أن تلاحظه؟

وما الثلاثة أعداد التي سنثلى ٢١٢

اسفل ثم يطلب منهم تلوينها وفق قواعد معينة.٩

دبسة	الديس	الأربعاء	פנילני.	الإنتون	الأعد	الب
٧	Γ,		1	T	۲	١
11	15	11	11	١٠_	,	_ ۸_
- Y1	٧.	١,	14	14	17	10
7.4		11	٧,	Yź	**	44
			Γ	r)	۲.	79

سن	العيس	الأريعاء	*0202	الإنتين	الأحد	للسبت
	í	r	,	Γ,		
14	11	١.	,	,	٧	٦
11	14	11	11	1s	12	17
71	Y.0	¥í	7.	7*	r1	۲.
-	-	71	۴.	Y3	1.4	44

ففى الصفحة اليمنى مثلاً يلـون كل مربحات الأعداد الزوجيـة بـاللون الأحمر وفى الصفحة اليسرى يلون كل مربعات مضاعفات ٣ باللون الأخضر مثلاً.

ومن الممكن أن يعرض صفحة نتيجة بيضاء كما هو مبين ثم يطلب من الأطفال تحديد العدد الذي يمكن وضعه في العربع الخالي بدون مليء العربمات أو العد. ومرة ثانية يطلب منهم تحديد اليوم الذي يمثل ٢٢ في هذا الشهر وما الإجراءات الحسابية المستخدمة.

التمعة	القميس	الأربعاء	, com	الإثنين	الأحد	فسبت
					۲	١

وهناك مفهومان نحتاجهما في إجراء عمليات على الكسور هما العامل المشترك الأعلى والمصاعف المشترك الأصغر لعددين أو أكثر وتعتمد في شرحهما على التحليل إلى العوامل الأولية قطى سبيل المثال يعطى الأطفال عددين وليكونا ٤٨، ٦٠ مثلا ويطلب منهم التعبير عن كل عدد في صيغة ضيرب أعداد أولية



ونوجه نظر الأطفال إلى أن العامل المشترك الأعلى لعددين هو حاصل ضدرب قوى العوامل الأولية المشتركة فقط والتي لها الأساس الأصغر وفي العثال السابق يكون ع.م.أ هو ٢ "× ٣- ١٢. ويجب أن يتدرب الأطفال بوفرة على تحليل العددين أو الأكثر المطلوب تعيين ع. م. ألهما أولا ثم تحديد العامل المشترك الأعلى ويمكن توسيع النشاط السابق لتعيين العامل العشترك الأعلى لأكثر من عدبين بالتحابل .

أما العضماعف العشقرك الأصغر لعددين فهو حاصل ضرب قوى العوامل الأولية للمددين والتي لها الأس الأكبر

فمثلا م.م.أ للعددين ٤٨،٦٠ هو ٣٠×٣٤ على ٢٤٠ وبنفس الطريقة يجب أن يتدرب الأطفال على تحليل العددين إلى لعوامل الأولية ثم يستخرجون المضاعف المشترك الأصغر.

وبالنسبة للأعداد الأولية فهناك العديد من الأنشطة التي يمكن إستخدامها كنشاط الذرائم للأطفال مثل :

- ۱- یوجد أعداد یمکن کتابتها کمجموع عددین أولیین مثلا ۸۲ = ۲۱+۱۱.
 عبر عن الأعداد التالیة کمجموع عددین أولیین
 - 71.27. 87. 5. 38. 571. 591. 44
- مرآة الأعداد الأولية عبارة عن أزواج من الأعداد الأولية التي أرقامها متماثلة القراءه مثل ٣١٣ أي يقرأ من اليمين إلى اليسار مثلما يقرأ من اليمين إلى اليسار مثلما يقرأ من اليمين.
 أوجد مرآة الأعداد الأولية في قائمة الأعداد الأولية التالية:
- العددان الأوليان القوأم Twin عبارة عن أزواج من الأعداد الأولية بحيث يكون الفرق بينهما ٢.

أوجد الأعداد التوأم في الأعداد الأولية النتي تقل عن ١٥٠.

وبالنسبة لقابلية القسمة يجب أن يتدرب الأطفال عليها ومن الأنشطة التي يمكن أن تعمق فهمهم لها اعطاء يعض المسائل مثل :

أوجد المدد الذي يقبل القسمة على كل من هذه الأعداد

1. Vi Oi Ai Fi . f

ومن الممكن أن يستخدم الطفل أنته الحاسبة في التأكد فقط من صحة قابلية القسمة. معلومات إضافية:

١- حساب العامل المشترك الأعلى لعددين بطريقة إقليدس

تعلمنا أنه لايجاد العامل المشترك الأعلى والعضاعف المشترك الأصغر نستخدم طريقة التحليل ولكن هذه الطريقة تزداد تعقيدا كلما كبر الصددان المراد تحليلهما. ولذا يستعاض عن طريقة التحليل بطريقة أخرى أسهل منها تقوم على حساب العامل المشترك الأعلى بالطريقة التي تدعى طريقة الليدس وهي تقوم على ما يلي :-

إذا كنان أ، ب عددين فإنه يوجد عندان آخران جد ، د بحودث يكون أ > ب ، أ حدان أ، ب عددين فإنه يوجد عندان آخران جد ، د بحودث يكسم د أى يقسم أ ، ب يقسم د أى يقسم ب ، د و على المكس كل عدد يقسم ب ، د يقسم أ فهو يقسم أ ، ب.

نستنتج مما تقدم أن قم (أ ، ب) = قم (ب ، د)

ملحوظة

ق (أ ، ب) تعنى مجموعة قواسم الأعداد أ ، ب ،

قم (أ ، ب) تعنى القاسم (العامل) المشترك الاعلى للعددين أ ، ب.

قاعدة:

الإيجاد العامل (القاسم) المشترك الأعلى للعدين أ ، ب نقوم بما يلى:

- (١) ننظر فيما إذا كان أحد العددين يقسم الأخر كأن يكون مشلاب يقسم أأى ب أحد عوامل أ فيكون عندها ب هـ و القاسم المشترك الأعلى للعددين (أ ، ب) و أ هـ و المضاعف المشترك الأصغر لهما.
- (۲) إذا لم يكن ما تقدم نقسم أحد العدددين على أصغر هما فنجد ناتجا للقسمة جـ وباتيا لها ر , ويكون مثلا:

i = ب جي + ري ، ري < ب يفرض أن i > ب

(٣) ننظر في العددين ب ، ر ، فإن كان ر ، يقسم ب فإنه يكون

ر ، = قم (ب ، ر ،) = قم (ا ، ب)

(٤) إذا لم يكن ما تقدم في (٣) كررنا هذه العملية كما يلي

وذلك حتى تحصل على تقسيم باقيه يساوى الصفر ونرتب عادة عمليات القسمة المكررة هذه بالشكل التالي

) -: ;; ->	 	ب_ج	γ ->	ر ب ر		نواتج القسمة
لن۱	ئرن ۲	 	ز۲	رر	ب	Ę	المقسوم ثم المقسوم علية
	ر, -	 	4.3	زج	ز ہ .	ل ۱	بواقى القسمة

إن آخر باقى تسمة لا يساوى الصفر هو العامل المشترك الأعلى للمددين (أ، ب) مة......ال :

أوجد العامل المشترك الأعلى للعددين ١٣٥٣، ١٣٥٤

ع.م.ا للعددين ٩٨٤،١٣٥٣ هو ١٢٣

	اوجد العامل العسرات الأعلى معددين ١٨٢ ١١١٥١									
١	۲	١	۲	١						
	117	717	٣٦٩	9.4.8	1505					
		•	177	Y17	7719					

مثال ٢: إحسب المضاعف المشترك الأصغر للعددين ١٣٥٣، ٩٨٤

هذاك خاصية تربط بين ع.م.أ، م.م.أ وهي أن

م.م.أ × ع.م.أ للعددين (أ، ب) - أ . ب

:. 771 × 414.1 (4071) - 7071 × 3AF.

1.AYE = TAEXITEP = 1.A. ..

٢ - نظرية فيرما

فيرما عالم ربياضي فرنسي عاش في تولوز في الفترة ١٦٠١ - ١٦٦٥ م واشتهر بأعماله في نظرية العدد. وتنص نظريته على أنه:

إذا كان ل عددا أوليا وكان أ لا يقبل القسمة على ل فان أل- 1 - 1 يقبل القسمة على أ..

ل = ۲ ، أ = ۲ ، ۲ أ – ۱ = ۲۳ يَتِبل النَّسمة على ٧

٣- العددان الأوليان فيما بينهما

نقول عن المعدين أسب أنهما أوليان فيما بينهما إذا كان عاملهما (قاسمهما) المشترك الأعلى هو الواحد أو هما العددان اللذان ليس لهما عامل مشترك سوى الواحد. مثال :

إن العندين ٢٧، ٣٥ عددان أوليان فيما بينهملا.

والعندين ١٨، ٣١ أوليان فيما بينهما أيضا.

أما العددان ٧٨ ، ٦٣ فليسا أوليين فيما بينهما لأن العدد ٧ عامل مشترك بينهما.

٤ - الأعداد الثامة والزائدة والفاقصة: -

أما العند الزائد فهو العدد الذي يكون مجموع عوامله أقسل منـه مثـل ٨ لأن ١ + ٢ + ٤ – ٧ وكذلك العدد ١٠ لأن ١ + ٢ + ٥ - ٨.

ه- الأعداد المتحابة:

نقول عن عددين أنهما متحابان إذا كان مجموع عواصل العدد الأول يساوى مجموع عواصل العدد الأاتى ومجموع عواصل العدد الثاني يساوى مجموع عواصل العدد الأول مثل العددان ٢٧٠ ، ٢٨٤ لأن

۲۸۶ عوامله هي : ۱، ۲، ٤، ۲۱، ۱۶۲ والمجموع يساوي ۲۲۰ -

۲۲۰ عوامله هي : ۱، ۲، ۶، ۵، ۹۰، ۱۱، ۲۰، ۲۲، ۶۶، ۵۵، ۱۱۰ والمجموع یساوی ۲۸۲.

ولقد أصبح من العمكن جدا في عصر الحاسب الألمي تعيين عدد كبير جدا من أزواج الأعداد المتحابة (حتمي المليون) التي أمكن تعيينها بالحاسب الألمي (٥٠).

أزواج الأعداد المتحابة (حتى المليون التي أمكن تعيينها بالحاسب الآلي

		/ -
أزواج من الأعداد المتحابة	عند حقرقى موجب	عدد حقیقی موجب
145 . YY .	(V1) TY - TAE	(11) (0) 17 - 77.
1710 11185	("11)(0)7 - 1711	11 - 7° (YY)
197E . 777 .	(ET)(1V) T - TATE	(171) (a) TY - YTY.
0076,007.	3100-1 (11)(1.1)	(YO1)(O) TY = 0.Y.
ነም ጊሉ (<mark>ገነዋነ</mark>	199) "Y- 777A	(£1) (P1) T = 1777
1.401.1.725	(04)(17) "1-1.401	23 Y · 1 - Y (Y1) (PY)
18090 . 17740	09031-7(0)(V)(PTI)	(17)(Y)(0) TY = 177A0
14517 . 17797	(1101) Y-14117	1 P 1 V 1 = Y 2 (YY)(V3)
Y1.46 . 77.7.	(ATY)(TT) T-V7.AE	(177)(YT)(0) Y-1TY.
1199Y , 119YA	(Y4)(PT) 17 - 1799Y	(A9)(EY) Y-119YA
Y1110 , 7V.90	(T-1)(TV)(0) T-V1110	(Y1)(1Y)(0) "T -1Y.90
AYTE . 19110	(1 · V)(TT)(Y) ^T T-XY7TT	(1Y)(1T)(Y)(0) T-19110
AAVT Y9V0 .	(£9Y)(19)(0)Y-AAYT.	(19)(11) (0) Y + Y440.

أختبر فهمك:

- ۱ هل من الضرورى أن يكون معلم الرياضيات بالمرحلة الابتدائية على وعى بأنماط الأعداد؟
- ٢- صف بعض الإستخدامات اليومية لمفاهيم نظرية السدد مثل العدد مثل الزوجسى،
 الفردى، الأولى، المضاعف، العامل (القاسم).
 - ٣- أكتب أكثر من شحرة عوامل للعدد ٣٤٠

- ٤- ما الصعوبات التي يواجهها الأطفال من وجهة نظرك عند دراستهم للمضاعف المشترك الأصغر والعامل المشترك الأعلى؟
 - مین باستخدام خط الأعداد أو بأی شیء آخر أن ۸ نیست عدد أولیا
 - آبحث متى يكون الفرق بين عددين أوليين عددا أوليا.
 - ٧- هل تعتقد في صمحة هذه التخمينات (الفروض):
 - أ- أى عدد زوجي يمكن كتابته كمجموع عددين أوليين
 - ب- إذا كتب أي عدد فردي كمجموع عديين أوليين يجب أن يكون أحد العديين ٢
- ج- أى عدد زوجى أكبر من ٢ يمكن كتابته كمجموع عددين أوليين.
 إرشاه : العبارة حـ حـ بس مشهور Conjecture قيام به الرياضي الروسي كريستين
- جوادباخ المستور کمناماد کا میاب الریاضی طروسی مریسین جوادباخ Christian Goldbach فی ۱۷۴۲م ولم یقم أحد باتبات أو عدم اثبات هذا الحنس بعد وان كان لم یوجد عدد زوجی بحیث لا یمكن كتابته كمجموع عددین أولین بعد.
- اكتشف النمط العمكن في المتتابعات التالية وإستخدمه في إيجاد الأعداد الثلاثة التالية بكل متتابعة
 - ו) די דידו זדי יי) וידי זי פי עי אי יוי רודי
 - (+) YI FI . 11 21 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 0 1 21 FI 01 ...
- إكتشف نعطا في حواصل الضرب الثلاثة الأولى ثم نتباً بحاصل الضرب التالى ثم
 تعقق من نتائجك

1111 1 ×	1111 1 ×	יוו ז ×	7 × 		
	<u> </u>	7111			
44444 4 ×	4444 4 ×	γγγ γ ×			
	01179	0179	074		
*****	,	***	۸۸ (-: ۸×		
	V11.5	V) · £	Y • 1		

- ١٠ أوجد نمطا في كل من المنتابعات القالية ثم أكتب تعبيرا للحد الغوني
 ١) ٥، ١٠، ١٥، ١٠، ١٠، ... ب) ٢، ١١، ٢١، ...
- 40 . 40 . 10 . 1. (2 44 . 14 . 14 . 14 . 4 (÷
 - ب 11- لماذا يكون ٢ هو العدد الزوجي الأولى الوحيد؟
 - ١٢– أوجد م.م.اً للعددين ١٤، ١٨ بطريقكين.
- ١٣- أي من الأعداد التالية يقبل القسمة على ١١ : ٢٣٨، ٧٢٥ ، ٧١٨٥٧
 - ١٤- أي من الأعداد القالية يقبل القسمة على ٧: ٣٨٨٨٥ ، ٨٦٤٩٢
- ١٥- أي من الأعداد الثالية يقبل القسمة على ١٣: ٣٠٢٠١٠، ٧٢٢٢١٥
 - ١٦- م.م.أ لعددين هو ١٢٠، ع.م.ا لنفس العددين هو ٢ ما العددان؟

الغصــل السابـــج

- 3 4.134
- معنــــ، الكســــ
- الكسور المتكافئية
- مقارنية الكسيو
- جمع وطرح الكسور الإعتيادية
 - ضرب الكسور الإعتيادية
 - قسمة الكسور الإعتبادية

من المتوقع بعد قراءةهذا الفصل ودراسته أن يصبح الدارس قادرا على أن

- ١- يحدد ثلاثة موا ف من الحياة اليومية يعبر عنها بالكسور الإعتيادية.
- يشرح معنى الكسر للأطفال بإستخدام العناطق الهندسية، وشرائح الكسور وخط الأعداد.
- ٣- يشرح لماذا يوجد عدد لا نهاني من الكسور بين كل كسرين وذلك بطريقة حسية (ملموسة).
 - ٤- يستخدم أنشطة تمكن الأطفال من مقارنة الأعداد الكسرية.
 - مشرح العمليات التي يمكن أن تستخدم في مقارنة عدين كسريين أو أكثر.
- يوضح للأطفال إجراءين على الأقل لمساعدتهم على التعبير عن الأعداد الكسرية في أبسط صورة.
 - ٧- يحول (يعيد تسمية) الكسر الإعتبادي إلى كسر عشري و العكس.
- يوضع كيف يمكن إستخدام الألة الحاسبة في إعادة تسمية الكسور الإعتيادية في
 أبسط صورة والكسور غير الحقيقة إلى أعداد مختلطة
- ٩- يستخدم الأدوات والمناطق الهندسية في توضيح العمليات على الكسور الإعتبادية (جمع - طرح - ضرب - قسمة).
- ١٠ يتعرف على الصعوبات التي تواجبه الأطفال في دراستهم للكسور الإعتيادية
 ويستطيع مساعدة الأطفال على التغلب على هذه الصعوبات.
 - ١١- يستخدم مفاهيم الكسور في حل بعض العسائل اللفظية.
- من المتوقع بعد أن يكمل الطفل دراسة الأنشطة الموصوفة في هذا الفصل أن يصبح قادرا على أن:-
 - يحدد أجزاء الكسر الثلاثة.
 - يحدد الكسور التي لا يمكن تعريفها.
 - يحدد الكسور الحقيقة والكسور غير الحقيقية.
 - يحدد الكسور غير الحقيقة.
 - يقرأ الكسر بصنوت مسموع قراءة صحيحة.

- يعبر عن الكسر كتابة بصبورة صحيحة.
- يحدد جزئى العدد الكسرى (العدد المختلط).
- يقرأ العدد الكسرى قراءة صحيحة بصوت مرتفع.
 - يكتب العدد الكسرى كتابة صحيحة
- يعيد تسمية العدد الكسرى كحاصل جمع عدد كلى وكسر.
- يعيد تسمية حاصل جمع عدد كلي مع كسر كعدد كسري.
 - يحدد الكسور المتكافئة.
 - يعيد تسمية مسألة القسمة ككسر.
 - يعيد تسمية الكسر كمسألة تسمة.
 - يعيد تسمية العدد الكلى ككسر متساوى.
 - يعبد تسمية العدد الكسرى الذي مقامه ١ كعدد كلي.
 - يعيد تسمية الكسر غير الحقيقي كعدد كسرى.
- يكتب إجابة مسألة القسمة في صورة باق أو في صورة عند كسرى.
 - يبسط الكسر إلى أبسط صورة.
 - يضرب الكسور باستخدام قاعدة ضرب الكسور.
 - يتخلص من كل العوامل المشتركة قبل ضرب الكسور.
 - يضرب كسراني عدد كلي.
 - يضرب عددا كسريا في عدد كسري.
 - يستطيع ليجاد مقاوب الكسر والعدد الكسري والعدد الكلي.
 - يقسم الكسرين بإستخدام قاعدة قسمة الكسور.
 - يتحقق من صحة القسمة بإستخدام الضرب.
 - يقسم كسرا على عدد كلي.
 - يقسم عددا كليا على كسر.

- يحدد متى يستخدم الضعرب ومتى يستخدم القسمة فى مسائل لفظية تتضن كسورا
 اعتبادية وأعدادا كسرية.
 - يجمع كسرين أو أكثر متحدى المقام بإستخدام طريقة جمع الكسور متحدة المقام.
 - يبسط حاصل جمع الكسور عندما يكون ممكننا،
 - يستطيع إيجاد المقام المشترك الأصغر لكسرين أو أكثر غير متحدى المقام.
- يجمع كسرين أو أكثر غير متحدى المقام بإستخدام قواعد الكسور غير متحدة العقاد.
 - يجمع عددين كسريين أو أكثر.
 - يجمع أعداد كسرية مع أعداد كلية.
 - يجمع أعداد كسرية مع كسور ،
 - يطرح الكسور متحدة العقام بإستخدام قاعدة طرح الكسور متحدة العقام.
 - يتحقق من صحة طرح الكسور باستخدام الجمع.
 - يترجم جمع وطرح الكمور متحدة المقام إلى كلمات وصور.
 - ييسط باقي الطرح إذا كان معكننا.
 - يطرح كسورا غير متحدة المقام باستخدام قاعدة طرح الكسور مختلفة المقام.
 - يطرح عددا كليا من عدد كسرى.
 - يطرح كسرا من عدد غير كسرى،
 - يحل مسائل لفظية تنضمن كسورا وأعداد كسرية.

مقدمــــــة:-

يتعامل الطفل مع الكسر في وقت مبكر فهو يقسم مع أخيه أو صديقة قطحة من الحاوي أو برتقالة كما أنه يشترى أشياه من البقالة بنصف جنيه وربع جنيه أي أن الأطفال يسمعون عن الكسور في مواقف حياتية كثيرة، كما يستخدم كثير من الناس الكسر في أغلب الأحوال في القياس كما أن الكامتين نصف وربع طبيعيتان بالنسبة لذا الكسر في مواقف عديدة منها الوقت (مثلا الساعة الثانية والنصف أو الخامسة إلا الربع)، كما أن أي أسرة لديها ثلاثة لطفال تعرف أهمية الثلث نتيجة لتقسيم بمض الاثماء على ثلاثة.

وتمثل الكسور الإعتبادية جزءا أساسيا من رياضيات المرحلة الإبتدانية نظرا الأهميتها في فهم مواقف حياتية كثيرة كما أنها ضرورية للأطفال الذين سيستمرون في الدراسة بعد ذلك ومن هنا تأتي أهمية فهم الأطفال للكسور.

ويجب التركيز على أن يأتى هذا الفهم في المرحلة الإبتدائية من خلال الأمثلة المباشرة الواقعية الملموسة والتى يلمسها الأطفال من خلال تعاملهم مع الأنشطة ثم تأتى أمثلة شبه ملموسة تتمثل في أنشطة تلوين وتظليل أشكال هندسية مرسومة على ورق ثم تأتى بعد ذلك المرحلة التجريدية وتتمثل في التعامل مع رمز الكسر قراءة وكتابة وإجراء عمليات.

ومن الأمور السهمة أن نركز في تدريسنا على أن يفهم الأطفال نقطتين فهما كاملا وهما(أ) : معنى الكسر والرمز المستخدم (ب) فكرة التكافؤ وأفضيل بنياء لهاتين الفكرتين يكون من خلال أنشطة مناسبة كما يكون بصنع أحداث تستخدم فيها الكسور بطريقة عرضية.

محنى الكسر:

كلمة كسر Fractio مشتقة من الكلمة اللاتنينية Fractio وهــى تعنــى "يكسر" وعلى هذا فالكسر لي يعنـى أن شيناً قد كسر إلى ثلاثة لجزاء وأخذ منها جزء واحد

وقد يكون للكسر معنى من المعاني العديدة الأثية:

١- الكسر هو جزء من كل.

٢- الكسر هو جزء أو أكثر من أجزاء متساوية من مجموعة من الوحدات.

- ٣- الكسر مضاعف لوحدة كسور -
- ٤- الكسر هو دلالة على القسمة.
 - ٥- الكسر هو نسبة.
- ٦- الكسر هو زوج من الأعداد في وضع معين.

والعدد الكسرى (العدد المختلط) هو عدد مكون من عدد صمديح وكســر والكسر الغير حقيقي هو الكسر الذي يكون بسطه يساوي أو أكبر من مقامه.

ويجب أن نعرف- كمعلميـن - أن استخدامنا لكلمات وعبارت صحيحة ومناسبة فى وصف الكسور. وقيد الأطفال كثيرا في بناء الأفكار السليمة حول الكسور.

ومن الضرورى فى المراحل المبكرة أن يعرف الأطفال دائما الكسر بشىء محدد (مثل ربع ورقة مربعة أو ربع قطعة من الخيط) لأنه إذا إستخدم الرمز بمفرده فإنهم قد يعتقدون أن جميع الأرباع متساوية مع بعضها البعض.

ومن الممكن أن نقول : إذا فهم الأطفال معى الكمسر بوضموح فسوف لا تكون هناك صعوبات لديهم.

وقيما يلى بعض الأتشطة التي قد تساعد الأطفال على بناء الأفكار حول الكسور.

أنشطة:

الأدوات: شرائط من الورق- قطع من الخيط أو الحبل - مستطيلات ورقية -مربعات - دوانر.

 ا- يطوى (يثني) طفل شريط ورقى إلى جزئين متساويين فى الطول. ثم يقطعهما من خلال خط الطى ويمسك أحد الجزئين ويقول هذا نصف شريط، ثم يمسك الجزء الأخر ويقول مرة ثانية هذا نصف شريط واحد.

ثم يسمك الجزئيين معا ويقول، "نصفان يصنعان شريطا كاملا" وبعد ذلك يقدم رمز النصف ويكتب الطفل $\frac{1}{r}$ على كل من الشريطين. و يكرر هذا النشاط سع مواد وأشياء أخرى كالموضحة سابقا، وأنه من غير الممكن طبعا كتابة $\frac{1}{r}$ على قطمة من الحبل (الخيط) وفي هذه الحالة من العمكن أن يضع طفل أحد جزئى الخيط على قطعة من الورق ويكتب $\frac{1}{r}$ على الورقة قريبا من الخيط.

٢- يمكن توسيع نشاط ١ للأرباع بالطى مرتهن. ويجب أن يعد الطفل الأجزاء
 المتساوية حتى يتأكد أنه يوجد أربعة.

يمسك طفل أحد الأجزاء الأربعة المتساوية ويقول هذا ربع واحد الشريط. ثم يكرر ذلك مع كل جزء من الأجزاء الثلاثة الأخرى، ويعسك الأربعة الأجزاء ويقول الربعة أرباع تكون واحد" ويكتب أعلى كل جزء من الأجزاء الأربعة ثم يمسك طفل جزئين من الأربعة أجزاء ويقول "أنا أمسك ربعين اثنين من الشريط" ويجب أن يركز على اثنين ثم يقدم الرمز أع بالنسبة للربعين ويضائش، وبعد ذلك تمسك ثلاثة أرباع وتتم المناقشة ويقدم الرمز أع.

كما يجب مسك أربعة أرباع مرة أخرى للتأكيد على حقيقة أن: "الكل يتكون من أربعة أرباع".

إذا كان هناك أشرطة ورقية طويلة متاحة ليمكن مد الطبي حتى نحصل على 1 مع الأطفال مرتفعي القدرة. الأثـلاث ليست سهلة بالطبي ولهذا فيجب تقديمها بطرق أخرى.

	-		
	1		
_	,	┸	- -1
 -	<u> </u>		
		lL	

 ٣- يضم المعلم علامات على شرائط من البورق متساوية الطول كما هو مبين والشريط الذي ليس عليه علامات يبقى كشريط كامل.

ثم يستخدم الأطفال كل شريط على التوالى فعثلاً بإستخدام الشريط المقسم إلى ثلاثة أجزاء. يحسب الأطفال عدد الأجزاء (ثلاثة) ثم يقطعون خطوط العلامات وتوضع الشرائط الثلاثة فوق يعضها للتاكد من أنها متساوية الطول.

وعندنذ يقدم رمز الثلث (واحد ثانث) ويكتب الأطفال ﴿ على كل جزء من الأجزاء الثلاثة ثم يمسكون الشرائط ليبينوا واحد ثلث، اثنين ثلث، ثلاثة ثلث.

> وعندما يستخدم الأطفال كل شريط بهذه الطريقة فإنه يعكنهم ترتيب شعر الطهم

ذات العلامات كما هو مبين في الشكل المقابل.

وهذا الترتيب ليس سهلا وذلك لأن بعض الأطفال يمولون إلى جمل الشرائط الصغيرة مختلطة.

٤- يزود كال طفال بشريط ورتبى مرسوم عليه مجموعة من الأشكال (يقسم كل شريط إلىي أربعة أجزاء متساوية) ويعد الأطفال عدد الأجزاء في كال شكل.

ويمكن إستخدام أحد الأطف ال نسخة إضافية من الأشكال للتأكد من أن الأربعة أجزاء للشكل لها نفس الحجم وذلك بالقطع.

ثم يلون الأطفال أو يظللون أحد الأشكال الأربعة

المتساوية ثم يكتبون $\frac{1}{2}$ عليها كما هو مبين ويكرر هذا النشاط مع كل الأشكال الأخرى.

٥- يكرر نشاط ٤ مع شريط وركى أخر ولكن في

هذه الحالة يظلل أو يلون الأطفال ثلاثة أرباع كالشريط ويكتبون ﴿ على جانب الشـريط العلون كما هو منين.

٦- بيين الأطفال على نسخ أخرى اثنين ربع أم، أربعة أرباع أ.

بالنسبه الأثنين ربح سوف يقول كثير من الأطفال أنها نفس نصف واحد (أحد الأفكار الأولية للتكافئ) تكرر أنشطة ٢٠٥٤ بمجموعات من الأشكال مقسمة إلى أثلاث، أخماس، أسداس،.... وهكذا.

٧- يزود كل طفل بمجموعة من ثمانية السكال متطابقة على سبيل المثال (هبوب خرز - علب كبريت - مكمبات خشبية - عملة) ويقوم بعدها ويطلب منه تقسيمها

إلى جزنين لهما نفس العدد ثم تشاقش فكرة أن كل جزء عبارة عن تصدف المجموعة الأصلية ويكتب الأطفال تصف الثمانية هو أربعة أو نصف ٨ هو ٤ ويكرر هذا الشاط مع أعداد أخرى مختلفة (يجب أن تكون أعدادا زوجية في المراحل الأولى) ويمكن للأطفال أن يمثلوا كل مجموعة برسم بسيط هكذا.



٨- يكرر نشاط ٧ مع كسور أخرى لأعداد تختار بطريقة مناسبة قمثـلا واحد ثلث
لاستة، واحد خمس للعشرة، واحد سدس للإثني عشر ويجب كتابة عبارة اكل كسر
أو عمل رسم بسيط.

 ٩- يكرر الأطفال نشاطى ٧، ٨ ولكن الأن يوجدوا، على سبيل العثال، ثلاثة أرباع
 الثمانية أو أربعة خمس العشرة وهكذا ولكل كسر من الكسرين السابقين يمكن عمل رسمين كما يلي.



إنه لمن المضرورى أن يفكر الطفل لكل مثال من هذه الاتواع، في يُ على أنها ثلاثة أرباع ويجب التركيز على ثلاثة في نطق الكسر وسوف تحدث فكرة التكافو في هذه الانشطة ويجب مناتشتها فمثلا سيرى الأطفال بسرعة أنه يوجد نفس الشيء في ربعي الثمانية ونصف الثمانية.

الكسور الكتافئة

بعد أن يتضمع معنى الكسر ايضاها كاملا، تكون الخطوة التالية هي عرض فكرة الكسور المتكاففة. وتكافؤ الكسور مفهوم أساسي لفهم الكسور كما أنه متطلب تعليمي لمدة قواعد في موضوع الكسور ومن الأنضل أن تتمو فكرة تكافؤ الكسور من خلال معارسة الأطفال لمعدد من الأنشطة مع مناقشتها معهم بدلا من تدريسها كموضعوع مستقل. وفيمايلي بعض الأنشطة التي تؤدي

							إلى فكرة التكافؤ
	1 Y	<u>'</u>		1			١- يعمل المعلم مع الأطفال سبورة كسور
<u>.</u>		-	1	-	- \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \		وهي عبارة عن شريط طويسل من
1/2	<u> </u>	\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	1	- <	> <	الــورق المقـــوى أو الكرتـــون يئبــت

جزئين متساويين ويكتب 💺 على كل جزء ثم يثبت الجزءان تحت الشريط! ثم تكون أرباع وأثمان وتوضع كما بالشكل ثم يناقش المعلم مع الأطفال سبورة الكسر. ويبرى

الأطفال من خلال هذه المناقشة أن

٣- بالنسبة للأطفال المتفوقين يكون من المناسب أن يستخدموا المجموعتين من نشاطي ١١، ١٢ معاكما بالشكل وسوف يقدر الأطفال بإمستخدام هذه السبورة المجمعة على إيجاد مجموعات أكثر تحدوى على كسور متكافئة مثل

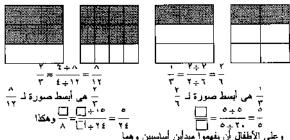
كما أن سبورة الكسر هذه أيضا مفيدة في مقارنة الكمور فإذا ظل أو لون الجزء الأول من كمل مجموعة كما بالشكل فسوف يرى الأطفال بسرعة أن

 $\frac{1}{\lambda} < \frac{1}{1} \quad i \quad \frac{1}{\xi} < \frac{1}{\gamma} \quad i \quad \frac{1}{\gamma} < \frac{1}{\gamma}$

ويودي ذلك إلى مزيد من المناقشة العليدة فعثلا يطلب المعلم من الأطفال أن يشرحوا

لماذا 🗓 > 🖟 ؟

 إلى المحلفال تدريبات عديدة على تكافؤ الكسور وأيضًا على تبسيطها ووضعها في أبسط صورة مثل التدريبات التالية: -



على الاطفال ان يفهموا مبداين اساسيين وهما مناء

إ- إذا ضرب حدا الكسر في عدد واحد (ماعدا الصغر) فإن قيمة الكسر لا تتغير .
 ب- إذا قسم حدا الكسر على عدد واحد (ماعدا الصغر) فإن قيمة الكسر لا تتغير ويمكن أذ يم في الأماذال إلى الممالة المسلم .

أن يصل الأطفال إلى الحالة الجبرية حيث يقال أن الكسرين $\frac{1}{1}, \frac{2}{1}$ متكافئان إذا $\frac{1}{1}$ كان $\frac{1}{1}$ $\frac{1}{1}$ $\frac{2}{1}$ كان $\frac{1}{1}$ $\frac{1}{1}$ $\frac{1}{1}$ جو من الممكن توضيح هذه القاعدة من خلال الأتماط هكذا $\frac{1}{1}$



مقارفة الكسور - يعطى المعلم بعض الأطفال شرائح الكسور أو يرسم الشكلين التالبين على السبورة ويطلب منهم مقارنة الكسرين ثم يوضح لهم أن الكسرين لهما نفس العقام ولهذا نقارن بين البسطين ولما كان ٣ > ٢ فان

 $\frac{m}{o} > \frac{v}{o}$ أما في حالة اختلاف المقامين فيوضح المعلم أن عليهم ليجاد كسورا مكافئة لمها المقام نفسه قمثلا عند مقارنة $\frac{1}{c} \cdot \frac{v}{c}$ يجري العمل هكذا

$$\frac{m}{o} = \frac{\Gamma}{1} = \frac{p}{1} = \frac{1}{r} = \frac{1}$$

جمع وطرح الكسور أولا : الجمع :

يختلف جمع الكسور عن جمع الأعداد الكلية، لأن جمع الأعداد الكلية يقوم على المعد، وليس للعد معنى بالنسبة الكسور و لا يوجد على وجه التحديد كسر يلى كسرا معينا، كما يمكن أن يوضع كسر بين أى كسرين و لا يمكن تطبيق مثل هذا الكلام على الأعداد الكلية.

فإذا كلف طغل بحل المسألة $\frac{1}{\gamma} + \frac{1}{\gamma}$ دون أن يتطم جمع الكسور فقد يجمع البسطين معا ثم يجمع المقامين معا، وقد يبدو ذلك منطقيا بالنسبة للطفل، لهذا فمن الضرورى أن نعلم طريقة جمع الكسور بدقة.

ويجب على المعلم أن يتأكد من العام الطفل بالمتطلبات التعليميـــة لجمـع الكسـور قبل تقديمها وتتمثل هذه المتطلبات فيما يلي:

جمع الأعداد الكلية وخواص عماية الجمع وفهم معنى الكسر ويتم تقديم جمع الكسور تدريجيا كما يلى :-

أ- جمع كسرين لهما المقام نفسه

الخطوة الأولى: كل بسط مقداره ١ وحاصل الجمع أقل من واحد صعيح مثلا

يرض المعلم الشكالا هندسية متطابقة ويطلب من أحد $\frac{1}{3} + \frac{1}{3} + \frac{1}{3}$

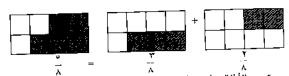
ي ، ، ، ، الأطفال تلوين أو تظليل أ كل شكل (مربع مثلا) ثم يطلب منه عد الأرباع للوصول إلى النتيجة.



ویکرر هَذَا الْمَثَالُ ولکن بکسور مختلفة مثل $\frac{a}{\tau} = \frac{1}{\tau} \; + \; \frac{1}{\tau} \; + \; \frac{1}{\tau} \; + \; \frac{1}{\tau} \; + \; \frac{a}{\tau}$

الخطوة الثانية: كسور البسط فيها أكبر من ١

مثال $\frac{1}{\Lambda} + \frac{1}{\Lambda}$ ويمكن إستخدام الأشكال أو \mathbb{Y} هكذا



ویتدرب الأطفال علی مسائل کیپرة من هذا النوع مثل $\frac{1}{2} + \frac{7}{2} = \frac{7}{4}$ و هکذا $\frac{7}{4} + \frac{7}{4} = \frac{7}{4} = \frac{7}{4} + \frac{7}{4} = \frac{7}{4} = \frac{7}{4}$ و هکذا

ويجب على المعلم أن يساعد الأطفال على استنتاج القاعدة التالية:

مجموع كسرين لهما المقام نفسه هو الكسر الذي بسطه يساوى مجموع بسطى الكسرين ومقامه مساو لمقامها.

كما يعكن صياغتها بالرموز هكذا

إذا كان أنه أن كسرين متحدة المقام فإن المدادة المقام فإن

 $\frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2}$

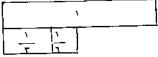
ثم يتدرب الطفل على تطبيق هذه القاعدة عن طريق أمثلة ومسائل متنوعة. المفطوة الثنائثة: كما في الخطوتين الأولمي والثانية ولكن مع وجود أعداد كسرية هكذا

$$0 + \frac{1}{2} = \frac{1}{2} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac{1}{2} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac{1}{2} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac{1}{2} =$$

ب- جمع الكسور مختلفة المقام:

الخطوة الأولى: تغيير (تحويل) كسر واحد نقط:

بعد أن يتمكن الطفل من جمع الكسور المتشابهة (متحدة المقام) نبدأ بإعطانه جمع كسرين مختلفي المقام ولكن على خطوات حيث نبدأ في الخطوة الأولى بكسرين مقام أحدهما مضاعف للأخر مثل $\frac{1}{10} + \frac{1}{10}$ ويمكن استخدام شرائح الكسور لتوضيم الطريقة أو لا هكذا $\frac{1}{100}$



حيث يضع المعلم أمام الأطفال شريحة تمثل الواحد الصحيح

مثل:

٢- ماهو حاصل الجمع بإستخدام شرانح الكسور ؟ تُم يشرح المعلم في توضيح أن 🍦 = يَّ باستخدام

تكافؤ الكسور ثم يطلب من الأطفال تطبيق القاعدة النسى تم التوصيل اليها في جمع كسرين نهما المقام نفسه ، والإجراءات مبينة على اليسار

ثم يعطى الأطفال تدريبات على مثل هذا النوع مثل :-

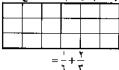
$$\frac{\mathbf{r}}{\mathbf{A}} = \frac{\mathbf{r}}{\mathbf{A}} + \frac{\mathbf{f}}{\mathbf{A}} = \frac{\mathbf{r}}{\mathbf{A}} + \frac{\mathbf{r}}{\mathbf{r}}$$

$$\frac{1}{\lambda} = \frac{7}{\lambda} + \frac{1}{\lambda} = \frac{7}{\lambda} + \frac{1}{\gamma}$$

$$\xi = \frac{7}{1} = \frac{7}{1} + 7 = \frac{11}{1} + 7 = \frac{4}{1} + 7 = \frac{4}{1} + \frac{7}{1} = \frac{4}{1} + \frac{7}{1} = \frac{1}{1} + \frac{7}{1} = \frac{1}{1}$$

و من خلال الأمثلة والتمارين المتعددة يتم التوصل ألى القاعدة التاليـة كي نجمح كسرين إعتياديين نحولهما الى كسرين مكافنين لهما ، على أن يكون مقامهما مشترك . ثم نجمع الكسرين الحاصلين،

ثم تتاح الفرصة لملاطفال لحل مسائل مثل : إستخدم الرسوم التالية لجمع الكسور





الخطوة الثانية: تغيير كلا الكسرين (إيجاد مقام مشترك بالفحص)

$$\frac{r}{r} + \frac{17}{12} + \frac{r}{r} = \frac{r}{r} + \frac{1}{4} + \frac{r}{r} = \frac{1}{r} + \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{1}{r} + \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{1}{r} + \frac{1}{4} = \frac{$$

$$\frac{1}{\sqrt{1+\frac{1}{4}}} + 0 = \frac{1}{\sqrt{1+\frac{1}{4}}} + \frac{1}{\sqrt{1+\frac{1}{4}}} = \frac{1$$

عندما نغير كسرا واحدا فإننا نحتاج الى مناقشة الأتكار النسي وراء ذلك مناتشة

كاملة، وباستخدام ب + ب كمثال يمكن استخدام الأشكال أو لا:-

ويجب توضيح الصورة المتكافئة والمتعددة للكسر أ أيضا هكذا

$$\dots = \frac{7}{17} = \frac{1}{1} = \frac{1}{1} = \frac{1}{1} = \frac{7}{1} = \frac{1}{1} = \frac{1}{1}$$

ومن هذه الكسور تتاقش فكرة إستخدام أ ، ويسجل الأطفال الجمع كمايلي :-

$$\frac{7}{12} = \frac{1}{12} + \frac{7}{12} = \frac{7}{12} + \frac{7}{12}$$

ويجب مناقشة أمثلة متمددة من هذا النوع تبل دراسة الأنواع الأخرى من الخطوة الأولى .

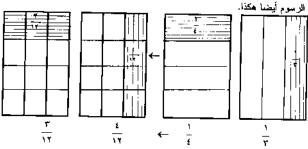
وعندما يتمكن الأطفـال مـن تغيير مقـام أحـد الكسـرين فـى الجمـع فإنـه يمكنهـم الإستمرار فـى دراسة أمثلة على تغيير مقامى الكسرين معا ونذاقش فيما يلى مثالين.

ثم نربط بين الكسرين اللذين لهما نفس المقام كما يلى: $=\frac{1}{\sqrt{1}} = \frac{1}{\sqrt{1}} = \frac{$ $\frac{1}{t} = \frac{1}{t} = \frac{1}$

مقامهما ۱۲ أو ۲۶ أو

ولجعل الكسرين في أبسط صورة بقدر الإمكان نختار ١٧ ويسجل الجمع كما يلي:
$$\frac{1}{V} = \frac{T}{17} = \frac{T}{17} = \frac{T}{17} = \frac{V}{17}$$
 inspection ويجب ملاحظة أن ١٢ لغتيرت عن طريق الفحص والتنتيب

وليس عن طريق اِستخدام قاعدة من أي نوع ويمكن توضيح تغيير المقامين من خلال



7 7 + 7 7

يحتاج الأطفال للتعامل مع هذا الجمع إلى أن يفهموا أن $\frac{\tau}{\epsilon} = \tau + \frac{\tau}{\epsilon}$ وقد يبدو أنه ليس من الضــروري الإهتمـام بهذه الجملـة الرياضيـة ولكن مَّن المدهش أن بعـض

$$Y = 1$$
 نوجد كسر ا مكافئا للكسر الثاني بضرب كل من بسطه ومقامه بمقام الكسر الأول $Y = -1$

$$\frac{1}{2} = \frac{3 \times 1}{2 \times 0} = \frac{1}{7}.$$

$$\frac{1}{2} = \frac{3 \times 1}{1} = \frac{3}{1}.$$

$$\frac{1}{2} = \frac{3}{1} \times \frac{3}{1} = \frac{3}{1}.$$

$$\frac{1}{2} = \frac{3}{1} \times \frac{3}{1} = \frac{3}{1} = \frac{3}{1} \times \frac{3}{1} = \frac{3}{1} \times \frac{3}{1} = \frac{3}{1} \times \frac{3}{1} = \frac{3}{1} = \frac{3}{1} \times \frac{3}{1} = \frac{3}{1} \times \frac{3}{1} = \frac{3}{1} = \frac{3}{1} = \frac{3}{1} \times \frac{3}{1} = \frac{3}{1} = \frac{3}{1} = \frac{3}{1} = \frac{3}{1} =$$

وبعد أن يتدرب الأطفال بالقدر الكافى يمكن التوصيل إلى التعميم
$$\frac{17}{7.} + \frac{17}{7.}$$

التالى $\frac{1}{v} + \frac{1}{c} = \frac{1c + v}{v} \in \frac{1c}{v}$ ولكن تطنيق التعميم الأخير يصبح غير سهلا إذا كان الكسران المطلوب جمعهما

كبيرين مثل ٢٠٠٠ - ٢٠٠ وفي هذه الحالة نلجأ إلى إستخدام التحليل إلى العوامل الأولية لاستخراج المضاعف المشترك الأصغر للمقامات

مثال
$$\frac{1}{1} + \frac{1}{1}$$
 نقوم بتحلیل المقامین لاستخراج م.م.ا

$$Y \times Y = Y$$
: $\qquad \qquad Y \times Y \times Y = Y \times Y$

$$A i = V \times V \times V \times V = I_{A,A}$$

$$\frac{1}{1} = \frac{1}{1} \quad \cdot \quad \frac{1}{1} = \frac{7}{17}$$

$$\frac{\partial \Phi}{\partial \xi} = \frac{1 + \xi \, \eta}{\partial \xi} = \frac{1}{1 \, \xi} + \frac{V}{1 \, Y} \dots$$

وهناك طريقة مختصرة تستخدم لإيجاد م.م.ا لكسـرين عندمـا يكـون الفـرق بيـن مقاميهما عامل من عوامل المقامين وتتعثل فيما يلي:-

أ- أوجد الفرق بيم المقامين

ب- اقسم أحد المقامين على القرق الذاتج من (أ)

ج- اضرب خارج القسمة الناتج من (ب) بالمقام الثاني ينتج م.م. أ

$$A = \begin{array}{c} \frac{1}{12} & \frac{1}{12} &$$

$$Y = \frac{1}{1} \underbrace{\qquad Y = 1}_{1} Y = 1$$

أ- إذا كان الكسر أن من نفس النوع (لهما المقام نفسه)

$$\frac{1}{4} = \frac{7}{4} = \frac{3}{4} - \frac{7}{4}$$

$$\frac{\|\vec{\mathbf{L}}\mathbf{d}\mathbf{d}_{1}\|_{L^{2}(\mathbf{r})}^{2}}{\mathbf{r}^{2}} = \frac{1}{\lambda} \cdot \frac{1}{\lambda} \cdot$$

$$\frac{6}{12} = \frac{7}{12} - \frac{7}{12} = \frac{7}{12} - 1$$

$$Y = \frac{1}{2} + Y = \frac{7}{2} + Y = \frac{7}{2} + Y = \frac{7}{2} - \frac{1}{2} + \frac{2}{2} + \frac{7}{2} + \frac{7}{2}$$

ويمكن استخدام الرسوم أيضا ب- كسور من أنواع مختلفة: الخطوة ١، عدم تحويل أعداد كلية مثلا

$$\frac{1}{2} - \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{1}{4} - \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{1}{4} - \frac{1}{4} = \frac{1}{4} - \frac{1}{4}$$

ا المخطوة ٢: تحويل أعداد كلمة المخطوة ٢: تحويل أعداد كلمة

$$\frac{\tau}{t} - \frac{\tau}{\tau} + \tau = \frac{\tau}{t} - \frac{\tau}{\tau}$$

مثلا

$$= t + \frac{\gamma}{2} - \frac{\gamma}{2} + \frac{\gamma}{2}$$

ثانيا: الطرح

أ- إذاً كمان الكسّر أن من نفس النوع (لهما المقام نفسه)

الغطوة الأولى: عدم تحويل الأعداد الكلية. مثلاً ويمكن استخدام الاشكال أولا . $\frac{V}{\lambda} = \frac{1}{\lambda} = \frac{1}{\lambda}$

$$\frac{\lambda}{r} - \frac{\lambda}{r} = \frac{\lambda}{r} - \frac{\lambda}{r} = \left(\frac{\gamma}{r} - \frac{\lambda}{r}\right) + \left(\frac{\gamma}{r} - \frac{\gamma}{r}\right) = \frac{\gamma}{r} - \frac{\gamma}{r} = \frac{\gamma}{r} - \frac{\gamma}{r} = \frac{\gamma}{r$$

$$\frac{a}{\sqrt{2}} = \frac{4}{\sqrt{2}} - \frac{4}{\sqrt{2}} = \frac{4}{\sqrt{2}} - \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$7\frac{1}{2} = \frac{1}{2} + 7 = \frac{7}{2} + 7 = \frac{7}{2} + \frac{7}{$$

مثلا

ويمكن استخدام الرسوم أيضا ب- كمعور من أقواع مختلفة: الخطوة ١، عدم تحويل أعداد كلية مثلا

$$\frac{1}{\lambda} - \frac{\xi}{\lambda} + V = \frac{1}{\lambda} - V + \frac{1}{\zeta} + \frac{1}{\zeta} - \frac{T}{\zeta} = \frac{1}{T} - \frac{1}{\zeta}$$

 $\frac{1}{4} - \frac{1}{4} + 1 = \frac{1}{4} - 1\frac{1}{4}$

$$\frac{7}{\xi} = \frac{7}{\xi} - \frac{7}{\xi} + \frac{1}{\xi} = \frac{7}{\xi} - \frac{7}{\xi} + \frac{7}{\xi} = \frac{7}{\xi} = \frac{7}{\xi} + \frac{7}{\xi} = \frac{7}$$

$$\frac{7}{7} - \frac{1}{2} = 7 + \frac{7}{7} - \frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{7} - \frac{1}{7} + \frac{7}{7} - \frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{7} - \frac{1}{7} + \frac{7}{7} + \frac{7}{7}$$

$$\frac{1}{7} - \frac{1}{7} + \frac{7}{7} +$$

إذا فهم الأطفال الخطوات المتنوعة فى جمع الكسور فعندئذ تكون الفكرة الجديدة فى الطرح هى فقط أخد واحد من الأعداد الكلية وتحويله إلى كسر من نفس نوع الكسور الأخرى.

ويمكن تقديم هذه الفكرة من خلال مناتشة أمثلة كهذه:

$$\frac{Y}{Y} = Y$$
, $\frac{1}{2}$, $\frac{Y}{Y} = \frac{1}{2}$, $\frac{Y}{Y} = \frac{1}{2}$, $\frac{1}{2} = \frac{1}{2}$, $\frac{1}{2} = \frac{1}{2}$

فى الأمثلة الأربعة الأخيرة من الأمثلة السابقة يجب تحويل ولحد من الأعداد الكلية إلى كسر، ويجب ملاحظة أن تغييرهم كلهم غير صَعرورى ويعقد العمل في حالة الأعداد الكبدة.

ويجب أن تلى الأمثلة السابقة أمثلة كالتالية:

$$\frac{1}{7} - \lambda$$
, $\frac{7}{7} - \xi$, $\frac{1}{7} - \gamma$

وفيها يجب طرح الأعداد الكلية ألا وحيننذ يصبح الطرح كأنه

$$\frac{1}{r} - r \ , \ \frac{r}{t} - r \ , \ \frac{1}{t} - 1 \ , \ \frac{r}{r} - r \ , \ \frac{r}{t} - 1 \ , \ \frac{1}{t} -$$

بعد التعامل مع الأعداد الكلية يصبع الطرح $1 + \frac{\pi}{n} - \frac{\pi}{n}$.

يغير الكسران بحيث يكون مقام كل منهما ١٧ فيكون الفاتج ٢ +
$$\frac{3}{1}$$
 - $\frac{9}{17}$ ثم يغير عدد كلى واحد إلى $\frac{1}{1}$ ويكتب الطرح هكذا $\frac{1}{17}$ + $\frac{1}{17}$ + $\frac{1}{17}$ - $\frac{9}{17}$ وتتاقش الأن طريقتي التعامل مع الأجزاء من أثنى عشر

$$\frac{1}{5} + \frac{1}{5} - \frac{1}{5} = \frac{1}{5} - \frac{1}{5} + \frac{1}$$

$$\frac{V}{V} = \frac{t}{V} + \frac{V}{V} = \frac{V}$$

وتعطى كل طريقة ناتج الطرح نفسه.

ويجب أن يفهم الأطفال المطريقَتين وأن تكون لهم القدرة علىي إستخدامها. وهذه القدرة سوف تكون موشرا للمعلم عن مدى فهم الأطفال لما يفعلون.

وفى نفس الوقت يجب أن يبذل المعلم جهد فى التعامل مع هذه المسائل كما يجب عدم التعجل فى الممل. وفى كل خطوة يجب أن نتاح الفرصة للأطفال لكى يعيروا بكلمات من عندهم عما يقومون به من عمل.

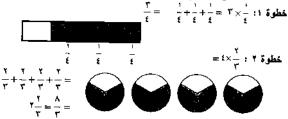
ويمكن القول أنه إذا زود الطفل بأساس جيد في جمع الكسور فان عمليــة تعليمــه طرح الكسور تصبح سهلة وذلك لأن الطرح عكس الجمع.

ضرب الكسور

قد تبدو عملية ضرب الكسور سهلة بالنسبة للأطفال لأنها تبنى على قاعدة بسيطة تتمثل فى ضرب البسطين وضرب المقامين، ولكن الأطفال يتعرضون لنسيان أى عملية درست نهم عن طريق القاعدة فقط، ولكن بإستخدام الرسوم التوضيحية يمكن للأطفال أن يفهموا إجراءات ضسرب كسرين بطريقة ملموسة وعندئذ يمكنهم إكتشاف وبناء القاعدة أو الخوارزمية بأنفسهم، وحتى لمو نسوا الخوارزمية فيمكنهم تذكر الإجراءات وتكون لديهم القدرة على إعادة بناء العملية الصحيحة.

ويمكن استخدام هذا المدخل باستخدام انشطة الطي أو النظليل (أو النلويين) أو لا. وكما حدث في الجمع نبدأ في تقديم ضرب الكمور على مراحل وفي خطوات:

> أ-- طبرب كسر في عدد كلي الماليا



وتتطلب الأفكار في الخطوتين ١، ٢ السابقتين أن يفهم الأطفال معنى الضرب فقط ويمكن استخدام الجمع المتكرر في المثالين المذكورين وفي المثال الثاني سوف يرى الأطفال بسرعة أنه يمكن التفكير في العمل كما يلي $\frac{Y}{\gamma} \times 2 = \frac{7 \times 3}{\gamma} = \frac{4}{\gamma}$

ويجب إعطاء تدريبات وفيرة في هذه المرحلة حتى يصلُ الأطفال إلى النتيجة التالية: "حاصل ضرب عدد في كسر يساوى حاصل ضرب العدد في بسط الكسر وابقاء الدقاء كما هو".

پ– ضرب کسر ف*ی* کمبر

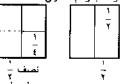
الخطوة الأولى

 $\frac{1}{\sqrt{x}} \times \frac{1}{\sqrt{x}} + \frac{1}{\sqrt{x}} \times \frac{1}{\sqrt{x}} + \frac{1}{\sqrt{x}} \times \frac{1}{\sqrt{x}} = \frac{1$

وتتطلب الخطوة الأولى في المرحلة "ب" مزيدا من المناقشة
$$\frac{1}{\gamma} \times \hat{\tau} = (\Upsilon)$$
 وتتطلب الخطوة الأولى في المرحلة "ب" مزيدا من المناقشة $\frac{1}{\gamma} \times \Upsilon = \left(\frac{1}{\gamma}\right)$ وأحد نقط البداية هي : أن يسأل المعلم الأطفال $\frac{1}{\gamma} \times \Upsilon = (1)$ أن ينسخوا ويكملوا مجموعة حواصل الضرب $\frac{1}{\gamma} \times \Upsilon = (1)$ المبينة على اليسار $\frac{1}{\gamma} \times \frac{1}{\gamma} = (\frac{1}{\gamma})$

سوف لا يجد الأطفال صعوبة في الأربعة الأولى من حواصل الضرب ولكنهم قد لا يقدرون على إعطاء إجابة لـ $\frac{1}{\gamma} \times \frac{1}{\gamma}$ ولمساعدتهم على إعطاء معنى لهذا الضرب ناقش معهم ما حدث في كل مسألة من المسائل السابقة الأولى $\frac{1}{\gamma} \times \hat{r}$ تمثل أربعة أنصاف والتالية تمثل ثلاثة أنصاف والتى تليها تمثل نصفين. كما أن $\frac{1}{\gamma} \times \hat{r}$ تمثل نصف واحد. وباستخدام هذا النمط تجد أن $\frac{1}{\gamma} \times \frac{1}{\gamma}$ تمثل نصف نصف الواحد ويمكن تمثيل قيمة النصف لنصف الواحد بالرسم كما يلى

 $\frac{1}{\xi} = \frac{1}{Y} \times \frac{1}{Y}$



وبنفس الطريقة يمكن التفكير في $\frac{1}{4} \times \frac{1}{4}$ على أنها ثلث نصف الواحد ويمكن

كما يمكن التفكير في $\frac{1}{2} imes \frac{7}{4}$ على انها ثلاثة أرباع لنصف واحد كما يلى:

$$\frac{1}{x} = \frac{y}{t} \times \frac{y}{t}$$

$$\frac{1}{y}$$

$$\frac{1}{y}$$

ويجب التعامل مع حواصل الصرب الأخرى المختلفة والتي يكون فيها بسط الكسر الأول ١ مثل $\left(\frac{1}{x} \times \frac{1}{x}, \frac{1}{x} \times \frac{7}{x}, \frac{1}{x} \times \frac{7}{x}, \frac{1}{x} \times \frac{7}{x}\right)$ ينفس الطريقة ومـن خلال هذه النتائج يجب أن يبدأ الأطفال في رؤية أن $\frac{1}{v} imes \frac{1}{v}$ (مثلاً) يمكن إيجادها من

وهَٰذه خطوة هامة ويجب توضيعها بعديد من الأمثلة.

ويجب الآن مناقشة حواصل الضرب التي فيها بسط الكسر الأول يختلف عن الواحد باستخدام $\frac{7}{2} imes rac{1}{2}$ فيجب التفكير في حاصل الضرب على أنه تُلتَبِـن أ $rac{1}{2}$ ويمكن التوضيح بالرسع أبضا كعا يلي

قسم المستطيل إلى قسم المستطيل الي ثلاث أخماس

قسم هذا المستطيل إلى أجراء صغيرة مقدارها ٥×٣ مستطيلا وظللنا منها ٤×٢







$$\frac{\lambda}{\text{allb}} = \frac{1}{\alpha} \times \frac{1}{\alpha} = \frac{1}{\alpha}$$



$$\frac{1 \times 4}{1 + 1}$$
 المخطوة الثانية: كتابة $\frac{3}{4} \times \frac{7}{6}$ هكذا

الخطوة الثالثة: فكرة التبسيط قبل إجراء الضرب لمثلا $\frac{\pi}{2} imes \frac{\Lambda}{8}$

$$\frac{\mathbf{T}}{\mathbf{T}} = \frac{\mathbf{X}}{\mathbf{X}} \times \frac{\mathbf{X}^{-1}}{\mathbf{X}}$$

وسوف پجد الأطفال من أي مثال وليكن $\frac{1}{9} \times \frac{7}{3} = \frac{7 \times 7}{9 \times 3} = \frac{7}{7}$ أن الإجابة

يمكن تبسيطها بقسمة البسط والمقام على ٢ لتعطى ﴿ ويمكن أن يؤدى ذلك إلى مناقشة مفادها أن القسمة على ٢ يمكن إجراؤها في أي مرحلة مبكرة.

وعلى سبيل المثال في مرحلة $\frac{Y imes Y}{4 imes 2}$ يمكن قسمة الأعلى والأسلل على Y وبيانها هكذا $\frac{1}{4} imes \frac{1}{4}$.

ج- ضرب الأعداد الكسرية

الخطوة ۱: مثل $\frac{1}{7} \times \frac{1}{7}$

أولا : نحول العدد الكسر ى إلى كسر $\frac{1}{1} \times \frac{1}{1} = \frac{1}{1} \times \frac{2}{1}$

ثانیا نیسط ثانیا نصری $\frac{1}{r} \times \frac{1}{r}$ $\frac{1}{r} \times \frac{1}{r}$

الخطوة ۲ :
$$\frac{1}{7} \times \frac{7}{4} \times \frac{7}{4}$$
 مثلا $\frac{7}{7} \times \frac{7}{7} \times \frac{7}{7}$

ای انه فی ضرب الأعداد الکسریة بجب أن یفهم الأطفال أن $\frac{7}{7}$ یمکن تحویلها لبی $\frac{3}{7}$ ، $\frac{1}{7}$ ، $\frac{3}{7}$ ، $\frac{7}{7}$ ، $\frac{7}{7}$

وقد یکون من العقید مناقشة طرق أخری لایجاد الإجابة مثل $\frac{7}{7} \times \frac{1}{7}$ حیث یمکن التفکیر فیها علی أنها $\left(\frac{7}{7} \times 1\right) + \left(\frac{7}{7} \times \frac{1}{7}\right)$ ویمکن التفکیر فی القوس الثانی علی انه $\left(\frac{3}{7} \times \frac{1}{7} \times \frac{1}{7}\right)$ وفی هذه الطریقة

$$\sqrt{\frac{1}{7}} \times \sqrt{\frac{1}{7}} = \sqrt{\frac{1}{7}} \times \sqrt{\frac{1}{7}} + \sqrt{\frac{1}{7}} \times \sqrt{\frac{1}{7}} = \sqrt{\frac{7}{7}} \times \sqrt{\frac{1}{7}} = \sqrt{\frac{1}{7}} \times \sqrt{\frac{1}}} = \sqrt{\frac{1}{7}} \times \sqrt{\frac{1}} \times \sqrt{\frac{1}}} = \sqrt{\frac{1}} \times \sqrt{\frac{1}}} = \sqrt{\frac{1}}} \times \sqrt{\frac{1}} \times \sqrt{\frac{1}}} = \sqrt{\frac{1}} \times \sqrt{\frac{1}}} = \sqrt{\frac{1}}} \times \sqrt{\frac$$

وقد يبدو المدخّل من هذا النوع غير ضروريا ومعقدا ولكن لذا إستطاع الأطفال تصنيف الضرب بهذا الإسلوب فحيننذ يشعر المعلمون بأن الأطفال فهمـوا الكسور فهما جيدا.

قسمة الكسور

يعتمد فهم الأطفال لعملية قسمة الكسور غالبا على مدى فهمهم لفكرة القسمة ولغتها فهما صحيحا ولذلك يحتاج المعلم، قبل البدء في شرح اجراءات القسمة، إلى مناقشة معنى ٢٠٢١ على سبيل العثال. ويمكن أن يمثل هذا ما يلى:

كم عدد المجموعات التي عناصر كل منها ثلاثة أشياء والتي يمكسن إيجادهـا مـن مجموعة عناصـرهـا ٢١ شينا.

وبلغة بسيطة لمإن ذلك يعنى كم ثلاثة تكون واحد وعشرين ويجب أن يتدرب الأطفال كثيرا على صياغة المعنى الـذي تعطيـه ١٨٤٢ ، ٢٤٤٦ ، ٣٠٠٥ وهكـذا بعبارات من عندهم.

وعندما تكون لدى الأطفال القدرة على عمل ذلك فحيننذ يمكنهم البدء في التفكير حول تسمة الكسور.

وفيما يلي بعض المقترحات للمراحل والخطوات.

أ- القسمة على كسر يسطه ١

ب- القسمة على عدد كسرى

 $Y \xrightarrow{+} + Y \xrightarrow{+} (1 \xrightarrow{+} + Y \xrightarrow{+} (1 \xrightarrow{+} + E \xrightarrow{+} (1 \xrightarrow{+} + Y \xrightarrow{+} 1 \xrightarrow{+} 4E \xrightarrow{+} (1 \xrightarrow{+} + Y \xrightarrow{+} 4E \xrightarrow{+$

إذا فهم الأطفال على سبيل المثال أن ٢٠٠٣ يمكن أن تمثّل (كم عددالثلاثات التى تكون سبعا وعشرين؟) نسوف لا يجدون صعوبة فى إيجاد معنى القسمة المبيئة فى خطوة ١ فى المرحلة السابقة فمثلا يمكن التفكير فى ١٠٠ على أنها كم نصفا تكون خطوة ١ فى المرحلة السابقة فمثلا يمكن التفكير على إعطاء الإجابة بسرعة وهي اثنان ويمكن واحداصحيحا؟ سوف تكون لديهم القدرة على إعطاء الإجابة بسرعة وهي اثنان ويمكن المعلم أن يعطى كل طفل أن يقسمه إلى أنصاف من خلال الثنى والطبى هكذا ويطلب منهم أن يقولوا عدد الاتصاف التى تكونت





وينفس الطريقة يمكن التفكير في $7+\frac{1}{r}$ على أنها كم ثلثاً تكون إثنين صحوحين وبمعرفة أن ثلاثة أثلاث تكون واحدا يمكن للأطفال إعطاء الإجابة (ست) ومن خلال أمثلة كثيرة من هذا النوع يجب أن يبدأ الأطفال في روية أنه يمكنهم إعطاء الإجابة المسمة عددكلي على كمعر أعلاه (بسطه) واحد وبسرعة وذلك باستخدام الضرب وهذه خطوة هامة ويعتبر المثالان الأولان في خطوة ٢ من المرحلة أ إمتدادا طبيعيا إذا استخدمنا لغة صحيحة فعثلا يجب التفكير في $\frac{1}{r}+\frac{1}{r}$ كما يلي، كم ربعا تكون نصفا؟ كما يجب مناقشة المثال الثالث $\frac{1}{r}+\frac{1}{r}$ مناقشة كاملة.

7 - تغییر الکسرین لیکون المقام ست وتصبح القسمة الأن $\frac{1}{r} \div \frac{1}{r}$ ویمکن التفکیر فیها کما یلی: کم عدد السدسین (الإثنین $\frac{1}{r}$) فی ثلاثـة أسداس؟ الإجابـة هـی $\frac{1}{r}$ ا

٣- رسم شكل مثل التالى: -







وعندما يتمكن الأطفال من القسمة على كسر أعلاه ١ فانه يكون بإمكانهم مواصلة مناقشة القسمة مثل $rac{7}{4} + rac{7}{4}$ ونقطة البداية هي معرفة النتيجة $rac{7}{4} + rac{7}{4} + rac{7}{4}$ ويمكن التعبير عنها بكلمات كما يلي:

يوجد أثنا عشر ربعا في ثلاثة أعداد كلية. ونحتساج إلى أيجاد (كم ثلاثة أرباع تكون ثلاثة أعداد كلية ويمكننا عمل ذلك بنسمة ٣٠/١. وقد يصاعد الشكل الآتي في فهم

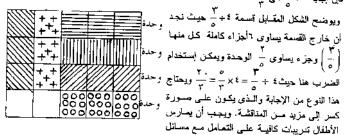
٣	, , ,
1 ¥=£×¥= 1 ÷¥	
€-4÷1 4= <mark>1</mark> ÷4	

وعندما يحل الأطفال أمثلة عديدة مـن هذا النوع والتي فيهـا الإجابـة عـدد كلمي فيكون من المفيد مناقشة بعض مسائل القسمة مثل :

$$\frac{\xi}{0} \div \xi$$
 ، $\frac{1}{0} \div \xi$ ، $\frac{1}{0} \div \xi$ ، $\frac{1}{0} \div \xi$. $\frac{1}{0} \div \xi$

	,	١		1
2 2 2 2 2) 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	1 1 0 1	1 0 0	\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \
<u> </u>	Y Y Y	<u> </u>	7 0	, <u>, , , , , , , , , , , , , , , , , , </u>
	$\frac{r}{a}$	<u>†</u>	<u> </u>	<u>r</u>
1	<u> </u>	<u>f</u>	<u> </u>	<u>í</u> -

ومن الرسم تظهر إجابة كل مسألة واضحة ماعدا $2+\frac{1}{6}$ فيانسبة لهذه المسمة لا يوجد عدد كلى نثلاثة أخماس أى أن الخمسين فى نهاية الشكل لا تكون ثلاثة أخماس كاملة بمعنى أنه يوجد خمسان فقط بدلا من ثلاثة ويكونان مما ثلثان لـ $\frac{1}{6}$ ولهذا فان إجابة $2+\frac{1}{6}$ هى $\frac{1}{6}$.



قسمة مثل تلك التي تتعلق بالأخماس عاليه.

قسمة كسر على عدد

ثم من خلال المناتشة يعرف الأطفال أن القسمة عملية عكسية للضرب ولحساب خارج تسمة كمر على عدد نضرب الكسر بمقلوب هذا العدد

قسمة كسر على كسر

نبداً أو لا بالأشكال كما أوضحنا سابقا في حالة $\frac{1}{r} \div \frac{1}{r}$ ثم من خلال المناتشة يصل الأطفال إلى القاعدة التالية: أنمه لحساب خارج قسمة كسر على كسر نضرب الكسر الأول في مقوب الكسر الثاني ويجب أن يتدرب الأطفال على أمثلة عديدة على هذه القاعدة وتطبيقها كما يلى على سبيل المثال:

$$\frac{1}{\sqrt{7}} = \frac{1}{\sqrt{7}} \times \frac{1}{\sqrt{7}} = \frac{1$$

قسمة عدد كسرى على عدد كسرى.

حينما يفهم الأطفال الأقكار السابقة فإن القسمة على عدد كسرى تعتبر إمتدادا طبيعيا حيث يحول العدد الكسرى إلى صيغة كسرية ثم تجرى القسمة بنقس الطريقة كما سبق وفيما يلى بعض الأمثلة

$$\frac{2}{3} + \frac{1}{3} = \frac{1}{3}$$

$$\frac{2}{3} + \frac{1}{3} = \frac{1}{3}$$

$$\frac{1}{3} + \frac{1}{3} = \frac{1}{3} + \frac{1}{3} = \frac{1}{3}$$

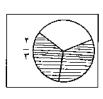
$$\frac{1}{3} + \frac{1}{3} = \frac{1}{3} + \frac{1}{3} = \frac{1}{3}$$

$$\frac{1}{3} + \frac{1}{3} = \frac{1}{3} = \frac{1}{3} + \frac{1}{3} = \frac{1}$$

الكسور الإعتبادية من الموضوعات الهامة والصعبة في منهج الرياضيات بالمرحلة الإنتدانية واثبتت دراسات كثيرة أن بعض طلاب المرحلة الثانوية أوضا تواجههم صعوبات في عمليات على الكسور كما أثبتت دراسات أيضا أن نسبة من المعلمين لا يفهمون العمليات على الكسور ومن هنا يجب علينا بإعتبارنا معلمين للرياضيات أن نولى هذا الموضوع أهمية خاصة فى تدريسنا ويجب أن نركز أولا فى تدريسنا على مساعدة الأطفال على فهم معنى الكسر ويذكر Thomas R. post وز سلاؤه () أن نمو فهم الأطفال للكسور يعر بثلاث مراحل.

أولا: المرونة في التفكير في الترجمسة المتناسقة بين صيغ الكسور حيث يحتاج الأطفال الاشتقاق معنى الكسر: معلومات حول كيفية تجسيد الكسور عن طريق الصور والأدرات وكيفية الترجمة إلى التمثيل الرعزى فمثلا في الشكل العقابل

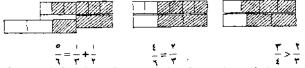
يترجع التجسيد إلى رمز.



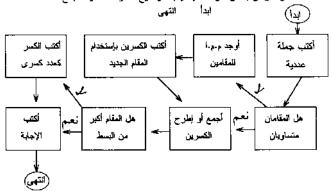
ثانيا: التفكير في الترجمات بين صيغة واحدة من صيغ الكسور وتأتي هذه المرحلة بعد فهم الطفل لمعنى الكسر حيث تأتى بعد ذلك مرحلة فهم تكافق الكسور والمقارنة بينهما وفي المرحلة الثانية يتم أو لا إيجاد التعثيل الرمزى للكسر وثانيا البحث عن تجسيد يمثل كمرا يكافىء الكسر المعطى فمثلا لحل الجملة المفتوحة $\frac{2}{r} = \frac{1}{r}$ يكون التفكير كما يالشكل التالي:

● ● ○ ○ ○ ○ → كراث مارنة ● ● ○ ● ○ → كراث سضاه

ويجب على المعلم أن ينوع من الأشكال والتجسيدات حتى ترسخ هذه المفاهيم (مفهوم الكسر-تكافو الكسور-المقارنة بينهما) في أذهان الأطفال ويصبحوا على استعداد تقفيل العمليات على الكسور وفيما يلى أحد التجسيدات الأخرى



ويجب إعطاء تدريبات متنوعة بحيث تشمل تحديد الكسور المتكافئة وإعادة تسمية مسألة القسمة ككسر وإعادة تسمية (تحويل) الكسر إلى مسألة تسمة وإعادة تسمية العدد الكلى ككسر وإعادة تسمية الكسر الذى مقامه ١ كعدد كلى. الكسور وهناك من يرى البدء بالضرب والقسمة ويوجد رأى أخر وهو البدء بالجمع الكسور وهناك من يرى البدء بالضرب والقسمة ويوجد رأى أخر وهو البدء بالجمع والمعلر وهو ما أخذنا به بسبب تعود الطفل على الجمع أولا كما في الأعداد الكلية وفي جمع وطرح الكسور يجب أن نبدأ في تقديمهما من خلال التجسيدات كالمناطق الهندسية وخط الأعداد والرسوم والصور وما إلى ذلك ويجب أن يتدرب الأطفال على ترجمة جمع الكسور متحدة المقام إلى كلمات وصور ثم تبسيط حاصل الجمع إن كان معكنا ثم يعرب الكسور على يجدد المقام المشترك الأصغر لكسرين أو أكثر غير متحدى المقام أم جمع كسرين أو أكثر غير متحدى المقام أم جمع كسرين أو أكثر غير متحدى المقام ومن كسرين عرض بعض خرائط الإنسباب لترضيع خطوات عملية الجمع هكذا.



وفى الطرح أيضا يجب أن نسير مثل الجمع بالأثنياء الملموسة أو لا ثم شبه العلموسة ثم المحددة ويجب أن يتدرب الأطفال كثيرا على طرح الكسور متحدة المقام والتحقق من صحة طرح الكسور باستخدام الجمع وقرجمة طرح الكسور متحدة المقام إلى كلمات وصور وتبعيط بالى الطرح إذا كان ممكنا كما يجب أن يتدرب الأطفال على طرح كسور مختلفة المقام وعلى طرح عدد كلى من عدد كسرى وطرح كسر من عدد كسرى وحل مسائل نفظية تتضمن كسورا وأعدادا كسرية.

وبالنسبة للمضرب يجب أن نبدأ في تقديمه بطرق ملموسة وشبه ملموسة ويجب أن يعمل الطفل بنفسه في تظليل المفاطق الهندسية حتى يتضح مفهوم المضرب في ذهنه أولا ثم بعد ذلك يتدرب على قاعدة ضرب الكسور ويجب التدريب على التخلص من

العوامل المشتركة قبل ضرب الكسور وأن يضرب كسرا في عدد كلى وعددا كسريا في عدد كسري.

وفى القسمة نبدأ أيضنا من خلال المناطق الهندسية وخط الأعداد ثم الطرح المتكرر ثم يتدرب الأطفال على أيجاد مقلوب الكسر والمدد الكسري والعدد الكلي قبل تقيير قاعدة القسمة.

ومن الضرورى تعويد الطفل على القسمة بطرق متعددة ونيما يلسى ثلاثة طرق لإيجاد $\frac{1}{1+1}$

الطريقة الأولى: وتسمى طريقة الكسر المركب

$$\frac{\frac{1}{1} \times \frac{r}{\xi}}{\frac{1}{1} \times \frac{r}{r}} = \frac{\frac{r}{1} \times \frac{r}{\xi}}{\frac{1}{1} \times \frac{r}{r}} = \frac{\frac{1}{1}}{r} \div \frac{r}{\xi}$$

$$\frac{1}{1} \times \frac{r}{r} = \frac{\frac{r}{1}}{r} \div \frac{r}{\xi}$$

 $\frac{1}{\xi} = \frac{\mathbf{r} \times \mathbf{r}}{1 \times \xi} = \frac{\mathbf{r}}{1} \times \frac{\mathbf{r}}{\xi} =$

وهذه الطريقة تعتمد على فهم أن الكسر يناظر القسمة بمعنى أن با تعنى ٢÷٢ والطريقة الثانية: تعدمي طريقة العامل الضائي وهي تربط بين القسمة والضرب

والطريقة الثالثة: وتسمى طريقة المقام المشترك $\frac{z}{1}$ + $\frac{y}{1}$ = $\frac{z}{1}$ + $\frac{z}{1}$

والسؤال: كم عدد $\frac{2}{1}$ في $\frac{9}{17}$ يكافىء كم عدد الأربعات في 9

والإجابة: هي ؟ ÷٤ أو أ وهذه الطريقة تؤكد معنى أن القسمة في الكسور مثل القسمة في الكسور مثل القسمة في الأعداد الكلمة.

الكسور الإعتيادية في منهج المرحلة الإبتدائية

يتضح من الجدول التالى مراحل تقييم الكسور في كل صف من صفوف المراحل الإبتدائية. لاحظ أن معظم الكتب المدرسية تركز في الصفوف من ١-٣ على نتمية معنى الكسر ورمزه بينما في الصفوف من ٤-٦ يتعلم الأطفال العمليات على الكسور الإعتبادية: أولا الجمع والطرح وبعد ذلك الضرب والقسمة.

الصف الأول:

إنقرائية الكسور: التعرف على التصائل وعلى جزئين منطابقين نموذج مساحة (مع أجزاء متطابقة) والكالهات واحد ونصف، واحد ثلث، واحد ربع (بدون رموز).

الصف الثاني:

تقدیم أسماء ورموز ل $\frac{1}{7}$ ، $\frac{1}{7}$ ، $\frac{1}{7}$ ، $\frac{7}{7}$ ، $\frac{7}{7}$ ، $\frac{3}{7}$ ، $\frac{3}{8}$ ، $\frac{3}{7}$ ، $\frac{3}{8}$, $\frac{1}{7}$ ، $\frac{3}{8}$, $\frac{3}{7}$ ، $\frac{3}{8}$, $\frac{3}{7}$ ، $\frac{3}{8}$ ، $\frac{3}{7}$ ، $\frac{3}{7}$ ، $\frac{3}{8}$ ، $\frac{3}{7}$ ، $\frac{3}{7}$

الصف الثالث:

القياس بالكسور : استخدام المسطرة في قياس الكسور – طمى أشكال ورقية لبيان $\frac{1}{\gamma}$ ، $\frac{1}{\xi}$ ، $\frac{1}{\zeta}$ ، $\frac{1}{\zeta}$ ، $\frac{1}{\zeta}$ وهكذا.

الصف الرابع: تقديم مفهوم ومصطلح تكافؤ الكسور بدلالة المساحة والمجموعات تقسيم مستطيل لبيان تكافؤ الكسر. استخدام طريقة المقص (ضرب الطرفين بالوسطين) لتحديد تكافؤ الكسور – الكسور كاطوال على خط الأعداد - الأعداد الكلوة ككسور – الأعداد الكسرية.

تقديم مبدئي لعباديء جمع الكسور .

الصف الخامس: النسبة ومقياس الرسم مقدمة في جمع وطرح الأعداد الكسرية -استخدام خرائط الإنسياب في الإجراءات - تنمية مهارة جمع وطرح الأعداد الكسرية تقديم رموز الأعداد العشرية والنظام المترى.

الصف السادس: مراجعة على جمع وطرح الأعداد الكسرية - إستخدام الخواص ضرب وقسعة الكسور الإعتيادية - جمع وطرح وضرب وقسعة الأعداد العشرية - العلاقة بين الكسور الإعتيادية والعشرية.

٣- الأخطاء الشائعة في دراسة الكسور الإعتيادية.

أشارت نتائج العديد من الدراسات التي أجريت في مجال الكسور الإعتيادية الى أن كثيرا من أطفال المرحلة الإبتدائية يعانون من صعوبات كثيرة في فهم أساسيات

وحقائق الكسور و كنلك في إجراء العمليات الحسابية المتعلقة بها مما يسفر عن وقوعهم في أخطاء مثل:-

ا – عدم فهم معني الكسر مثل
$$\frac{1}{2} = \frac{1}{2}$$
 ، $\frac{1}{2} = \frac{1}{2}$.

٢- عدم القدرة على تمثيل الكسور الإعتيادية بأشكال هندسية.

٣- ترتيب الكسور حيث يرى نسبة كبــيرة مـن الأطفـال أن الكســر الإعتبــادى ذا العقــام

الأكبر هو الأكبر قيمة في حالة تصاوى بسطى الكسرين مثال 💍 > ـً .

٤- جمع كلا من البسطين والمقامين في مسائل الجمع مثل

$$\frac{1}{4} = \frac{1}{6} + \frac{1}{4}$$
, $\frac{1}{4} = \frac{1}{4} + \frac{1}{4}$

$$\frac{1}{1} = \frac{1}{1} - \frac{1}{1} = \frac{1}{1} - \frac{1}{1} = \frac{1}{1} = \frac{1}{1}$$
 من البسطين و العقامين مثل $\frac{1}{2} = \frac{1}{1} - \frac{1}{1} = \frac{1}{1}$

$$\frac{1}{1} = \frac{1}{1} - \frac{1}{1}$$
 طرح کل من البسطین و المقامین مثل $\frac{1}{1} = \frac{1}{1}$

٧- نسيان الأعداد الكلية عند جمع الأعداد الكسرية فمثلا عند جمع

٨- طرح أعداد كلية عندما توجد أعداد مختلطة
 ٩- اخطاء في الضرب

$$\frac{\circ}{\tau} = \frac{\circ}{\tau} \times \frac{1}{\tau} \qquad \bullet \qquad \frac{\wedge}{\tau} = \frac{\circ}{\tau} \times \frac{\tau}{\tau}$$

$$\frac{7}{7} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{7} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{7} \times \frac{1}$$

١٠- أخطاء في القسمة

$$\frac{1}{A} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{2} \div \frac{1}{4} \quad , \quad \frac{3}{1} = \frac{\mu}{6} \times \frac{\mu}{4} = \frac{\mu}{6} \div \frac{\mu}{4} \quad , \quad \frac{\mu}{1} = \frac{1}{1} \div \frac{9}{1} \, .$$

٩-عدم القدرة على حل المسائل اللفظية على الكسور الإعتبادية.

ويمكن إرجاع الأسباب الكامنة وراء تلك الأخطاء إلى:

١ -عدم فهم معنى الكسر .

٢- تقديم القراعد في مرحلة مبكرة.

 ٣- إستخدام كلمات وعبارت قليلة المعنى بالنسبة للأطفال مثل احذف أو اهمل. أوجد المضاعف المشترك الأصغر.

٤- بعض المعلمين أنفسهم لا يقهمون العمليات على الكسور فهما كـاملا حيث يقومـون
 بندريس القواعد بأسرع ما يمكن مثلما تعلموا هم أثناء فنرة در استهم.

معلومات إضافية

١- الكُسور الأعتبادية الصرية

أوراق البردى هي أول شيء إستخدم في الكتابة عليها وبطبيعة الحال فإن أول كتابة رياضية ظهرت على ورق البردى وهذه الأوراق تأتى من ساق نبات البردى وتجلف وتدق حتى تصير رفيعة تصلح للكتابة عليها مثل الورق.

وعلى إحدى أوراق البردي مخطوطة سميت أحمس أظهرت ننا وصفا أوليا لعفهوم الكمر عند قدماه المصريين.

وفيما يلى جزء من ورقة بردى مكتوب عليها:

وقد استخدم المصريون القدماء كسور الوحدة وهى الكسور التى فيها البسط يساوى واحدا. ولكتابة كسر ما يوضع شكل بيضاوى صغير فوق سلسة من الخطوط ويشير عدد الخطوط إلى المقام وفيما يلى بعض أمثلة هذه الكسور:

والشكل الثاني الذي على اليسار كل خط يمثل ١ وحيث أنه يوجد أربعة خطوط فإن الكلك الثالث إلى أو الشكل الرابع مرا

٢- فضل العرب والسلمين في الكسور الإعتبادية

إن ألدم معرفة للكسور الإعتبادية يمد المصريين القدماء تنسب إلى ليلافاتي (Lilavati) الهندي (100 م) وقد كان ليلافاتي يكتب الكسور الإعتبادية جاعلا البسط في الأعلى والمقام في الأسفل ولا خط بينهما، فمثلا $\frac{T}{11}$ كانت تكتب $\frac{T}{11}$ أما المدد المكون من كسر وعدد كلى فكان المعد الكلي يكتب فوق الكسر.

۸ قمثلا ب کانت تکتب ۴ ويعزى إدخال الخط القاصل بين البسط (صورة) الكسر ومقامه (مخرجه) إلى علماء المسلمين.

ويقول الشيخ الشنشوري في معرض شرحه للكمر: (٥)

يسمى العدد الأعظم المنسوب إليه إذا كان صحيحا مخرجا لأن الكسر يخرج منه ومقاما لأن كل كسر يقوم من مخرجه أي يؤخذ منه وعند المقاربة إماما لتقدمه في أعمال الكسور ويسمى العدد الأصغر المنسوب بسطا وقد وقف علماء المسلمين على أسس عمليات الكسور الإعتبادية من جمع وطرح وضرب وقسمة حيث كانوا يبدأون بحساب المقام (المخرج) المشترك قبل إجراء العمليات الحسابية.

ويقول بهاء الدين العاملي (١٥٤٧-١٦٢٢) إذا ضربت مخارج الكسور التي ليها حرف العين بعضها في بعض حصل المخرج المشترك للكسور التسعة وهو "ألفان وخمسمانة وعشرون" ويقال إنه سئل الإمام على كرم الله وجهه عن مخرج الكسور التسعة فقال للسائل "أضرب أيام سنتك في أيام أسبوعك" ومن المعروف في الكتابات العربية أن الكسور التسعة هي

$$\frac{1}{1}, \frac{1}{4}, \frac{1}{4}$$

والمقامات التي تشمل على حرف العين هي أربعة، سبعة، تسمعة، عشرة وحاصل ضريها هو ٢×٢ ×٩ ×١٠ =٢٥٢٠

إختبر فهمك:

١- بين أن ٣ تكافىء ع باستخدام الأشياء التالية ـ

خط الأعداد – شر أنح الكسور – الأشكال الهندسية

$$\frac{1}{2} < \frac{1}{2}$$
 كيف توضح للأطفال بإستخدام الأشياء الملموسة أن

٣- اكتب موقفا حقيقيا يرتبط بكل من المسائل التالية ثم إرسم شكلا يوضح كيفية حلها

 هات من اهتاماتك مشكات ومواقبف حقيقية والعبية من الحياة توضيح أن الجمع المتكرر يمكن تطبيقة على ضرب الكسور.

٥- إرسم خريطة مسار توضح إجراءات تبسيط الكسر الإعتيادي إلى أبسط صورة.

٦- بين كيف يمكن إستخدام الأشكال الهندسية وخط الأعداد في توضيح ما يلي

$$\frac{7}{7} \times \frac{7}{7} \left(\div \right) \qquad \frac{7}{7} \times \frac{7}{4} \left(\div \right) \qquad \frac{7}{7} \times 4 \left(\frac{1}{7} \right)$$

$$\frac{1}{2} \div \frac{7}{7} \left(\Delta \right)$$
 $\frac{1}{7} \div \frac{7}{7} \left(2 \right)$

 $\frac{1.7}{10} \times \frac{7}{10}$ كانب قائمة بالخطوات المتبعة في إختصار حاصل ضرب $\frac{7}{10} \times \frac{7}{10}$

رتب الكسور التالية تصاعديا
$$\frac{1}{7}$$
 ، $\frac{7}{8}$ ، $\frac{7}{8}$ ، $\frac{7}{8}$ ، $\frac{7}{8}$ ، $\frac{7}{8}$

١٠- أكمل العربع المقابل بحيث يكون المجموع في كل صيف وكل عمود وكل قطر يساوى 🔭

ĺ			
ı			1
	1_ 1_ A	1 7 7	

11 - |
$$\overline{ZTP}$$
 (+) | \overline{P} (-) \overline{ZTP} (+) | \overline{P} (-) \overline{ZTP} (+) | \overline{P} (-) \overline{ZTP} (+) | \overline{P} (-) \overline{P} (-

- تقديم الكسور العشرية .
- ربط الكسور العشرية بالقيمة الكانية .
 - ـ تكافؤ الأعداد العشرية .
 - مقارنة وترتيب الأعداد العشرية .

العمليات على الكسور العشرية.

- ـ الأخطاء الشائعة في الكسور العشرية.
 - الكسور العشرية القديمة .

- من المتوقع بعد قراءة هذا الفصل ودراسته أن يصبح الدارس قادرا على أن : -
- د بوضع استخدام وسيلتين على الأقل تساعدان في تقديم أنشطة للتعامل مع معنى
 الكسور العشرية .
 - ٢- يكتب صورتين مختلفتين لتمثيل الكسور العشرية .
- ٣- يصف مواقف من الحياة اليومية تتضمن الجمع والطرح باستخدام الكسور العشرية ويوضح الوسائل التعليمية التي يمكن أن تستخدم مع الأطفال لتنمية فهمهم لهذا الذوع من الجمم والطرح.
- ۰.۲۰ یعد مسائل نفظیة علی الضرب مثل 3×7 , ۰ $\sim 1,7 \times 0$, ۰ $\times 0$ = ۰ ، ۰,۲۰ $\times 0$, ۰ یعد مسائل نفظیة نفاسیة تساعد علی فهم معنی کل جملة .
- م. بشرح إجراءين يمكن أن يستخدما في تحديد عدد الخاتات التي على يمين خانة
 الأحاد في حاصل ضرب يتضمن كسورا عشرية .
- ٢- يعين بعض الأنشطة التي يمكن أن يقوم بها الأطفال ليفهموا قسمة الكسور العشدية.
- بشرح طريقتين لتحديد أين توضع العلامة العشرية في خارج قسمة الكسور
 العشرية.
 - ٨- يساعد الأطفال على الربط بين الكسور الإعتيادية والعشرية.
- و- يعرف الأخطاء التي يشيع الولوع فيها من قبل أطفال المرحلة الإبتدائية في
 الكسور العشرية والعمليات عليها ويستخدم بعض الأساليب تقليل الوقوع في مثل
 تاك الأخطاء
- من المتوقع بعد أن يكمل الطفل الأنشطة الموصوفة في هذا الفصل أن يصبح قادراً على أن : -
 - ١- بحدد الأجزاء الثلاثة للعدد العشرى .
 - حدد إسم القيمة المكانية الصحيح لرقم معطى في عدد عشرى -
 - ٣- يكتب القيمة الصحيحة لخانة معينة في عدد عشرى .
 - ٤- يكتب العدد العشرى بصورة منحيحة.

- a يقارن بين عددين عشريين باستخدام الرمز > · < · =
 - ٦- يرتب أعدادا عشرية تصاعديا أو تنازلياً .
 - ٧- يقرب الحدد العشرى حسب مايطلب منه ،
 - ٨- يعيد تسمية العدد الكلى كعدد عشر ى مكافئ .
- وحد تسمية الكسر العشرى كعدد كلي إذا كان جزء الكسر العشرى صفرا .
 - ١٠ يعيد تسمية الكسر العشرى ككسر حقيقى مكافئ له .
- ۱۱ يعيد تسمية الكسر الإعتيادي ذي المقام ۱۰، ۱۰۰، ۱۰۰، ۱۰۰۰ ككسر عشري مكافئ .
- ١٢ يعيد تسمية العدد العشرى كعدد كسرى أو كسر غير حقيقي عندما يكون النجزء
 الكلي ليس صغراً .
 - ١٢ يحدد عدد الخانات على يعين العلامة العشرية في العدد العشري .
- ١٤ يعيد تسمية العدد العشرى إلى عدد عشرى مكافئ يحتوى على خانات عشرية أكبر من العدد العشرى الأصلى .
 - ١٥- يجمع عددين عشريين أو أكثر .
 - 17 يجمع أعداد عشرية مع أعداد كلية ،
 - العداد العشرية والأعداد الكلية .
 - ١٨ يحل مسائل افظية تتضمن أعداد عشرية يجب جمعها أو طرحها .

مقدمــــة:

الكسور العشرية من الموضوعات الهامة في رياضيات المرحلة الإبتدانية وسوف تزداد الحاجة إلى معرفة الكسور العشرية كلما زاد استخدام الآلات الحاسبة والنظام المترى، ومن المحتمل أن تقدم الكسور العشرية في العرحلة الإبتدانية في وقت مبكر وأن يخصص لها وقت أكبر في المستقبل إن شاء الله مما هو موجود عليه الآن .

وسوف تستمر الكسور كأداة هامة لموصف كثير من مواقف العالم الحقوقى ولهذا سوف يستمر تعليمها في المدارس الإبتدائية فغالبا ما نسمع في المجال التجارى أن منتجا معينا يوصى به ثلاثة متخصصين من بين 2 قاموا بمعاينته وفحصه. وهذا لا يعنى أن الذين فحصوه كانوا 2 ققط، فربما عاينه ٢٠ فأوصى به ١٥ منهم ، وتوجد عدة طرق الصياغة هذه الحالة عديا :

 $\frac{\pi}{1 \cdot 1}$ او حتى يالمنتج $\frac{\pi}{2}$ من المتخصص و $\frac{\pi}{1 \cdot 1}$ منهم او $\frac{\pi}{1 \cdot 1}$ او π 0 و π 0 منهم.

وهذا العثال يشير إلى أنه ليس فقط الكسور الإعتياديــة هــى اللـــى يشــيع إســـتخدامها ولكن الموقف المعطى يمكن وصفه أيضا بالكسور العشرية والنسبة المنوية .

والكسور المشرية أحد ثلاث طرق لتمثيل الأعداد الكسرية ويجب أن ترتبط دراستها بما قد درس في الكسور الإعتيادية وفي نظام العد العشرى ، كما أن نماذج الكسور العشرية يجب أن تشبه تلك التي استخدمت في الكسور الإعتيادية حتى يمكن الربط بينهما.

وفى كثير من الأحيان يمكن لأطفال الصفوف الوسطى من المرحلة الإبتدانيـة أن يتعلموا الكسور الإعتيادية والعشرية معا في وقت واحد وباستخدام نفس النماذج. وهذا المدخل له فاندتان هما :

الأولى: يتعلم الأطفال أن كلا من الكسور الإعتيادية والعشرية تمثيل للأعداد الكسرية بدلا من النظر اليهما على انهما غير مرتبطين كما هو الفالب في حالة دراستهما دراسة منفصلة . والثانية: التوفير في الوتت حيث أن معظم المواد التعليمية الملموسة وشبه الملموسة يمكن استخدامها في أن واحد لتنمية فهم كلا النوعين من الكسور.

ويجب أن يكون واضحاً للأطفال آن العلامة العشرية هي امتداد لنظام العد العشرى (أحاد ، عشرات، مئات ...) وتستخدم العلامة العشرية لتوضيح أن العدد الكلي انتهى وبدأت الكسور.

تقديم الكسور العشرية :

الأعثار Tenths

أنشطة

يحتـاج الأطفـال إلـى أن تكـون لديهم القـدرة علـى القيــاس باسـتخدام السـنتيمتر والمثليمتر قبل البدء فى هذه الأتشطة وعليك ـ كمـمنم ـ التأكد من أنهم يستطيعون ذلك.

١ ـ خطوط القياس .

في هذا النشاط يطلب المعلم من الأطفال قياس الخط الأول

najmi ini	ज्यानम्	بساس	ulluu	hilini	<u> </u>	اسلسا	أسالسنا
1	۲	٣	-	٥	٦	٧	_^{

فيجدونه \forall سم ، $عصم . الله عمم عيارة عن <math>\frac{3}{1}$ من السنتيمتر ولهذا فمإن

الطول يمكن كتابته كما يلى ٧سم + $\frac{3}{1}$ سم أو هكذا ٧,٤ سم شم تقدم فكرة كتابة هذا الطول هكذا ٤,٧سم ويسجل الأطفال الطول بثلاثة صور هكذا

$$\frac{\xi}{V_{\text{total}}}$$
 منع $\frac{\xi}{V_{\text{total}}}$ سنم $\frac{\xi}{V_{\text{total}}}$

ثه يقيس الأطفال خطوطا أخرى بنفس الأسلوب ويسجلون كل تياس بشلاث صدور كسا سبق .

ويجب أن تكون بمض هذه الخطوط أقل من ١ سم حتى يمكن تقديم الصفر في خانة الأحاد . (فعثلا حسم ، ٨ مع تظهر هكذا ٨,٥ سم .)

٢ -باستخدام خط الأعداد :

يمكن للمعلم أن يستخدم خطوط أعداد لتنمية فهم الأطفال للكسور العشرية . وعلى المعلم أن يبدأ بخط أعداد مقسم إلى تطع مستقيمة تمثل وحدات . ثم يستخدم خطا أخر يقسم كل وحدة إلى عشر قطع مستقيمة متطابقية . ويجب على الأطفال أن يسموا كل نقطة على الخط بصيغتين مثلا : " ۲، " ۲، " ۲، "

ثم يعطى الأطفال أو ضباعا متعددة لنقاط أخسرى بنفس الأسلوب على أن تكون بعض هذه النقاط بين علامتي ١٠، ٤ على الخسط حتى يمكن تسجيل النتائج التي مثل $\frac{9}{1}$ ، 9,،

ويجب تشجيع الأطفال خلال هذه الأنشطة على النظر إلى الكسور العشرية التى يسجلونها وبعد ذلك يكتبونها أن أمكن بصيغ أخرى مثل

حيث يوكد هذا النوع من التسجيل على الصيغ المتنوعة التي يمكن كتابة الكسر بها .

٣ ـ باستخدام أشكال هندسية

يمكن للمعلم أن يستخدم بعض الأشكال الهندسية مثل الدائرة والمخمس والمستطيل وما إلى ذلك حيث يقسم كل شكل إلى عشرة أجزاء متطابقة حيث يلاحظ الأطفال أن الأجزاء تمثل أجزاء من عشرة ويسجل الأطفال عدد الأجزاء كما سبق بصيغتين مثلا

		ı;	£, ريمكذ	· 1	· · · · · ·
				(T) (T)	
٠,١	٠,١	1,1	٠,١		- (1) <u>※</u> に
ایدا			4.1	\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\	- X4(4X

٤ ـ باستخدام شرائح الكسور

يمكن أيضا استخدام شرانح الكسور بحيث يستخدم المعلم أو لا شريط وحدة ثم شريط مقسم إلى عشرة أجزاء متطابقة وسوف يلاحظ الأطفال أن كل جزء يمثل جزءا من عشرة.

				1					
٠,١	1,1	4,1	٠,١	4.1	٠,١	••1	١,٠	١.	+,1

٥ ـ باستخدام مربعات ورقية

يوزع المعلم على كل طفل قطعا ورقية على شكل مربع ويناقش معهم أن كل قطعة تمثل وحدة أو كلا ويطلب المعلم من كل طفل أن يقسم كل ورقة إلى عشرة أجزاء ويناقش معهم أن كل جزء يمثل 1/1 من المربع شم يلون (أو يظلل) الأطفال ويكتبون

تعتبه 🐈 وأيضما ٠٫١ ثم يلون الأطفهال أجزاء متنوعة من العربـع ويكتبـون الكسـر







ويلون الأطفال باستخدام مربع جديد كل الكسور الأخرى الممكنة .

ربط الكسور العشرية بالقيمة المكاتية :

الحاد عشرات منات ح ع م ۱۰۰ ۱۰ ۱

١ . ربط العلامة العشرية (للأعشار) بالقيمة المكاتية
يعرف الأطفال الأعمدة الرأسية بالنسبة للأعداد
الكلية هكذا وتقرأ الأعمدة من اليسار إلى اليمين

أى ١٠٠، ١٠، ١ ويمكن تعثيلها بالصورة المختصرة للأعمدة الرأسية هكذا

r & c

حيث نلاحظ أن كل عدد جزء من عشرة من العدد الذي على يساره ويحتاج ذلك المياية شديدة.

ويمكن عند هذه المرحلة مناقشة السبب في استخدام العلامة العشرية مناقشة تامة.

وإذا استخدمنا الأعسدة فللا داعي للملامة العشرية . وفي حالة عدم استخدام الأعمدة الرأسية يجب أن تكون هناك طريقة لفصل الأعداد الكلية عن الكسور حيث يكون من الخطأ كتابة العدد الأول هكذا ٣ ٥ ٨ أي أن استخدام العلامة العشرية هو أسلوب بسيط للغاية لبيان نهاية الأعداد الكلية وبداية الكسور .

ويجدب أن يقرأ الأطفال الأن كل الأعداد المبينة عاليه باستخدام لغة النظام العشرى مثلا : مانتان وثمانية وخمسون علامة عشرية ثلاثة .

يجب أن ينمو فهم الأطفال للعلامة العشرية لأجزاء المانة من خلال إمتداد

الأتشطة التي استخدمت في تقديم الأعشار أنشطة .

١ ـ باستخدام شبكة تربيعية مقسمة إلى مائــة

مربع صنغير كالمبينة على اليسار .

أ ـ يوجد الأطفال أو لا عدد المربعات في الشبكة

(١٠٠) ثم يلونون أو يظللون مربعا واحدا شم يكتبون أسفل الشبكة مقدار الكسر من الشبكة

يمبون المنطق السبيعة للمدار المنطق الله المسالة أو المنطق الله المنطقة المنطق

يظللون عمودا واحدا من العربعات ثع يحسب

عدد المربعات التي لونت (١٠) ثم



يكتب الأطفال كسر الشبكة الذي لون أسفلها وتقاقش الأساليب المتنوعة التي يعكـن بهـا عمل هذا الجزء فعثلاً :

أولاً: التفكير في ١٠ مربعات صغيرة (كل منها ١٠٠ من الشبكة التربيعية) وعندنذ

يكون الكسر ...

ثانياً : بالمد يجد الأطفال أنه يوجد ١٠ أعمدة معا ونهذا قان كل عمود يعتبر ١٠ من الشبكة التربيعية.

ثانيًا : إذا كتب الكسر 1 على الصورة ٠,١ فإن ذلك يعني أن ٠,١ من الشبكة قد لون.

ويجب أن يفهم الأطفال من هذا النشاط أن كل مربع منفير هو $\frac{1}{100}$ من الشبكة التربيعية وكل عمود هو $\frac{1}{100}$ أو ١٠٠ منها .

-YYY-



ب _ يلون أو (يظلن) الأطفال الآن ١٧ مربعا صعفيرا كما هو مبين ثم يطلب منهم تميين الكسر الذي لون بصيغ مختلفة ويجب أن تكون لايهم القدرة على توضيح هذا الكسر هكذا لا لا مربع وأيضا هكذا الكسر أبد أبد وقد الكسر الكسر

يكتب بعض الأطفال الصيغة الأخيرة هكذا $\frac{\forall}{1} + \frac{1}{1}$. ويجب مناقشة الصيغ الثلاث للتأكد من فهم جميع الأطفال لها . كما يجب إجراء عديد من الأمثلة من هذا النوع بواسطة الأطفال (لمثلاً تلوين ٤٨ مريعاً صغيراً يودى إلى $\frac{\Lambda^2}{1} + \frac{\Lambda}{1} + \frac{\Lambda}{1} + \frac{\Lambda}{1} + \frac{\Lambda}{1}$

٢ - ربط الأجزاء من مائة بالقيمة المكانية :

يجب الآن مناقشة استخدام القمية المكانية لبيان كل من الكسور التي سجلت في نشاط ١ حيث يبين الأطفال في ب نشاط ١ الكمية العلونة بثلاث صبيغ ١ . . ١٧ ٧ . ١

$$\frac{1}{1} + \frac{y}{1} + \frac{y}{1} + \frac{y}{1} + \frac{1}{1} + \frac{1y}{1} + \frac{1y}{1}$$

آنهم يستطيعون التعبير عن 🔒 ككسر عشرى ولكن لايوجد لديهــم عمـود ليبينــوا

 $\frac{1V}{1.00}$ وعلى ذلك قان تقديم عمود جديد خاص بالأجزاء من مائة hundredth يحتاج إلى المناتشة.

الأعمدة السابق ليشعل الأجزاء من مائة كما هو مبين

ويجِب أن يمنجل الأطفال هذا الكسر هكذا ١٠,١٧ ويقرأونه كما يلى: صفر علامة عشرية واحد سبعة

صنار علامة عشرية وأحدسها

ملاحظة :-

بالنسبة للعمل الأخير يجب أن يمارس الأطفال تدريبات على كتابة ذلك الكسر في صديغ متنوعة هكذا

$$\frac{1}{1} + \frac{V}{1} = \frac{1}{1} + \frac{V}{1} = \frac{1V}{1}$$

وغالبا ما يهمل الربط بين ١٠,١٠ ، الله وقد يسبب ذلك صعوبات (وخاصة عند تحويل الكسور المشرية إلى نسب منوية) ويجب أن يواصل الأطفال كتابة كل الكسور التى في نشاط في صيغتها المشرية وبكلمات وبصيغ متتوعة باستخدام الأجزاء من مائة .

٣ - إستقدام الأجزاء من عشرة والأجزاء من مائة مع الأعداد الكلية :

يجب أن يتدرب الأطف ال على قراءة جزء من جزء من و وكتابة الأعداد المبينة على اليسار مانة عشرة أ ٤ م . بصيغها المتعددة. يمكن بيان العدد الأول المراك ال

Y	٧	į	1
٥	í	۲	٧
¥		٦	۲
٥	٧		1
٨			•
۲	۳	۲	٣

٩ أجزاء من مائة	ئىر∓	اء من عثا	۽ اجز	٧ آحاد	رات	۲عشر
1	+	1	+	٧	+	۲.
1 T	+	<u> </u>	+		۲v	
1 · ·	+	١.	+		ΥY	

XV, £4

ويجب أن يقرأ المعد ويكتب هكذا سبع وعشرون علامة أربعــة تسـعة ويمكن أن يفيد الربط بين الرموز المستخدمة فــى النقود فــى المناقشــة فــى هذه المرحلــة ، فمثــلا : يمكن التفكير فــى ٢٧,٤٩ هكذا : ٢٧ جنيها ورقيا ، ٤٩ قرشا عمله . ۲۷ جنیها ورقیا ، ٤ قطع من العمله فنة ١٠ قروش ، ٩ قطع عمله فنة قرش واحد ٢ وركة مالية فنة ١٠ جنیهات ، ٧ ورقات فنة جنیه ٤ قطع عمله فنة ١٠قروش ، ٩ قطع عمله فنة قرش .

وكما تعلم الأطفال نشر الأعداد الكلية باستخدام المفكوك العشرى يجب عليهم أن يتعلموا أيضا استخدام المفهوم مع الكسور العشرية حيث يجب أن يتدربوا أولاً على حل مسائل تكملة مثل

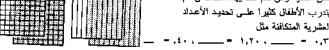
ويجب ملاحظة أنه عندما يقهم الأطفال استخدام العلامة المشرية في الأعشار ولجزاء المانة فهما كاملا فإنه من الممكن مواصلة تقديم أجزاء الألف وماقوق ذلك بسهولة وممن الممكن أن يعرض المعلم على الأطفال نوحة موضحا عليها القيمة المكانية للأعداد العشرية من الملابين حتى أجزاء العليون) هكذا.

جزء الأعداد الكلية				جزء الكسور العشرية								
ملايين	مثات	عشرة	Ę	مدنت	عشرات	أحاد	أجزاء	أجزاء	أجزاء	أجزاء من	لوزاء من مائة الف	أجزاء من
	וולצו	الإلالات					العشرة	المنتة	الألف	عثرة	مائة الف	الأسليون
	٠, ,	4	. .	- V .	l ,		<u> </u>			الالف		
(0.0)	(1)	(1.).	(1.)	(0.0)	[(1.)]	١,	(-)	[[1]	(2)	(2)	11	$\gamma_{\Delta M}$
							(11)	(3.7	[3.]	(15)	140	(1.)
		1	111	3	1 •		٠,١		, !	ı		

حيث تساعدهم هذه اللوحة على قراءة وكتابة الأعداد العشرية ويمكن استخدام هذه اللوحة كنشاط حيث نترك بعض الأعمدة فاغة ويطلب من الأطفال مده الفراغات.

تكافؤ الأعداد العشرية:

يحرض المعلم بعض الأشكال الهندسية مثل المبيئة على اليسار على الأطفال ويناقش معهم أن كلا الشكلين له نفس الكمية ومن ثم نسميهما متكافئان ثم يتدرب الأطفال كثيرا على تحديد الأعداد الشيرة المتكافئة مثل



مقارنة وترتيب الأعداد العشرية

يعرض المعلم على الأطفال بعض الأعداد العشرية ويطلب منهم تحديد الأكبر. قعلى سبيل المثال لكي نقارن بين ٢,٨٨ ، ٢,٨٤ يوضع المعلم الأجراءات كما يلى : ـ ١ ـ يعرض المعلم تمثيلا للمددين بالأشكال الهندسية ثم يقول نجري المقارنة كما يلي :

£ < A	λ - λ	Y = Y
٨	A	٣
í	٨	Y
\downarrow	\	↓
نقارن أجزاء العانة	نقارن أجزاء العشرة	نقارن الأعداد الكلية

وبعد المناقشة يصل الأطفال إلى قاعدة مقارنة الكسور أو الأعداد العشرية وهى مقارنة الأعداد الكشيرية وهى مقارنة الأعداد الكلية أولا ثم الأعشار ثم أجزاء المائة ثم أجزاء الألف وهكذا ثم يتدرب الأطفال كثيراً على استخدام العلامات > ، < ، - وتستخدم نفس الإجراءات أيضا في ترتيب الأعداد العشرية.

العمليات على الكسور العشرية

الممليات على الكسور العشرية أقل تعقيدا من العمليات على الكسور الإعتيادية . والطرق المستخدمة هي امتداد لتلك الطرق التي استخدمت مع الأعداد الكلية .

ولكى يفهم الأطفال هذا الإمتداد ولكى تكون لديهم القدرة على استخدامها فيجب عليهم أن : _

أ ـ يفهموا القيمة المكانية وامتدادها للكسور العشرية .

ب ـ يفهموا العلامة العشرية .

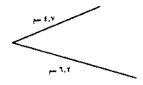
جـ . يتمكنوا من التعامل مع العمليات على الأعداد الكلية .

د . يعرفوا حقائق الجمع والطرح والضرب والقسمة .

والضعف في أي صورة من صور التعامل سع العدد سوف يسبب نقصا في النجاح في استخدام العمليات على الكسور العشرية .

١ ـ الجمع والطرح :

يمكن أن تكون أنشطة القياس مقدمة جيدة لتقديم جمع وطرح الكسور العشرية . وفيما يلى مثالان توضيحيان :



أ_ يرسم خطان كما هو مبين في الشكل المقـــابل ويقـــاس طـــول كـــل منهمــــا بالســـنتيمتر ات والماليمــنر ات . ويوضــــح القياس على الرسم

ثم توجه أسئلة مثل:

١ ـ مامقدار الطول الكلى للخطين معا ٢

٢ ـ ماالغرق بين طول كل من الخطين ؟

ويجب مناقشة صيغ منتوعة لايجاد الطول الكلى وتسجل كما يلى :-

منع	مم	شع ببح
£,V	ŧ V	ŧ V
7,7+	ጉ ፕ ተ	۲ ۲+
1 . , 1	1. 1	1. 9

ويجب أن يفهم الأطفال كل صيغة من الصيغ السابقة كما يجب أن تكون لديهم القدرة على التحرك بسهولة من صيغة إلى أخرى وفعى هذا المثال يكون عدم الحمل للأجزاء من عشرة ضروريا ولكن يجب تزويد الأطفال بعد ذلك بأمثلة يتحقق فيها الحمل مثل :

عنبم	شم	مم سم
٥,٨	٥٨	٥ ٨
Y,\+	٧٦+	٧
1 7.1	1 4 8	1 Y 1

كما تحتاج الطرق المتتوعة لإيجاد الفرق بين طولى الخطيمن إلى مناقشة كاملة (مثل أجمع على اطرح) بصبيغ وعندما يستخدم الطرح فيجب توضيح العمل يصبيغ متتوعة كما في الجمع هكذا

نعم	مم	مع سع
٦,٢	Y 1 +	7 7
£,v -	£ v -	₹ ٧ -
٥, ١	10	م ۱

 ب ـ تستخدم مواقف والدية مألوفة لدى الأطفال مثل : ركب لحمد دراجته يوم السبت فقطع مسافة ٢٠,٧ كم وفي يوم الأحد قطع مسافة ٢٠,٤ كم فعا المسافة التي قطعها في اليومين ؟

ويمكن توضيح الجمع باستخدام قطع دينيز للأساس ١٠ أو الشبكة التربيعية ذي المائة مربعا حيث يقوم الأطفال بتطليل أو تلوين المربعات هكذا .

		y
* . V V	= +,27 +	4,74

ج. تستخدم ساعة إيقاف stop - watch لقياس الزمن الذي يأخذه طفلان في جرى مسافة معلومة. ويسجل الوقتان بالثواني والأجزاء من عشرة مسن الثانية شم يستخدمان في الجمع والطرح كما في حالة طولي قطعتين مستقيمتين.

ٹو انی	أبجزاء مين عشرة	ئوانى	جزاء من عشرة
	من الثانية		من الثانية
3,17	418	*1	٤
19,4 ~	194 -	14	А —
1,7) ;		

و عندما يفهم الأطفال الجمع والطرح باستخدام الأجزاء من عشرة والأجزاء من مائة من الثانية قيجب استخدام عديد من الأنشطة بقدر الإمكان تتضمن النقود وقد يبدو من الضرورى أن نناتش الطريقة التي تستخدم قيها العلامة العشرية في النقود بتفصيل اكد .

فعثلا قد يفكر كثير من الأطفال قى ٢,٤٥ جنيها على أنها تعنى جنيهبن 10 قرشا . وقد لايفكر الطفل فيها على أنها ورقتان بنكنوت قيمة كل ورقة جنيها ، ٤ قطع عمله فنة ١٠ قروش وخمس قطع فنة واحدة قنة خمس قروش كما أنهم سوف يحتاجون أيضا إلى فهم أن قيمة قطعة معدنية فنة ١٠ قروش هى جزء من عشرة من القطعة الورقية فنة جنيه

٢ - الضرب والقسمة :

لكى يفهم الأطفال ضرب وقسمة الكسور العشرية ويجزوا الحسابات عليها بكفاءة فيجب أن تكون لديهم القدرة على الضرب فى والقسمة على ١٠، ١٠٠، ١٠٠، فيجب ٢٠٠٠ وبدون هذه المقدرة فسوف يجدون صحوبة كبيرة فى فهم مايقومون به من عمل.

ويجب أن يكون الأطفال ، من خلال تعاملهم مع الأعداد الكلية ، مستعدين لمعرفة أنه عند ضرب عدد كلى في ١٠ تظهر نفس الأرقام في الإجابة ولكن تحرك كل رقم خانة واحدة إلى اليسار ويوضع صغر في عمود الأحاد الفارغ.

والنسبة للقسمة على ١٠ نحتاج إلّى توضيح أن الحركة تحدث فى الإتجاه العكسى، بمعنى أنه عند قمسة عدد على ١٠ فإن نفس الأرقام تظهر فى الجواب ولكن كـل رقم يتحرك خانة واحدة على اليمين .

كما نحتاج إلى التركيز على نفس النتانج عند الضــرب فـــى ١٠٠٠ . والقسمة عليهما والآن دعنا ننظر إلى عملينى الضرب والقسمة بشئ من التفصيل.\ الضوب

فيما يلى تصور مقترح لتقديم الضمرب على مراهل وفى خطوات من خـلال أمثلة .

مرحلهٔ أ) ضرب عدد عشری بعدد کلی

خطوة ١) أمثلة :

وعند مناتشة ٣ × ٠,٦ مثلا يجب أن نبدأ بأشياء ملموسة مثل شرائح الكسور أو أشياء شبه ملموسة كخط الأعداد لو أوراق العربمات هكذا.



(4)	۲) ولتوضيح ۰٫۲×٤ مثـلا نـأخذ شـــريط ور تـــى
(ψ)	ونقسمه آلی أربحة أنسام كل تسم منها مـتر واحد كما في (أ) ثم نقسم الشريط كله (٤م)
	رات عشرة أجزاء كما في (ب) ثم ناخذ ٢.٠ الي عشرة أجزاء كما في (ب) ثم ناخذ ٢.٠

من ٤ مثر كما هو مبين في (ج) حيث ظلل ١٠,٠ من المتر .

ثم يقوم المعلم بتوضيح الإجراءات الحسابية في تسجيل ٣×٤٠٠ هكذا ١- نكتبها في الصبورة الرأسية

٢- نضرب كما نضرب في حالة الأعداد الكلية ٢ × ٤ - ١٢

٣- نضع العلامة العشرية في حاصل الضرب

أما في حالة ٧ × ٢.٤ فيجب المناقشة والتسجيل بطريقيتن حيث في الطريقة الأولى نستخدم القيمة المكانية والأعمدة الرأسوة بينما في الطريقة الثانيـة نسـتخدم القيمـة المكانية بدون الأعمدة الرأسية ويمكن التفكير في ٧ × ٢,٤ على أنه أربعة أجزاه من عشرة مضروبـة فـي ٧ وهذا يعطـي ٢٨ جزءًا من عشرة أي ٢ كلـي (صحيـح) ، ٨ أجزاء من العشرة ويكتب هكذا ٢,٨.

أجرزاء أحاد عشرات

وعندما يجرى الأطفال أمثلة كثيرة من هذا النسوع ويفهمون الطريقة المستخدمة فيمكنهم أن يواصلوا دراسة أمثلة مثل: ٧ × ٢.٤٩ ويجب أيضا أن تسجل الإجراءات بطريتيتن مكذا:

الخطوة الجديدة في هذا المثال هي ٧ × ٢٠٠٩

وبالتفكير في ١٩, على أنها ٩ أجزاء من مائة فيكون حاصل الضرب هو ٦٣ جزءا من مائة وهذا يمكن تحويله إلى ٢٠ جزء من المائمة ، ٣ أجزاء من المائمة ثم تحول الد ٢٠ جزء إلى ٢ أجزاء من العشرة ولهذا فإن ٧ × ٩٠, - ٣٣.

ويجب مناتشة عديد من الأمثلة من هذا اللموع ، وفـى كـل مثـال يجـب أن تركـز على ضرورة تسجيله بدقة ووضع كل رقم فى مكانه الصحيح .

ويمكن بطيبعة الحال إيجاد ناتج ٧ × ٢,٤٩ بـالترتيب المبين أسفل ويفيدنا هذا الترتيب عندما نسجل العمل في صدورة مختصرة كما أن التتريب على هذه الصدورة المختصرة أمر ضروره، في هذه المرحلة .

خطوة ٢: الضرب في ١٠

يمكن تقديم الضرب في ١٠ من خلال منائشة المثاليين التاليين بالتفصيل وفي كل مثال يسجل العمل كما هو في حالة الضرب في عدد كلى مكون من رقم واحد

 الإجابة ولكن تحرك كل رقم خانة واحدة إلى اليسار" وهي نفس القاعدة التي استخدمت مع الأعداء الكلية.

خطوة ٣) الضرب في عدد مكون من رقمين مثلا

أ ـ الضرب في ١٠

ب. الضرب في عدد مكون من رقم واحد وتسجيل الإجراءات بالصورة المختصرة.

وقبل الإستمرار في الضرب في أعداد أخرى مكونه من رقمين نحتاج إلى إعادة النظر مرة ثانية في الضرب في ٢٠ ، ٣٠ ، ٤٠ ، ... وهكذا .

وقد تعامل الأطفال مع هذا الصنوب قبل ذلك بأعداد كلية ولكنهم قد يحتاجون السي تذكر واسترجاع مايلي :

عند الضرب في ٢٠ على سبيل المثال يمكننا إما أن نضرب في ٢ ثم نضرب الناتج في ١٠ أو نضرب في ١٠ ثم نضرب الناتج في ٢ ويجب مناقشة أمثلة مثل الناتج في ٢٠ ويجب مناقشة أمثلة مثل ٢٠ × ٢٠ وهكذا ثـم تمـرض الإحراءات

المرحلة ب) ضرب عدين عشريين (١)

. Y × 17.7 . 7.7 × 7.5 . ., 7.7 × ., v yt.

ونقتصر في هذه المرجلة على ضرب عدين عشريين يتكون كل منهما من

خانة واحدة بعد العلامة العشرية ومن العمكن استخدام أوراق العربعات لتوضيح حاصل ضرب ۰٫۷ × ۳٫۰ كما هو مبين حيث يتضمح أن المنطقة العظللة هكذا هي حاصل الضرب تعثل ۲۰۱۰.

ويمكن تسجيل الإجراءات كما يلى
$$v, v = v, v = \frac{v}{v} \times \frac{v}{v} = \frac{v}{v} \times v$$
 ويمكن تسجيل الإجراءات كما يلى $v, v = \frac{v}{v} \times v$ المحدام الصورة الرأسية هكذا $v, v = \frac{v}{v} \times v$ المحرد $v, v = \frac{v}{v} \times v$ المحدد المح

ويجب التركيز على أنه في ٠،٧ توجد الملامة للعشرية بعد رتم واحد وايضا في ٠،٣ توجد العلامة بعد رقم واحد ولكن في حاصل الضرب توجد العلامة بعد رقمين أي بعد حاصل جمع عدد الخانات التي بعد العلامة في العددين للمضروبين

ثم يتدرب الأطفال على حل مسائل من هذا النـوع مثـل $7.2 \times 7.7 \,$ ، $7.7 \times 7.7 \times 7.7$

المرحلة هـ) ضرب عدين عشريين (٢)

وهذه المرحلة امتداد للمرحلتين أ ، ب وفيها ينترب الأطفال على إجراء مسائل ضرب أعداد عشرية تحتوى على أجزاء من عشرة وأجزاء من مانسة شم أعداد عشرية تحتوى على أجزاء من مانة وأجزاء من ألف وأجزاء أيضا من عشرة مثل

1. TOY X 7, 1 £ , 1, 47 X T, TO , 1, 47 X D, T , 1, 17 X T.V

وفي هذه المرحلة يجب التأكد من فهم الأطفال للمرحلية الصابقة ويذاقش معهم مثال مثل ٣٣.٧ × ٣٠٢، وتسحل الاحد اءات كما ط. : -

وقد يحتاج تحريل ۷۳۱ إلى العسورة العشرية إلى مناقشة. وإحدى الصبيغ هي كتابة الكسر هكذا $\frac{v}{v} + \frac{v}{v} + \frac{v}{v} + \frac{v}{v}$ وهذه الكسور يمكن تحويلها إلى كتابة الكسر هكذا $\frac{v}{v} + \frac{v}{v} + \frac{$

وسوف يرى كثير من الأطفال أن هذا التحويل امتداد للتحويل الله ٢٠٠٠ إلى ٢٠٠٠ الذي سنق ذكر ه.

وبالنسبة المضرب (٣٠٧ × ٢٠،٣) نوجد إجابة ٢٧ × ٢٦٣ أولا ثم نقسم الناتج بعد ذلك على ألف. ويجب مناقشة السبب في القسمة على ١٠٠٠ في هذا المثال بدلا من القسمة على ١٠٠٠ لأن في ٢٦٣ أجراء من القسمة على ١٠٠٠ لأن في ٣٦٠ أجراء من عشرة عشرة ولهذا توجد ١٠٠ في مقام الكسر وفي ٢،٢٣ أجزاء من مائة ولجزاء من عشرة ولهذا توجد ١٠٠ في مقام الكسر ولهذا نجد ١٠٠٠ - ١٠٠١ في مقام الكسر كما هو ولهذا توجد ٢٠٠٠ في مقام الكسر كما هو موضح. وعندما يجرى الأطفال أمثلة أخرى على شاكلة ٢٠٥٩ × ٢٠٤٨ فسوف يبدأون موضح. وعندما يجرى الأطفال أمثلة أخرى على يمين العلامة العشرية في العددين المصروبين ثم جمعوها فإن الناتج يمطى عدد الكانات على يمين العلامة العشرية في العددين حصل الضرب ويؤدى ذلك إلى طريقة سريعة لإجراء الضرب الذي يتضمن كسورا عشرية فعلى سبيل المثال : فإن الطريقة السريعة لمضرب ٢٤،٩٥ × ٣٤،٩٦ هي :—

ب - عد عدد الخانات بعد العلامة العشرية في كل من العددين المضروبين وجمع النتيجين (۱+۲ ~ ۳)

ج. وضع العلامة العشرية في حاصل الضرب بعد ٣ خانات يمين العلامة العشرية وعلى ذلك يكون الجواب هو ١٩٨٥,٧٢٨ وعلى ذلك قيجب التركيز على الشتقاق أو استنتاج قاعدة للعمل من خلال خبرات الأطفال وتقكير هم يدلا من إعطاء الأطفال القاعدة ويطلب منهم استخدامها بدون فهم . كما يجب التركيز أيضا على أنه قبل أن يبدأ الأطفال في ليجاد إجابة لعدين مضروبين يظهر فيها كسور عشرية ، عليهم أن ينظروا إلى العددين ويكتشفوا إجابة تقريبية وبسرعة فمثلا

$$P_{\tau}I \times I_{\tau}Y \times Y \times Y = 3$$

$$2_{\tau}A \times Y \cdot \times A \times \frac{Y}{\tau} - \frac{\Gamma_{1}}{\tau} = F_{\tau}I$$

$$0A_{\tau}Y \times P_{\tau} \times A \times I - A$$

$$0A_{\tau}Y \times P_{\tau} \times A \times I = A$$

$$FV_{\tau}TA \times PA_{\tau} \times VA \times P_{\tau} = VA \times \frac{P}{\tau} - \frac{YAY}{\tau} = T_{\tau}AY = AY$$

وعندنذ يقدر الأطفال على التحقق من أن إجاباتهم المحسوبة معلولية وسوف يساعد ذلك على تجنب الأخطاء الناشئة من وضع العلامة العشرية في وضع خاطئ . ملاحظة:-

في حالة كون خانات حاصل الضرب أقل من مجموع خانات الكسور في الأعداد المضروبة نضع صغرا أو أكثر على يسار حاصل الضبرب لنكمل المدد المطلوب من الخانات الكسرية ثم نضع العلامة العشرية.

مثال ۲۰٫۰۰ × ۲۰٫۰

نقرب أو لا فيصبح ١ × ٥٠٠٦ - ٥٠, ثم نضرب هكذا

to.

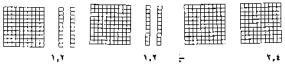
٠٠٠٤٥٠ ← (٤) خانات يمين العلامة

القسم

سنتاول تقديم تسمة الكسور العشرية على مراحل وخطوات أيضا كما يلى :

المرحلة أ) قسمة عدد عشرى على عدد كلى

ونبدأ هذه العرجلة بشرح ٢٠٤ ÷ ٢ باستخدام قطع دينيز للأساس عشرة هكذا



ثم تسجل الآجر اءات الحسابية هكذا

٢٠٤ ÷ ٢ تكتب أو لا هكذا ٢.٤ (٢ ثم تجرى القسمة كما في حالة الأعداد الكلية

1354

| Itakinā ilsalīnā |
$$\frac{7}{7}, \frac{1}{7}$$
 | $\frac{7}{7}, \frac{1}{7}$ | $\frac{7}{7}, \frac{1}{7}$ | $\frac{7}{7}, \frac{7}{7}$ | $\frac{7}{7}$

ثم يتم التحقق بضرب خارج القسمة فى المنسوم عليه $Y \times Y, Y = Y, Y$ خطوة Y إضافة أصفار إلى المقسوم مثلا $Y \times Y, Y, Y \times Y, Y \times$

وفى هذه الخطوة بيداً المعلم بموقف واقعى من الحياة مثل : $\frac{7}{7}, \frac{7}{8}$ $\to (8. \times 3)$ قطع على مسافة 7.7 كم فى أربع ساعات فكم كيلو مترا $\frac{7}{7} \frac{7}{7} \to (8. \times 3)$ كطعها فى الساعة الواحدة $\frac{7}{7}$

ويوضح المعلم أننا نجرى القسمة حتى نحصل على خارج $\frac{0}{1}$ $\frac{\Lambda_{+}}{1}$ $\frac{\Lambda_{-}}{1}$ القسمة يتضمن أجزاء من عشرة فإن وجد باقى نستمر $\frac{\gamma}{1}$ $\frac{\gamma}{1}$ \rightarrow $(\Lambda \times 3.)$

التحصل على خارج تسمة به اجزاء من مانة وذلك بإضافة $\frac{y}{y} \rightarrow \frac{y}{y}$

صغرا على يمين العلامة العشرية فـان انتهت القسـمة أى لـم يوجـد بـاقـى انتهـت المسألة والإنستمر حتى أجزاء الألف ومافوقه

المرحلة ب) قسمة عدد عشرى على قوى العشرة خطوة ١)

القسمة على ١٠ ومضاعفاتها (١٠٠، ١٠٠٠، وهكذا) مهمة جدا في التعامل مع الكسور العشرية .

ويمكن تقديم القسمة على ١٠ باستخدام ٨٣ ÷ ١٠ مثــلا وتسجيل الإجــراءات بطريقتين هكذا

ویجب علی الأطفال أن یحلوا مسائل وأمثلة كثیرة مـن هـذا النـوع بأنفسـهم مثـل (۱۰ ÷ ۱۰) ۱۲۲ ÷ ۱۰ وهكذا) ویمكن مناقشة مثـال ولیكن ۳۹٫۸ ÷ ۱۰ بعد ذلك

ومن هذا المثال وأمثلة أخرى كثيرة من نفس النوع يبدأ الأطفال في روية الآتي: عند قسمة عند على عشرة تظهر نفس الأرقام في الإجابة (خــارج القسمة) ولكن كل رقم تحرك خانة واحدة إلى اليمين فمثلا:

$$Y,YA = Y \cdot \cdot \quad YY,A$$

$$Y,YA = Y \cdot \cdot \quad Y,YA$$

$$Y,YY \cdot \cdot \cdot \quad Y \cdot \quad Y,YA$$

وقد بيدو من العفيد في هذه العرحلة أن يتذكر الأطفال ما سبق إكتشافه أثناء الضرب في ١٠.

خطوة ٢) القسمة على ١٠٠

اجراءات القسمة على ١٠٠ امتداد القسمة على ١٠ فمثلا لقسمة ٢٠٥ ÷ ١٠٠ تسجل الإجراءات كما يلي :-

1..)Y,0.. Y..-

ومن هذا المثال وأمثلة اخرى يستطيع الأطفال الوصول إلى القاعدة التالية : عند قسمة عدد عشرى على ١٠٠ نكتب نفس أرقام المتسوم فى الإجابة ثم نحرك المعلامة خانتين إلى اليسار" ثم يتدرب الأطفال كثيرا على استخدام تلك القاعدة.

خطوة ٣) القسمة على ١٠٠ وما فوق

وهي نفس إجراءات القسمة على ١٠٠ ويمكن من خلال عديد من الأمثلة أن يصل الأطفال إلى تاعدة القسمة على قوى المشرة والتي تتمثل في: غند قسمة عدد عشرى على قوة العشرة نكتب جميع أرقام العدد العشرى في الإجابة كما هي شم نحرك الملامة على اليسار بعدد قوى العشرة الموجودة.

المرحلة جـ) قسمة عدد عشرى على عدد عشرى

نحن كمعلمين نعرف أننا نتعامل مع القسمة التى على شاكلة ١٠٨٢ ، ١٠٩ بضرب كل من ١٠٨٧، ١٠٣ في ١٠ وهذا يحول القسمة إلى ١٨٠١ + ١٩٣ ونضطر الأن للقسمة على ١٢ ويمكننا عمل ذلك ونحتاج إلى أن نفكر ، بعناية شديدة، في كيفية تقديم هذه الفكرة للأطفال بطريقة أفضل.

وأحد طرق إجراء ذلك هو كتابة مجموعة مسائل قسمة كما يلى:

TY + 97)7 ÷ £A A + Y£ £ +)Y Y + 7

فيجد الأطفال أن ناتج القسمة في كل الأمثلة السابقة هو ٣ ثم ينظرون إلى الأعداد التي تشتمل عليها مسائل القسمة ثم يقولون ماذا يلاحظون.

سوف يقول معظم الأطفال بسرعة أنه إذا ذهبنا من كل مسألة تسمة إلى القسمة التالية لها من اليسار وجدنا أن المقسوم والمقسوم عليه تضاعفا (أى ضربا فى ٢). وسوف يرى بعض الأطفال أيضا أن العددين فى المثال الثالث (٢٤ + ٨) يمكن المحصول عليها بضرب كلا العددين فى المثال الأول فى ٤ (٢ + ٢) كما يلاحظ أخرون

الضرب في ٨ (٢٠ + ١٦) والضرب في ١٦ (٣٢ + ٣٦) ثم تناقش مجموعات أخرى من مصائل القسمة والتي لها نفس الناتج بنفس الطريقة وتكتب الآن مسألة تسمة مثل ١٠ + ٢ على السبورة ويكتب كل طفل تحتها مجموعة أخرى من مسائل قسمة الها نفسى الناتج ويكرر هذا العمل مع مسائل تسمة أخرى. ويصل الأطفال إلى إستنتاج "أن خارج القسمة لم يتغير إذا ضرب كل من المقسوم والمقسوم عليه في العدد نفسه".

ونقالش الآن قسمة عند عشرى مثل ١٠٢ ÷ ٤٠٠

يعرف الأطفال كيفية القسمة على عدد كلى ولهذا إذا تحولت ٤. إلى عدد كلى فيمكن للأطفال عنننذ إجراء القسمة ويمكنهم تحويلها بضرب ٤٠٠ ×١٠ ولكنهم في نفس الوقت يجب أن يضربوا ١٠٪ × ١٠ ولهذا تشعول القسمة إلى ١٠ ÷ ٤ ويمكن توضيح هذا التحويل للقسمة ليضا باستخدام الصورة الكسرية ألى.

وبمعرفة أن قيمة الكسر لا تتغير إذا ضرب الأعلى (البسط) والأدنى (المقام) فى نفس المدد قسوف يرى الأطفال أن المضرب فى ١٠ يحول $\frac{1}{2}$.

من هذا المثال وأمثلة أخرى يجب أن يبدأ الأطفال في أنهم الطريقة المستخدمة في التسمة على عدد عشري.

والخطرة الأولى فى مسأئل القسمة التى مثمل ٢٠٧ ÷ ٣. ، ١٥٩٩ + ١٠٥٠، ٢٠٣٤ ÷ ٢٧٠٩ ، .. وهكذا هى تعويل القاسم (المقسوم عليه) إلى عدد كلى بضعرب عددى القسمة فى ١٠.

بالنسبة القسمة التي مثل ٢٤.٧٦ ÷ ٢٠.٤ ؛ ٢٠ ÷ ٣٠.٠١، ١.٤٦٢ ÷ ٥٠. و هكذا يحول المقسوم عليه إلى عدد كلى بضرب عددى القسمة في ١٠٠، وعندما يتصول المقسوم عليه إلى عدد كلى فإن إجراءات القسمة نتيم النمط العادى.

المرحلة د) تحويل كسر إعتيادي إلى كسر عثري

خطوة ١ الربط بين الكسر والقسمة

نحن كمعلمين نعلم أنه يمكننا تعويل كسر مثل لله الله كسر عشرى بقسمة ٣ على ٨. ولكن هذا لا يكون واضحا بالتسبة للأطفال فهو يحتاج إلى المناقشة كما يجب أن يتسم الشرح بالبساطة ويظل على ذلك.

وكمدخل بسيط لذلك هو أن يرسم المعلم شريطا على السبورة كالتالى

ثم يقول إنفى سأتوم بتقسيم الشريط إلى خمسة أجزاء متساوية كيف يمكننى توضيح ما أنوم به من عمل؟ وبعد المناقشة يكتب ١ ÷ ٥ على السبورة ثم يضبع العلامات على الشريط هكذا ثم يسأل ما الكسر الذي يساويه كال جزء (خسس) ثم يعرضيه كما هو مبين ثم يناقش العلاقة بين ١ ÷ ٥ ، أ الناتج ويجب أن يكون الأطفال على إستعداد لمعرفة هذا الناتج فلربما (قد لا يكونوا رأوه في هذه الصورة). والأن يرسم العطم شريطين كالتاليين: ۲ کلیین ثم يقسمهما إلى خمسة أجزاء متساوية وأعرضها كما يلي 0 ÷ Y ثم يعرضها هكذا أيضا الجزء المظلل يبين $Y \div \circ كما أنه <math>\frac{1}{2}$ من شريط واحد ولهذا قان $Y \div \circ = \frac{1}{2}$ من هذا المثال (وأمثلة أخرى إذا كان هناك ضرورة) يرى الأطفال أن الكسـر 🚽 مثلا هوقعمة ٢٠٥٥ خطوة : ٢ تحويل كسر إعتيلاي إلى كسر عشري بإستخدام المثال الذي في خطوة ١ ببدأ الأطفال بـ $\frac{1}{2}$ ثم يحولونه إلى $\Upsilon \div \circ$ وهم يقسمون ٢ على ٥ هكذا 🛶 🍑 🏋 ٥

. . ثم يحصلون على النتيجة ١٠٤ ثم يكررون هذا التحويل باستخدام $\frac{r}{2}$. $\frac{2}{3}$.

• ۲ عشرة من بجزء

والأن يناتش الكسر $\frac{r}{\lambda}$ على سبيل المثال.

يسير الأطفال بنفس الخطوات الأمثلة السابقة ثم يقررون أن ذلك يرتبط بالقسمة ٨ - ٨ (ويمكن توضيح ذلك إذا كان ضروريا عن طريق تقسيم ٣ شرائط إلى ٨ أجـزاء متساوية)

ويجب التعامل مع كسور متعددة أخرى بهذه الطريقة. تعليق ومقامعة:

الكسور العشرية من العوضوعات التي يمكن للأطفال فهمها إذا قدمت لهم بطريقة مناسبة وعلى مراحل حيث يجب أن يفهم الأطفال أولا دلالة العلامة العشرية حيث تستخدم لفصل الخانات التي قيمتها أحاد أو أكثر عن تلك التي قيمتها أعشار أو أقل. والعلامة العشرية إمتداد منطقي ومفيد لفكرة القيمة المكانية.

╌.

وبعد ذلك تأتى مرحلة قراءة وكتابة الكسور العشرية وينبغي أن يأخذ المعلم وقتا طويلا في تدريس أطفال المرحلة الإبتدانية كيفية قراءة وكتابة الكسور العشرية.

ومن الأدوات المغيدة في تعليم الأطفال قراءة وكتابة الكسور العشرية خط الأعداد وشرانح الكسور والمناطق الهندسية والتى سبق وصفها سابقا. كما يمكن أن يألف الاطفال المفهوم العشرى في سن مبكرة حينما يتناولون العملة المصرية (مليم، قرش ، جنيه) للوصول إلى هذا الغرض.

ومن المألوف تدريب المعلم لتلاميذه على كتابه الأعداد العشرية بطريقة الإملاه، والتدريب على الكتابة بطريقة الإملاه له قيمة هامشية والطريقة التي كنانت متبعة فى الماضى لا يوصى بها الآن، وذلك لأن متطلبات التجارة وإدارة الأعسال قد تغيرت لدرجة أن قراءة ونسخ الأرقام نادرا ما يحدث، والمهارة فيها أصبحت قليلة الأهمية وعندما يعلى عدد به كسور عشرية مثل ٢٩٦،٦٢ يجب أن يقرأ هكذا ثلاثة، أربعة، عسمة ، علامة عشرية، ستة ، علامة عشرية، ستة ، التين وليس هكذا ثلثمانة وست وأربعون وإتدان وستون من

مانة وإذا كنت تعتّد في فائدة أملاء الأعداد فاستخدم الطريقة الأولى في قراعتها بدلا من الطريقة الثانية.

وتشيع لدى أطفال المرحلة الإبتدائية بعض الأخطاء لدى قيامهم بالعمليات المختلفة المتعلقة بالمفاهيم والحقائق الأساسية والعمليات الحسابية للكسور العشرية وقيما يلى بعض هذه الأخطاء:

الأخطاء الشائعة في الكسور العشرية

- الكسر العشرى الذي يحوى أرقاما عشرية أكثر (على يمين العلامة العشرية) هو الأكبر قيمة فقد يجيب الأطفال على بعض المسائل هكذا ٢٠٨١ > ٣٠٨ % ٣٠٨٠.
 و. ١.
 - ٢- الكسر العشري الذي يحوي أصفار ا أكثر على يمين العلامة هو الأقل قيمة.
 - عدم التمييز الصحيح بين أجزاء الكسر العشرى.
- ٤- جمع أجزاء الكسر العشرى على غرار الجمع فى الأعداد الكلية دون مراعاة القمة المكانية للأرقام التي يضمها الكسر.

, v , A +

- أخطاء في الضرب والقسمة بسبب عدم فهم القيمة المكانية. ويذكر
 أخطاء في الضرب والقسمة بسبب عدم فهم القيمة المكانية. ويذكر
 في Brian Greer (48) أنه توجد أربعة عوامل تؤثر في ظاهرة عدم بقاء قواعد ضرب وقسمة الأعداد العشرية هي : .
- المقاهيم العددية الخاطئة : حيث يعتقد الأطفال أن ضرب الكسور العشرية يعطى أعدادا أكبر والقسمة تعطى أعداد أصغر .
 - النقص في التكامل بين الكسور الإعتبادية والكسور العشرية .
 - ٣- استخدام طرق بديلة للحل .
 - ٤- الإقتقار إلى فهم بعض العمليات .
- ويمكن الإضافة إلى ذلك بأن تقديم القواعد مبكراً قبل فهم الأساسـيات يـودى إلـى كثير من الأخطاء

معلومات إضافية

الكسور العشرية القديمة :

هذان الكسران تقيلان ومرهقان جدا وسوف يأخذان سن الريباضييين وقتنا طويبلا نسبيا للحصول على الذاتع .

وفى حوالى ١٥٥٠م ظهر كتاب سمى "La Disme" ويعنى بالإتجليزية " " The Tenth وبالعربية "العشر" وهذا الكتاب يعتبر مساعدة للبشرية حيث ألح على أو طالب باستخدام الكسور العشرية . والكسر العشري هو الذي مقامه ١٠٠٠، ١٠٠٠،

وأتترح هذا الكتاب أن تعتبر الاعدادالكلية "أحاد" وعندما تكتب تنتهى بالرمز (۞ فيثلا العدد (۞ ٢٩٤ هو العدد الذي يمبر عن وأربعة وتسعين ومانتين . وهذا صعب بالمقارنة بالطريقة المعاصرة للكتابة (حيث لايوجد(۞)

وبالنسبة للكسر بين (١٠٠) كانت تقسم الوَحدة (الآحاد) أو تكسر إلى أجزاء تسمى أوليات "primes"

الكسر 👆 في تلك الأيام كان يكتب 🕜 ٣

کان یستخدم لیعنی نهایة الأولیات أو مانسمیه نحن الان الأعشار .
کل أولی کان یکسر إلی ثانیات جمع ثان second وکل ثان کان یقسم إلی ثوالت و مکذا و تنتهی الأولیات بـ (() و الثانیات تنتهی بـ (() و الثوالث تنتهی بـ (() و الثوالث تنتهی بـ (() و فیما ینی أمثلة لیعض الکسور مکنوبة بالرمز القدیمة بمقاریة الآن

 $\frac{v \cdot v}{1 \cdot \dots} = v \bigcirc \circ \bigcirc \circ \bigcirc v \bigcirc \circ \bigcirc \frac{v}{1 \cdot \dots} = v \bigcirc v \bigcirc \bigcirc$

وبعد دراسة الكسور العشرية سيتضح لنا أنناً من الأفضل استخدام الكسور العشرية بدلا من الكسور الاعتيادية لحل المسانل أعلاء والإجابة هي ١ و ٣

إختير فهمك:

- ١- أختر أي وسيلتين تعليميتين ووضعح كيف يمكن استخدامهما لبيان معنى الكسور العشرية .
- ٣٦,٥٠ ، ٢٣,٤ فطبع دين نز لبيان تعنيل كن من الأعداد التالية ٢٣,٤ ، ٢٣,٥٠ ،
 ٢٠,٠٢١ ، ٢٩,٠٤
 - ٣ أكتب الأعداد التالية بطريقة المفكوك العشرى
 ٣٠٤.٠٦ ، ٣٠٤.٠٦

- ٤- صف مواقف من الحياة اليومية لكل من هذه الجمل
 ١٠٠ ١٠٠ ١٠٠ ١٠٠ ١٠٠ ١٠٠ ١٠٠
- واشرح بالاستعانة بالوسائل التعليمية المناسبة الطرق التي يتعلم الأطفال بها معنى هذه الجمل .
 - ٥- كيف تشرح لأطفالك إيجاد حل المسائل التالية
 ١٥,١٤ × ٢١. ١٥,١٤ × ٤٠٠٩٠
- اكتب قصمة توضيح فيها معنى القسمة كعمليية تجزئ من خالال الجملة
 ١٠٠ ÷ ٤ = ١٠٠٧ و استخدم وسيلة مناسبة تتوضيح معنى الجملة
- حـف مولفا تستخدم فيه القسمة كقياس من خلال الجملية ٤ ÷ ٥٠٥ ٨ واستخدم وسيلة تعليمية مناسبة لتوضيح معنى الجملة .
 - ٨- ضع العلامات العشرية ليكون الناتج منعيداً ٢٠٣٧ ١٥ ٣٠٣٣

1.47 = 10 - TEY

1,97 - 10 - 727

TT,T = 10 - TEV

TER, AP - 10 - TEV

واستخدم الألة الحاسبة لاختيار حتى النتائج

- مقدمية
- النسبة: معناها والتعبير عنها
 - النسب المتكافئة
 - العدل
 - . الكذابيي
 - التقسيم التناسبي
 - مقياس الرسم
 - النسبة النوية
- تطبيقات النسبة المثوية في الحياة اليومية.

من المتوقع بعد قراءة هذا الفصل ودراسته أن يصبح الدارس قادرا على أن:-

- يعرف النسبة المنوية ويصف مواقف واقعية تتضمنها.
- يميز بين النسبة (المعدل) والأساس والنسبة المنوية ويعطى مثالا على كل منها من
 مواقف الحياة اليومية.
 - يصف مواد تعليمية تناسب بحث الأطفال عن معنى النسبة. مراد تراك من التراد الترا
- يحول (يعيد تسمية) الكسور الإعتيادية والكسور العشرية كنسب ويعيد تسمية النسب ككسور إعتيادية وكسور عشرية.
 - بستخدم التناسب وطريقة أخرى على الأقل لحل مسائل النسبة.
 - يَشْرِ حَ تَطْبِيقَاتَ النَّسِيةَ المنوية في الحياة اليومية للأطفال.
 - _ يشرح للأطفال تطبيقات مقياس الرسم في الحياة اليومية.
 - يسرح للمصل لطبيعت تسويل الرسم عني أسب البراء . - يعرف طريقة التناسب في حل مسائل النسبة المنوية ويشرحها للأطفال.

من المتوقع بعد أن يكمل الطفل الأكشطة الموصوفة في هذا الفصل أن يصبح قادرا على أن :-

- يكتب النسبة بين كميتين من نفس النوع في أبسط صورة.
- يوجد النمبة بين كميتين من نفس النوع في أبسط صورة.
- يكتب النسبة في ثلاث صور : صورة كسرية، صورة كلامية، صورة تقطتين.
- يكتب المعدل في ثلاث صور : صورة كسرية، صورة كالمية، صورة رمزية.
 - يوجد النسبة بين كميتين مختلفتين ولكنهما ينتميان لنفس عائلة القيام.
- يوجد المعدل بين كميتين مختلفتين الايمكن تحويلهما إلى كميتين من نـوع واحد في أصغر حدين.
 - يوجد معدل الوحدة.
 - يحدد ما إذا كانت النسبتان متساويتين أم لا،
 - يكتب التناسب الطردي بأربع صور مختلفة.
 - يكتب النتاسب العكسى بأربع صور مختلفة.
 - بحدد حدود التناسب،
 - پخل نتاسبا پختوی علی حد مجهول.
 - يحدد متى يمكن استخدام التناسب لحل مسألة كلامية.
 - يحدد متى يجب استخدام التقاسب الطردى لحل مسألة تقاسب.
 - يحل مسألة تناسب باستخدام التناسب الطردى.
 - يحدد متى يجب استخدام التناسب العكسى لحل مسألة تناسب.
 - يحل مسألة تناسب باستخدام التناسب العكسى،
 - يكتب جز اا من كل كقيمة عدية وككسر عشرى وككسر اعتيادي وكنسبة منوية.

- يحول النسبة العنوية إلى كسر عشرى لو إلى كسر اعتيادي.
 - يحول الكسر العشرى إلى نسبة منوية.
 - يحول الكسر الاعتيادي إلى نسبة منوية.
- يوجد الكمية عندما تكون النسبة المنوية والأساس معلومتين.
- يوجد الأساس عندما تكون النسبة المنوية والكمية معلومتين.
- يوجد النسبة المنوية عندما تكون النسبة المنوية والكمية معلومتين.
- يحل مسائل على تطبيقات النسبة المغوية في البيع والشراء وضريبة المبيعات
 والتخفيضات وما إلى ذلك.
 - بوجد مقیاس الرسم المناسب.
 - يستنتج مقياس الرسم من معلومات معطاة.

مقدمــــة:

النصبة والتناسب ومقياس الرسم والنسبة المتوية من المفاهيم الهامة في رياضيات المرحلة الابتدائية وذلك لما لها من تطبيقات عديدة في حياتنا اليومية وأيضا في مجال الرياضيات ذاتها في مرحلة لاحقة بالاضافة إلى التطبيقات في المواد الدراسية الأخرى.

قالاطفال الذين سيستمرون في التعليم سوف يحتاجون أفكار النسبة والتناسب في در استهم للهندسة "موضوع التشايه"، وفي حساب المثلثات وفي تبسيط المقادير الجبرية كما أن مقياس الرسم نحتاج إليه في رسم الخرافط والاثمكال وما إلى ذلك بالاضافة إلى تطبيقاته في الحياة اليومية. والنسبة المنوية لها تطبيقات والعية كثيرة مثل الاسهم والشركات والربح والخسارة والعمولة والتخفيضات (الاوكازيون) وضريبة المبيعات وما إلى ذلك.

ويجِب أن نقدم هذه المفاهيم للأطفال من منظور واقعى ونبين لهم أهميتها لأن ذلك يساهم في تقبل الأطفال لهذة المفاهيم وتمكنهم منها، وفيما يلى نناقش تكديم تلك المفاهيم كل على حده:

النسبة :

معنى النسبة والتعبير عنها :

١٦٠ سم	اَنشطة (۱) ــــــــــــــــــــــــــــــــــــ
	(Y)
لمعتبين من الخشب الأولمي طولها ١٢ سم مثلا والثانية	يُعرَض المعلم على السيورة قط
إلى قطعتي الخشب سعكن أن نقول : وقال ترديد أنها الم	
القبلعة (۲) يمقدار ۸سم. القبلعة (۱) يمقدار ٤ سم.	
طول القطعة (٢) ثلاث مرات.	
وى 🔓 طول القطعة (١).	
ل ١٠ أطفال بعد تقسيمه كما بالشكل التالي:	

يوجد ٣ أطفال ليس لديهم أخوة من بين العشرة أطفال وبسجل الطفل نشاطه هكذا سم

ثم يطلب من أحد الأطفال التحيير "بالنسبة" عن العبارة التالية:

٣- يكرر هذا النشاط مع أشكال هندسية أخرى وأعداد أخرى وبعد أن يكمل الأطفال
 تلك الأنشطة يمكنهم أن يصلوا إلى أن :

"النسبة" هي مقارنة بين عددين : ويمكن استخدام النسبة للمقارنة بين كمية وكمية أخرى وبين جزء وكل أو كل وجزء. وفي التعامل مع النسب يجب عليثا أن نتذكر أنه:

 أ- يمكننا مقارئة كميتين من نفس النوع فقط قمثلاً كل من الأسبوع واليوم كميتان من الوقت ولهذا يمكننا مقارنتهما ولكننا الاستطيع مقارنة يوم واحد (وقت) مع ٤ كجم (كتلة).

ب- يجب أن تكون كلا الكمتين بنفس الوحداث فمثلا لمقارنة يوم وأسبوع نحول كلا منهما إلى أيام.

وعندما نقدم فكرة النسبة للأطفال يجب أن نستخدم كميات مختلفة النوع قدر الإمكان فمثلا طول - مساحة - حجم - كتلة- وقت - نقود - سعة.

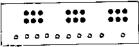
ويجب إختيار الأمثلة بحيث تصاعد الأطفال على رؤية أنهم يمكنهم مقارنة كميات من نفس النوع ونفس الكميات.

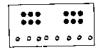
٧ - النسب المتكافئة

ينبغى أن يتم تقديم النسب المتكافئة عن طريق أمثلة ملموسة من الحياة ويمكن الاستعانة ببعض الأدوات والأشكال والرسوم وبمكن الدء بمثال كالتالي:

يعمل خالد بمحل تسجيلات اسلامية فباع يوم الإثنين ٤ شرائط قر أن كريم ، و٦ شرائط خطب ومواعظ وباع يوم الثلاثاء ٨ شرائط قر أن كريم، ١٢ خطب ويوم الأربعاء ١٦ شريطا قر أن كريم، ٢٤ خطب فهل نسب شرائط القرآن المباعة إلى نسب الخطب المباعة يوميا متساوية؟

بإستخدام الأقراص البلاستيكية يمكن بيان النسب متساوية (متكافئة)





غ بدون تظلیل
 نکل ٦ مظالة

0000

٤ بدون تظايل
 ١٤ بدون تظايل
 ١٤ ١ مظالة
 ١٤ ١ مظالة

وكما فى حالة الكسور المتكافئة فيمكن للأطفال أن يصلوا إلى أنه عند ضرب أو قسمة كلا من حدى النسبة بعدد ما فإن قيصة النسبة لا تتغير والنسب الذاتجة تكون متكافئة فمثلا

$$\frac{17}{11} = \frac{A}{17} = \frac{f}{7} \quad \therefore \quad \frac{17}{11} = \frac{r_{\times}A}{r_{\times}17} = \frac{A}{17} \quad \cdot \quad \frac{A}{17} = \frac{r_{\times}f}{r_{\times}7} = \frac{f}{7}$$

وأيضا $\frac{z}{r} = \frac{z+7}{r+7} = \frac{\gamma}{r} \rightarrow \text{limps is installable}$ ثم يتدرب الأطفال على تحديد النسب المتكافئة من خلال أمثله عديدة مشلل

$$7:0=7:\square$$
, $9:7=\square:VY$
 $1:1=7:\Lambda$, $\square:7=\square:YY$

المعدل:

المعدل هو مقارنة بين كميتين مختلفتي الوحدات ويكتب ككسر.

مثلاً يقطع عداء ٢٦ ميلا؟ في ٤ ساعات وتكتب هكذا.

معدل الوحدة : معدل الوحدة هو معدل المقام فيه = 1 فمثلاً خمسة فصول در اسية بهم معدل الوحدة : معدل الوحدة النتهميذ $\rightarrow \frac{150}{0} = \frac{100}{0} \Rightarrow \frac{100}{0$

الفصول المنطقة وجد ٢٧ تلميذا لكل فصل.

التناسب

نضطر أحيانا لمقارنة أكثر من كميتين ويقودنا ذلك إلى ما يسمى بالتناسب.

والتناسب هو جملة رياضية تعنى تساوى نسبتين

att
$$\frac{\eta}{\sigma} = \frac{1}{1}$$
, $\frac{\eta}{\eta} = \frac{\lambda}{1}$ e Azil.

وفي مرحلة متقدمة يمكن استخدام الرموز هكذا

الحد الأول ___ <u>أ حـ</u> __ الحد الثالث الحد الثاني ___ ب د __ الحد الرابع

ويسمى الحد الأول والحد الرابع طرفى التناسب ويسمى الحد الثاني والحد الثالث وسطى التناسب.

ولتحديد ما إذا كانت النسبتان في تتاسب فإننا نستخدم ضرب المقص أو نتأكد من أن حاصل ضرب طرقي التناسب مساويا حاصل ضرب وسطيه.

مثال : هل النسبتان
$$\frac{r}{r}$$
 ، $\frac{r}{r}$ نی تناسب!

العل: نستخدم ضرب المقص أو الطرفين × الوسطين، هكذا عرب المقص أو الطرفين × الوسطين، هكذا ولما كان حاصل ضرب المقص - ٤٠ فإن النسبتين في تناسب ويجب أن يمارس الأطفال تدريبات متوعة على ايجاد صحة وخطأ التناسبات ثم يعطى كل منهم نسبا ويطلب منهم إيجاد نسب تتناسب معها تناسبا ويطلب منهم إيجاد نسب تتناسب معها تناسبا ويطلب منهم إيجاد

التناسب الطردي:

تكون الكميتان في تتاسب طردى إذا كانت نسبة الكمية الأولى إلى الكميسة الثانية مقدارا ثابتا.

فمثلا: - إذا كان ثمن كيلو الموز "جنيه فإن ثمن اكيلو تساوى اجنيه وثمن ٤ كيلو - الاجنيه وهكذا. ويتضح أنه كلما زاد عدد الكيلو جرامات إزداد ثمنها وبالتحديد عندما نزداد كمية الموز مثلين يزداد الثمن مثلون وإذا زاد للموز ثلاثة أمثال إزداد الثمن ثلاثة أمثال ولهذا فإن نسبة كيلو جرامات الموز إلى أثمانها مقدار تابت

$$\frac{2nq^2}{6n^2} \frac{|h_n|^2}{|h_n|^2} = \frac{1}{n} = \frac{n}{n} = \frac{n}{n} = \frac{n}{n} e \, \text{addi.}$$

وهذا الخاصية هي خاصية التناسب الطردي ويجب ملاحظة أنه إذا تلبنا النسبتين

فيظل التناسب طرديا مثل
$$\frac{\gamma\gamma}{1} = \frac{1}{1}$$
 ، $\frac{\gamma}{\gamma\gamma} = \frac{1}{1}$.

التناسب العكسى:

يكون التناسب عكسيا إذا كان حاصل ضرب المتغيرين كمية ثابته.

مثال: –

لنفترض أن سعة خزان ماء ٢٠٠٠٠ لتر فإذا كانت الأنبوبة التى تعبئه تصبب بسرعة ١٠٠٠ لتر فى الدقيقة فإنه يمثلى، بعد ٢٠ دقيقة وإذا كانت الأنبوبة تصب بسرعة ٥٠٠ لتر فى الدقيقة فيمثلى، الخزان بعد ٢٠ دقيقة وإذا كانت سرعة صبب الأنبوبة ٢٠٠ لتر فى الدقيقة فيمثلى، الخزان بعد ٨٠ دقيقة.

والجدول التالى يوضع مقارنة الزمن بمرعة تدفق الماء

ا ۲۰۰	۰۰۰ ل	۱۰۰۰ ل	سرعة تدفق الماء
۸۰ دانینه	٠ 1 دقيقة	۲۰ دلیقة	عدد الدقائق
Y + A . × Y	Y = 1 . ×	* = * . × *	المنزعة× الزمن

ومن الجدول يتضم أنه كلما زادت سرعة تدفق الماء كلما نقـص الزّمن الـلازم لماء الخزان وكلما نقصت سرعة تدفق الماء إزداد الزمن اللازم.

يلاحظ أن حاصل ضرب سرعة تدقق الماء في الزمن تساوى سعة الخزان وهي مقدار ثابت وهذه هي خاصية التناسب العكسي.

التقسيم التناسبي:

فى بعض الأحران يكون لدينا كمية ما نريد تقسيمها حسب نسب معينة لا يفي التاسب بحلها فنسلك طريقا أخر يسمى التقسيم التاسبي.

مثال:-

محيط مثلث 79سم والنسب بين أطوال أضلاعه 1: 2: 7 قما طول كل ضلع? فقطة البداية في إيجاد الإجابة هي إيجاد مجموع 7: 3: 7 – 17 وبعد ذلك يمكن كتابة النسب هكذا $\frac{7}{11}:\frac{2}{11}:\frac{9}{11}:\frac{9}{11}$. ويقود ذلك إلى التفكير في الضلع الأطول على أنه $\frac{7}{11}$ من المحيط والضلع الأاني $\frac{2}{11}$ من المحيط والصر ضلع على أنه $\frac{7}{11}$ من المحيط. أي $\frac{7}{11}$ من الد 79سم، $\frac{2}{11}$ من الد 79سم، $\frac{2}{11}$ من الد 79سم، وعلى ذلك تكون أضلاع المثلث بالأطوال 10سم، 19سم، 9سم (11+11+1 – 19).

وهناك مدخل أخر وهو البدء مرة ثانية بايجاد المجموع (٢+٤+٣) ومن الناتج يمكننا أن نقول إذا كان المحيط ١٣ اسم فإن أطوال الأصلاع تكون اسم، ٤سم، ٣سم ولكن طول المحيط ٢٣سم وهذا يعنى أنه ٣٠٣٦ ولهذا فإن أطوال الأضلاع هسى ٢٠٣سم، ٤٠٣سم، ٣٠٣مم أي أن ١٨ممم ١٢سم، ٩سم.

ويجب تزويد الأطفال بعديد من الأمثلة من هذا النوع تستخدم فيها عدة أنواع مختلفة من الكميات قدر الإمكان. وبصفة خاصة أسمار وجبات الطعام وخلط المعادن لتكوين السباتك في الصناعة وأمثلة أخرى عديدة مما يحدث في الحياة اليومية كالاشتراك في تجارة بنسب معينة من رأس المال وتقسيم المواريث وما إلى ذلك.

مقياس الرسم:

تدخل فكرة أستخدام مقياس الرسم في عديد من الشطة الحياة اليومية فعندما يرسم الطفل أول رسم له يستخدم فكرة مقياس الرسم وإن كان الطفل لا يفكر فيها بهذه المصورة. وتتضمن الصورة الفوتوغرافية والصور الزيتية إستخدام مقياس الرسم. كما أن الخرافط ترسم دائما بمقياس رسم ورسوم الأبنية يدون عليها مقياس الرسم المستخدم. وعندما يكون لدينا رسوم بيائية عديدة فإننا غالبا ما نضطر إلى تحديد مقياس رسم معين نستخدمه.

ويصفة عامة لا يجد الأطفال صحوبة في قهم فكرة مقياس الرسم ويأمكانهم أن يقيموا طول وعرض أرضية حجرة الدراسة لأقرب صتر ولتكن ١٢م، هم مثلا شم يرسمون مستطيلا على ورقة ليمثل الأرضية فسوف يدركون غالبا بأنفسهم أنه يجب استخدام مقياس رسم معين.

وبالنسبة لهذا العثال فقد يقررون تعثيل كل ا متر بـ اسم.

وسوف يناقشون امكانية استخدام مقياس رسم أخر قمثلاً للله سم ليمثل ام أو ٢سم ليمثل ام أو ٢سم ليمثل ام أو ٢سم ليمثل ا م. ومن البداية يجب أن يسجلوا دائما المقياس المستخدم . وتأتي فكرة مقياس الرسم من رسم عدة أشكال بيانية ولهذا في المراحل الأولى قد لا يفكر الأطفال فيها هكذا.

فيستخدمون فترات كل منها اسم على كل من المحورين عادة وفى المراحل المتأخرة قد يضطرون لإستخدام فترات أسم على كل من المحورين لكى يعرضوا الأعداد الموجودة، وسوف توجد فرص ملائمة لعرض من صفر - ١٠ على أحد المحورين، صفر - ١٠على المحور الأخر على سبيل المثال، وعلى ذلك فإن فكرة استخدام مقياس رسم مختلف على المحورين تحتاج إلى مناقشة بعناية، والطريقة التى يوثر فيها إختيار مقياس الرسم على حجم الشكل البياني تحتاج أيضا إلى المناقشة والمتوريخ بالأمثاة ويجب تشجيع الأطفال دائما على الاستخدام الكامل نورقة الرسم الدياني التي ستخدم الله الدياني التي المناقشة الدياني التي ستخدم المالية ويجب تشجيع الأطفال دائما على الاستخدام الكامل نورقة الرسم الدياني التي ستخدم المالية ويجب تشجيع الأطفال دائما على الاستخدام الكامل الورقة الرسم الدياني التي ستخدم المالية ويجب تشاهد المالية التيانية التي المتخدم المالية التيانية التي المناقشة التيانية التي التحديدة المالية التيانية التياني

ويجب أن يبنى مقياس الرسم المختار من قبل الطلاب قدر الإمكان على القياسات التى كاموا بأنفسهم بقياسها. فأرضية غرقة الفصل يجب أن تؤخذ قى الإعتبار كذلك السبورة وسطح منضدة الطفل، والشبابيك يمكن أن تقاس وتعرض بمقياس رسم، وخارج الفصل فإن ملعب كرة القدم والكرة الطائرة وتنس الطاولة يمكن قياسهم أيضا ورسمهم بمقياس رسم مناسب وأخيرا وعندما يستطيع الأطفال قياس الزوايا فيصبح بامكانهم الرسم بمقياس رسم على قطعة من الأرض ليست على أي شكل هندسي منتظم.

وعند قراءة الخرائط وإيجاد المسافات (الأبعاد) منها تكون الصعوبة الرئيسية التى تواجه الأطفال هى فهم ماذا يعنى مقياس الرسم ثم القدرة على استخدامه بعد ذلك. وغالبا ما يتضمن مقياس الرسم أعدادا كبيرة كما تستخدم صيغ منتوعة لبيانه. وعلى سبيل المثال فإن نفس مقياس الرسم يمكن بيانه بالثلاث صيغ الثالية

وفى هذه الحائمة فإن الطريقة الثالثة هي الأكثر فهما للطلاب عن الطريقتين الأولى والثانية ولكن غالبا ما يعطى مقياس الرسم بالطريقة الأولى فقط. ويحتاج الأطفال إلى المساعدة لكي يفهموا هذه الطريقة ويستخدموها في التعبير عن المقياس.

وحتى باستخدام الأعداد الكبيرة ققد يعطى مقياس الرسم هكذا ٢٠٠٠١ وهذا يمكن توضيحة بالرجوع إلى طول ١ سم على الخريطة. ومن مقياس الرسم المذكور يمكننا أن نقول:

أن المسافة على الأرض والتي تعثلها اسم هي ٠٠٠٠٠ اسم.

وهذا يمكن تحويله إلى أمتار (اسم تمثل ١٠٠٠م).كما يمكن تحويل الألف متر إلى اكم (اسم تمثل اكم).

ويمكن للأطفال إستخدام هذه الصورة في مقياس الرسم. كما يجب اعطاء مزيد من التدريبات على هذا النوع من التحويل.

النسب المتوية

يجب أن يفهم الاطفال تمثيل الكسور العشرية والإعتيادية قبل البدء في العمل مسع النسبة العنوية وذلك للعلاقة بين الأجزاء من مانه والنسبة العنوية .

وعندما تقدم للأطفال الرمز " " فانفا نحتاج الى شرحه بعناية حتى نساعد الأطفال على فهر معناه وفيم يستخدم : وفيما يلى بعض الخطوات والمراحل الملائمة. المرحلة الأولى : مقارئة المصور باستخدام الشحويل إلى أجزاء من مالة.

يمكن أن يكون استخدام الانشكال مفيدا في هذه الخطوة فمثلا يمكن تلوين الكسور المتنوعة لمربع أو تظليفها كما بالشكل التنالي ثم يسأل المعلم الأطفال أسئلة مثل: ما الكسر الذي لون في كل مربع ؟ ٢) ١٨ ٧ ٢ ٢

$$\left(\frac{TY}{1 \cdot \cdot \cdot} \cdot \frac{1A}{0 \cdot \cdot} \cdot \frac{Y}{Y} \cdot \cdot \frac{T}{1 \cdot} \cdot \frac{T}{0}\right)$$

أى مربع توجد عليه ألوان أكثر؟ وأى مربع توجد عليه ألوان أتسل ؟ ثم يطلب من الأطفال أن يرتبوا المربعات تبعا لكمية اللون عليها (قد لا يجد الاطفال أن ذلك سهلا).



ثم تعرض المربعات مرة ثانية وبنفس الكسور الملونة عليها ولكن كل مربح تسم الى مانة مربع صغير هكذا.



ثم تكرر الأسئلة السابقة فنجد أنه بامكان الأطفال ايجاد الاجابة بسرعة لأن كل مربع قسم إلى عدد (١٠٠) من العربعات الصغيرة ويسجل الأطفال.

 $\frac{1}{1} \frac{1}{1} = \frac{1}{1} \frac{1}{1} \cdot \frac{1}{1} = \frac{1}{1} \cdot \frac{1}{1}$

يكرر هذا النوع من التشاط مع كسور أخرى على مربعات كبيرة وهذه يجب الحتيارها بحيث أن كل منها عبارة عن عند صحيح من مربعات صغيرة.

المرحلة الثانية: تحويل أي كسر الي أجزاء من مالة: خطوة ١) كسور تكافىء عددا تاما من الأجزاء من مائة:

يطلب المعلم من الاطفال أن يلونوا 💂 من مربع مثلا وعليهم أن يقرروا كم عــدد



المربعات الصغيرة التي يجب عليهم تلوينها . أى يجب عليهم ايجاد - من ١٠٠

والطريقة البسيطة نعمل ذلك هي : ايجاد لِ الـ ١٠٠ أولا (أي. ٢)

ثم ضرب ۲۰ ×۳ (المحصول علي ٦٠) $\frac{\gamma_0}{1} = \frac{m}{m}$ ثم يلونون ۲۰ مربعا ويسجلون

(يجب أن يكون مقام كل منها عاملا من عوامل ١٠٠)

انه لمن الأهمية الأهمية بمكان تسجيل كل كسر على التوالى كما يلي :

$$\frac{\lambda \xi}{0} = \frac{71}{100}, \frac{9}{100}, \frac{9}{100}, \frac{10}{100} = \frac{10}{100}, \frac{10}{100} = \frac{71}{100}, \frac{10}{100} = \frac{71}{100}, \frac{10}{100} = \frac{10}{100}, \frac{10}{1000} = \frac{10}{1000}, \frac{10}{1000} = \frac{10}{1$$

۸)۱۰۰

خطوة ٣) كسور يكون فيها عدد الأجزاء من مائة كسرا عشريا منتهيا

يطلب المعلم من الأطفال أن يلونوا $\frac{\cdot}{\Lambda}$ مربع . ويمكن ليجاد عدد المربعات الصغيرة التى يجب عليهم تلوينها بطرق متنوعة منها

$$\frac{\gamma_{0}}{\lambda_{0}} = \frac{1}{2} \text{ purifical } \frac{\gamma_{0}}{\lambda_{0}}$$

$$\frac{\gamma_{0}}{\lambda_{0}} = \frac{1}{2} \text{ lifting } \frac{\gamma_{0}}{\lambda_{0}}$$

$$\frac{\gamma_{0}}{\lambda_{0}} = \frac{1}{2} \text{ lifting } \frac{\gamma_{0}}{\lambda_{0}}$$

$$\frac{\gamma_{0}}{\lambda_{0}} = \frac{1}{2} \text{ lifting } \frac{\gamma_{0}}{\lambda_{0}}$$

فى الطريقة الأولى يوجد باتمى وهو ؛ مريعات صغيرة والتى يجب تقسيمها إلى ٨ أجزاء متساوية . كل جزء من هذه الثمانية أجزاء عبارة عن نصف مربع صغير

$$\frac{1}{1 \cdot 1} = \frac{1}{\Lambda}$$
 ولهذا فإن

فى الطريقة الثانية تعطى النتيجة ككسر عشرى ومرة ثانية $\frac{7}{1} = \frac{7}{1}$.

وفى الطريقة الثالثة تستخدم الحقيقة المعروفة ($\frac{7}{2} = \frac{7}{1}$)

بالإضافة إلى ماهو معروف أيضا ($\frac{7}{2}$ هو نصف ربع)

$$\frac{1}{1}$$
ومرة ثانية $\frac{1}{1}$

ويجب أن تناقش كل هذه الطرق مناقشة مستنيضة وبعناية

والآن يطلب من الأطفال تلوين \ من مربع ولايجاد عمد العربعات الصخيرة التي تحدّاج الى أن تلون تستخدم طريقتان

التي تحتاج إلى أن تلون تستخدم طريقتان
$$\frac{17!}{1 \cdot 17!} = \frac{17!}{1 \cdot 17!} = \frac{17!}$$

ب ـ يحسب الأطفال $\frac{1}{\lambda}$ من ۱۰۰ بدون استخدام الحقيقة المعروفة $\frac{1}{\lambda}$ من ۱۰۰ = $\frac{1}{\lambda}$ ۱۲)

و لاجراء ذلك نستخدم ماناتشناء سابقا في الضرب في كسر أي أنهم يكتبون

$$\frac{r_{V}}{\Lambda})\overline{r_{V}}$$

$$\frac{r_{E}}{1}$$

$$\frac{r_{E}}{1}$$

$$\frac{r_{V}}{\Lambda} = \frac{r_{V}}{\Lambda}$$

$$\frac{r_{V}}{\Lambda} = \frac{r_{V}}{\Lambda}$$

$$\frac{r_{V}}{\Lambda} = \frac{r_{V}}{\Lambda}$$

ويجب مناقشة كملا من الطريقتين مناقشة كاملة وهذه خطوة مهمة .

ويتم التعامل مع الكسرين $\frac{v}{\Lambda}$ بنفس الطريقة

خطوة ٣) كسور يكون فيهاعدد الأجزاء من مانة كسر عشريا غير منتهى (دوريا)

يطلب من الأطفال تلوين 🚽 مربع . ولايجاد عدد العربحات الصغيرة التي

يجب تلوينها تُقسم ١٠٠ على ٣ ولاجراء ذلك توجد طريقتان :

في الطريقة الأولى يوجد باللي ١ (مربع صغير) وهذا يجب تقسيمه إلى ٣ أجزاء

متساویة ، کل جزء منها عبارة عن ثلث مربع صغیر ولهذا فان $\frac{1}{r} = \frac{1}{r}$ ونی الطریقة الثانیة نحصل علی کسر دوری $\frac{1}{r} = \frac{77,7}{1.1}$

وتحتاج كل من هاتين الطريقتين إلى مناقشة كالهلة .

والأن يجب تحويل كسور أخرى من نفس النوع إلى أجزاء من مانة مثل

$$\frac{7}{7}\left(\frac{1}{11},\frac{7}{1},\frac{1}{1},\frac{7}{1}\right) + \frac{1}{7}\left(\frac{7}{11},\frac{7}{1},\frac{1}{1},\frac{7}{1},\frac{7}{1},\frac{7}{1},\frac{7}{1}\right) + \frac{7}{7}\left(\frac{7}{11},\frac{7}{1},\frac{7}{1},\frac{7}{1},\frac{7}{1}\right)$$

المثال المثال فإن العمورة الكسرية للإجابة هي المثال المثال فإن العمورة الكسرية للإجابة هي المثال فإن العمورة الكسرية الإجابة هي المثال فإن العمورة الكسرية المثال المثال فإن العمورة الكسرية المثال المثال المثال فإن العمورة الكسرية المثال المثال المثال المثال فإن العمورة الكسرية المثال الم

والصيغة العشرية هي ١٠٠

ولمهذا قان الصورة العشرية للإجابة يجب أن تعطى لأثرب رقم عشرى أو رقمين عشريين .

ای آن
$$\frac{1}{v} = \frac{v}{v}$$
 لرقم واحد $\frac{1}{v} = \frac{v}{v}$ لرقم واحد $\frac{1}{v} = \frac{v}{v}$ لرقمین

ویجب إعطاء مزیدا من التدریبات علی تحویل کسور من هذا النوع مثل $\frac{\lambda}{\lambda}$ $\frac{\lambda}{\nu}$ $\frac{\lambda}{\nu}$ $\frac{\lambda}{\nu}$ $\frac{\lambda}{\nu}$ $\frac{\lambda}{\nu}$ $\frac{\lambda}{\nu}$ $\frac{\lambda}{\nu}$

المرحلة الثالثة تقديم إستخدام كلمة "النسبة المنوية" والرمز //

قد تحصل فأندة كبيرة إذا ناقش الأطفال أو لا الكلمات التي تظهر فيها أفكار المانة مثل: الغرن مانة سنة - الفرش جزء من مانة من الجنيه المصرى، السنت جزء من مانة من الديال السعودي، معمر يبلغ من العمر من مانة من الديال السعودي، معمر يبلغ من العمر مانة سنة .. ثم يقدم الآن إستخدام تسبة منوية Percert فمثلا تستخدم العبارة لا في المانة التعبر عن لا ويمكن التفكير في لا لا على أنها لا خارج المائة وعلى المعلم أن يربط ذلك بتلوين المربعات وذلك بمناقشة العلاقة بين لا مربعات صغيرة من المربع الكبير ولا خارج المائة المربع الصغير ثم يتدرب الأطفال بعد ذلك على استخدام هذه العبارة الجديدة ويسجلون أمثلة عديدة مثل: 11 تسمى ١٢ في المائة، 18 تسمى ١٣ في المائة... وأخيرا يقدم الرمز لا ويشرح لهم أننا غالبا ما نستخدم مُثريَّهة مختصدرة لكنابة النسبة المنوية وهذه الطريقة هي الرمز لا.

وقد يساعد ذلك على الأخذ في الإعتبار أن الرمز ٪ يمكن التفكير فيه على أنـه إعادة ترتيب الخانات (أرقام) المائة الثلاث (١٠، ٠، ٠) ويبعب أن يتدرب الأطفال علـي أستخدام الرمز الجديد كما في الأمثلة المتالية:

$$\frac{V}{1..}$$
 = V في المائة = V/
 $\frac{V}{1..}$ = $\frac{V}{V}$ في المائة = $\frac{V}{V}$ = $\frac{V}{V}$ في المائة = $\frac{V}{V}$

ويجب أن يسجل الأطفال أيضا بعض نتائجهم الأولية بإستخدام النسبة العنوية فمثلا

$$7x \cdot = \frac{x}{1 \cdot \cdot \cdot} = \frac{1}{0}$$

$$70 \cdot = \frac{0}{1 \cdot \cdot \cdot} = \frac{1}{1}$$

$$71x \cdot 0 = \frac{1}{1} \cdot \frac{1}{1} = \frac{1}{1}$$

المرحلة الرابعة تدريب الأطفال على حل مسائل حسابية على النسبة : خطوة ١) إعادة تسمية النسب ككسور عشرية واعتبادية. مثال ١ على الشكل المقابل اكتب الجزء المظلل



٩٤ جزء من مائة ٩٠,٤٩

وبتكرار أمثلة من هذا النوع يمكن أن يتمكن الأطفال من أن النسبة العنوية تعني :

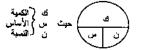
جـ) لكل مائة أ) أجزاء من مانة ب) خارج عن مائة واحدة

$$) \cdots \div (A \qquad \qquad \frac{1}{1 \cdots} \times (a)$$

مثال ۲:- اعد تسمیة ۵۰ ٪ ککسر عشری وککسر اعتیادی

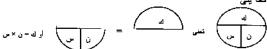
$$\frac{1}{1} = \frac{1}{1} \cdot \frac{1}$$

يوضح المعلم للأطفال أنه لحل مسائل النسبة يمكن استخدام شكل النسبة التالى



شكل النسبة

وعندما يكون معلوما لدينا ق ، س فيمكننا استخدام شكل النسبة لايجاد صبيغة ايجاد الكمية ك كما يلي



والمبيغة ك = ن × من تسمى صبغة الكمية وتقص على : "لايجاد الكمية ك عندما تكون ن ، س معلومتين فإنها نضرب الأساس في النسبة"

مثال : ما قيمة النسبة ٧٥ ٪ المأخوذة من ١٤٠

ای آن



1+0 = +. YO × 1£. =

خطوة ٣) إيجاد الأساس في مسألة نسبة

يوضح المعلم للأهلفال أيضا أنه عندما يكون معلوما لدينا النسبة ن ، والكمية ك يمكننا استخدم شكل النسبة لكتابة صيغة لإيجاد الأساس هكذا .

والصيغة من = ك تسمى صيغة الأساس ن

مثَّال:- إذا كان ٢٥٪ من عدد تصاوى ١٠ فعا العدد الأساسى ؟

س = ك وهى صبيغة الأساس ثم نعوض عن ك بـ ١٠ وعن ن ٢٥٪٪ ن

ر. س =
$$\frac{1}{70}$$
 (حولنا النسبة إلى كسر عشرى) = $\frac{1}{70}$ (حولنا النسبة إلى كسر عشرى) س = $\frac{1}{70}$ (القسمة على كمر عشرى)

ومن الممكن التحقق من صحة النتيجة هكذا

). = . , Yo x £. = %Yo x £.

ویجب أن یوضع العملم للأطفال أنه یمکن تحویل ۲۵٪ بلی کسر اعتیادی $\binom{1}{2}$ وعلی الطفل أن یختار إحدی الصبینتین للقسمة

خطوة ٤) إيجاد النسبة في مسألة نسبة

عندما تكون الكمية والأساس معلومتين فيمكن استخدام شكل النسبة لكتابة صيغة لإيجاد النسبة ن هكذا والتي تسمى صيغة النسبة



وتنص صيغة النسبة ن = من على أنه لإيجاد النسبة ن عندما تكون الكمية والأساس معلومتين نقسم الكمية على الأساس وبعد القسمة يجب تحويل (إعادة تسمية) الكسر العشري أو الإعتبادي إلى نسبة منوية .

مثال : مالنسبة المنوية للعدد ٥ بالنسبة للعدد ١٦

ك ال**حل** : نكتب صيغة النسبة ن =-س

11 × 07,17 % - 11 × 0717, . = 0

وللتحقق

خطوة ٥) إيجاد نسبة الزيادة أو النقص .

عندما ترداد الكمية الأصلية لأى شئ إلى كمية جديدة فإن الفرق بين الكميتين يسمى مقدار أو كمية الزيادة ، والنسبة التي تحصل عليها بقسمة كمية الزيادة على الكمية الأصلية تسمى نسبة الزيادة وبالمثل ينطبق نفس الكلام على نسبة النقس .

ولايجاد نسبة الزيادة ينيخي أن نضبع في اعتبارنا مايلي

الكمية الأصلية المعطاة (العدد الأصغر) تستخدم كأساس (س)

كمية الزيادة (الغرق بين الكمية الأصلية والكمية الجديدة) تستخدم على أنها الكمية (ك).

مقال ١ : مالنسبة المنوية لزيادة ٢ إلى ٣٠

الحل: الكمية الأصلية - ٢ (س) كمية الزيادة من ٢ إلى ٣ - ١ (ك)

نسبة الزيادة = أو وبتحويلها إلى نسبة منوية = ٥٠ ٪

مثال ۲: مالنسبة المنوية لنقصان ۳ إلى ۲ ۲

ADJ 7: Altimis lategraph results 7 (m, r) 1 (m, r

كمية النقص من ٣ إلى ٢ = ١ → (ك)

سعيد النقص = ـــٰ = ـٰـ٣٣٪ نمية النقص = ــٰ = ـٰـ٣٣٪

مرحلة ٥) تطبيقات النَّمب المنوية في الحياة اليومية

حينما يقدر الأطفال على حل مسائل حسابية تتضمن الأساس والنسبة والكمية والكمية والكمية والكمية والكمية والكمية والتحتيم حينتذ يقدرون على التعامل مع أي نشاط يومي ينبع من فكرة النسب المنوية مثل الربح - الخسارة - العمولة - الأسهم...) والمتطلب الأساس في هذا التعامل هو القدرة على فهم الموقف أو السوال والتحقق من أن النسبة المنوية هي نوع خاص من الكسر

أولا: الربح والخسارة : Profit and loss

الخطوة الأولى هي اعطاء أمثلة عن البيع والشراء يكون فيها مكسب وخسارة وعلى الأطفال أن يقرروا في كل مثال هل يوجد مكسب أم خسارة ثم يوجدوا المقدار من حساب الفرق بين ثمن البيع وثمن الشراء ثم تناقش أمثلة من نوع المثال التالي : أشترى تاجر دراجة بسعر ٤٠ جنيها وباعها بــ ٥٥ جنيها واشترى تاجر أخر طاولة بـ ١٠ جنيها وباعها بـ ٨٠ جنيها .

أبهما حقق ربحاً أكثر؟ وأيهما حقق استخداما أفضل لما له . ؟

يرى الأطفال بسوعة أن التاجر الأول حقق ربحا قدره ١٥ جنيها بينما حقق التاجر الثاني ربحا أكبر من الأول . وينشأ السوال الثاني من الفكرة التي تتعلق بالعلاقة بين الربح ومقدار العال المستخدم .

فقد استخدم الأولى ٤٠ جنيها وحقق ١٥ جنيها ربحا وعلى ذلك فربحه $\frac{1}{3} = \frac{1}{4}$ من المال المستخدم بينما ربح الثانى $\frac{1}{1} = \frac{1}{7}$ المال المستخدم يمكن مقارنة الكسرين بتوحيد مقاميهما وجعله ٢٤

$$\left(\frac{\lambda}{1} = \frac{1}{1} \cdot \frac{1}{1} = \frac{\Gamma}{\lambda}\right)$$

أى أن الربح ككسر من المال المستخدم كان أفضل بالنسبة للتاجر الأولى عن التاجر الثاني. إن المقارنة بين الكسرين بجمل المقام ٢٤ عملية سهلة ولكن غالبا ما تكون المقارنة معددة وتتجنب ذلك ولكي تستخدم دائما نفس المقام (كسور من نفس النوع) نحول الكسرين إلى نسب منوية ليكونا.

$$\frac{1}{\sqrt{\frac{1}{\lambda}}} = \frac{1}{\sqrt{\frac{1}{\lambda}}} \quad \text{and algebraic points}$$

$$\frac{1}{\sqrt{\frac{1}{\lambda}}} = \frac{1}{\sqrt{\frac{1}{\lambda}}} \quad \text{and and algebraic points}$$

$$= \frac{1}{\sqrt{\lambda}} \times \frac{1}{\sqrt{\lambda}}$$

$$= \frac{1}{\sqrt{\lambda}} \times \frac{$$

ومن النسبتين المنويتين نرى بسرعة أن التأجر الأول كان أفضل استخداما لماله من التاجر الثاني. وعادة ما يعبر عن ذلك بالقول التالي. كان ربح التاجر الأول ٣٧،٥٪ من ثمن السلعة التي إشتراها وكان ربح التاجر الثاني ٢٣٠٠٪ من ثمن الشراء.

ملاحظة: يقدر الربح لحيانا في الصفقات التجارية كنسبة منوية من ثمن البيع. وباستخدام هذه الطريقة:

وباستخدام هذه الطريعة:

(يح التناجر الأول $= \frac{1}{0}$ من ۱۰۰٪ $= \frac{1}{0}$ من ۱۰۰٪ $= \frac{1}{0}$ من ۱۰۰٪ $= \frac{1}{1}$ من ۱۰۰٪ $= \frac{1}{1}$ من ۱۰۰٪ $= \frac{1}{1}$ من ۱۰۰٪ $= \frac{1}{1}$ من ۲۰۰٪ $= \frac{1}{1}$ من ۲۰۰٪ $= \frac{1}{1}$ من ۲۰۰٪ $= \frac{1}{1}$ من ۲۰۰٪

فى حساب النسبة المنوية للربح يجب أن نوضع للأطفال هل حسبت النسبة إلى
 ثمن البيع أم إلى ثمن الشراء؟

وفى المرحلة الأولى يفضل استخدام ثمن الشراء كأساس لحساب النسبة المغوية للربح. لأنه قد يرتبك بعض الأطفال.

وفى تحديد الخسارة والنصبة العنوية المخسارة أيضا يجب تحديد الأساس الذى إستخدم: ثمن البيع أم ثمن الشراء؟

ثانياء التخفيضات (الأوكازيون)

فى نهاية الصيف والشتاء من كل عام نسمع بما يسمى "الأوكازيون" إذ تعلن المحلات التجارية على إختلاف أنواعها خفض نسبة منوية من ليمة المبيعات فيقبل الناس على الشراء. وفى بعض الأحيان فى الإعلان عن بيع شقل أو سلع معمرة تقدر نسبة خصم على الدفع الغورى.

وهذه التغفيضات (الخصومات) هي تطبيق أخر للنسب المنوية فسي حياتسا اليومية، ويجب أن نوضح للأطفال أن لدينا في التغفيضات ثلاثة عناصر هو:

١- السعر الأصلى أو العادى وهو ما يباع به في الأيام العادية.

٧- سعر الأوكازيون أي السعر بعد الخصم أو السعر المخفض.

٣- نسبة الخصم أو معدل الخصم.

ويجب أن يتدرب الأطفال على إيجاد ما يلي:

أ- المعر المخفض ونحصل عليه بالصيغة التالية

السعر المخفض - السعر الأصلى - مقدار الخصم (التخفيض)

مثّال : فستان سعره الحالي ٤٩,٩٩ جنيه عليه خصم مقدارة ٢٠ جنيه نما هو السمعر بعد الخصم؟

السعر الأوكازيون السعر بعد المخصم = ٤٩,٩٩٩ – ٢٠ = ٢٩,٩٩٩ پ- مقدار المخصص ونحصل عليه بتطبيق الصيغة التالية:

مقدار الخصيم = السعر الأصلى × معدل الخصيم (نسبته)

مقال: - ثمن أنه حاسبة ١٩,٩٩ جنيه فإذا كان عليها نسبه الخصم ٢٥٪ فما ثمنها بعد الخصيم؟

المنعر العادى معدل الخصيم $= 19.91 \times 0.7$. $= 19.99 \times 0.7$. $= 19.99 \times 0.7$

.. الثمن بعد الخصم = ١٤,٩٩٩ جنيها تقريبا.

حِ معدل (نسبة) الخصم

ويمكن الحصول عليها بالصيغة التالية

معدل (نسبة الخصم) = مقدار الخصيم + السعر العادى.

عدًّال: - ساعة ثمنها ٨٥ جنيا وعليها خصم مقداره ١٧ جنيها فما معدل الخصم؟

الحل:- ٥٠ + ١٧ = ٢٠٠ (نحولها إلى نسبة منوية)

$$\chi \cdot = \frac{\cdot}{1 \cdot \cdot} =$$

رُر معدل الخصيم = ۲۰

د- إيجاد السعر الأصلي

إذا كان معلوما لدينا كلا من مقدار الخصيم ونسبته (محدثه) فيمكننا إيجاد السعر الأصلي عن طريق قسيمة مقدار الخصيم ÷ نسبه الخصيم، مثال: - حذاء خفض ثمنه بعقدار ٣٢ جنيها عندما كانت نسبه الخصيم ٤٠٪ فما ثمنه الأصلم؟

العل: - الثمن الأصلى = مقدار الخصيم ÷ نسبه الخصيم

= ۲۰+۲۳٪ (تحولها إلى كسر عشرى أو إعتيادى) = ۲۰+۰.۰ = ۲۰+۰۰

ثالثاً: العمولة في البيع

كثيرا ما يبيع البائع أو ألسيل سنما على أساس "عمولة" يأخذها ويعبر عن هذه العمولة في كثير من الحالات في صورة "نسبة منوية" فقد يحصل البائع على ٣٪ من ثمن السلع التي يقوم ببيعها بالتجزئة فإذا باع سلما بمبلغ ٢٠٠٠ جنيه فإنه يحصل على عمولة مقدارها ٣٪ من ٢٠٠٠ = ٢٠٠٠ × ٣٠, ٣٠ الإنبها وهناك ثلاثة مواقف تتصل بمسألة البيم على أساس العمولة هي:

- ان يكون معدل العمولة وقيمة المبيعات معروفتين والمطلوب حساب كمية أو مقدار عمولة البائم.
- ٢- أن تكون تيمة المبيعات ومقدار عمولة البائع معروفتين والمطلوب حساب معدل العمولة في المائة (النسبة المنوية).
- " أن يكون معدل عمولة البائع ومقدار هذه العمولة معرونتين والمطلوب حساب قيمة المبيعات.

ويجب أن يتدرب الأطفال على أمثلة على هذه المواقف. كما أن هنائه تطبيقات أخرى تتمثل في ضريبة المبيعات والأسهم والملاوة السنوية الدورية للعاملين بالدولة وهكذا.

ŝ

تعليق ومتابعة:

النسبة والتناسب من الموضوعات التي تقدم بصورة أولية في رياضيات المرحلة الإمتدائية، والتناسب مفهوم واسع التطبيق في الحياة اليومية وأيضا في مواصلة الدراسة في المراحل التعليمية المختلفة وقد أشارت بعض الدراسات إلى أن كثيرا من طلاب المراحل الثانوية لا يفهمون هذا المفهوم فهما كافيا ويرجع ذلك إلى الطرق التدريسية وإلى الإستر اليجيات التي مستدمها الكتب المدرسية والمعلمين في حل مسائل التناسب كما اعتقد بعض البلحثين أن مستوى أداء الطلاب في المراحل التعليمية المختلفة والذي هو غير مرض نتيجة للنمو غير الكافي لمفهوم التناسب.

وقد أوضحت بعض الدراسات أن الأطفال من ٦-٨ سنوات يمكنهم فهم معنى النسبة والمتناسب من خلال أنشطة تدريسية تعتمد على النطابق والتشابه مع الأخذ في الإعتبار الطريقة التي تقدم بها المعائل في هذا المجال ففي تدريس هذين الموضوعين يجب أن يكون الأطفال على وعي وإدراك بطرق تقكيرهم في النسبة وخصائصها ومما يسهم في ذلك أن يبتكر المعلم مواقف مزعجة بها تعسارب وخلاف ويحاول الأطفال يشهم في ذلك أن يبتكر المعلم مواقف مزعجة بها تعسارب وخلاف ويحاول الأطفال يقدما وتصحيحها مسن خلال أحكامهم وتقسير اتهم ويلحب التقكير التناسبي على Proportional reasoning دور حرجا في نمو الطالب في الرياضيات الدرجة أنه الأولية. وبسبب نظرية بياجبه والتي يمثل فيها التفكير التناسبي السمة المميزة لمرحلة المعليات الشكلية Formal Operations في مراحل النمو المقلي لديه تركز البحث على التفكير التناسبي عند الأطفال الصعار إلا العليل. ولقد قام JA يوضحها الجدول الثالي. ولقد قام التعاسب ووجدها كما يوضحها الجدول الثالي

إستراتيجيات أطفال الصف السادس الإبتدائي في حل مسائل النسية والتناسب

خصائصها	الإستراتيجية							
إستر اتيجيات ليست إستدلالية (بنائية)								
لا يوجد تفاعل جاد مع المسألة	– التجنب avoiding							
محاولة وخطأ أو إستجابات بدون تفكير	- بصرية أو جمعية (إضافية)							
أو أحكام بصرية بحته (إنها تشبه) أو ا	visual or additive							
مداخل أضافية غير صحيحة.								
استخدام أنماط شقوية أو كتابية بدون فهم	– بناء نمط pattern bulding							
العلاقات العددية	1							
ت إستدلالية								
حدسى - إجراء أنشطة حسية (صور	ما قبل التفكير التناسبي							
رسوم بيانيـة – نماذج – أعمال يدويـة) }	preproportinal reasoning							
استخدام بعض التفكير النسبي.								
إستخدام النسبة كوحدة	تفکیر نتاسبی نوعی Qualitative							
إستخدام التفكير النسبى								
فهم بعض العلاقات العددية								
استخدام رموز جبرية لتمثيل النتاسب مع	و تفکیر نتاسیی کمی Quantitative							
فهم كامل للعلاقات العددية و الوظيفية.								

والنسبة العنوية نوع خاص من الكسور لا أكثر ولا أقل ويجب على الأطفال أن يفهمسوا أنسه بدلا مسن إسستخدام الكسور الاعتبادية مختلفة العقسام مشلل $\frac{1}{7}$ ، $\frac{1}{7}$ ، $\frac{7}{1}$. $\frac{7}{1}$

أ- كل الكسور من نفس النوع (متحدة المقام) ولهذا من السهل مقارنتها.

ب- من السهل أن نفكر في كل كسر على أنه نقطة على تدريج من صفر إلى
 ١٠٠ ولهذا يمكننا الحصول على فكرة جديدة عن مقداره بسرعة.

جــ الكسر هو عدد الأجزاء من مانة التي نهتم بها. وهذا عادة ما يدور حول عدد كلي. ولهذا فإننا نتمامل مع أعداد كلية وهذا أقضل من التمامل مع كسور (ولكن علينا لن نفهم أنها أعداد كلية من أجزاء من مائة) والنسبة المنوية أيضا عبارة عن مقارنة بيـن عدد ما ومائة قمثلا عندما نستخدم ١٥ كنسبة منوية فإن ذلك يعبر عنه كنسبة بين عددين هما ١٠٠٠ ويرمز فها بالرمز ٪ والزمز ٪ يعبر عن أن المقام ١٠٠.

وكلما كانت العلاقة بين النسبة العنوية والكسور الإعتيانية والعشرية ولضدحة كلما زاد إستمداد الأطفال للتنجرك في إتجاه العمل المجرد حيث يمكنهم البدء فمي تسمية مقارنات بين الكسور مختلفة الصيغة

فمثلا
$$\frac{r}{r} = \frac{r}{r} = r \%$$
.

ويحتاج تقديم الرمز X إلى مجهود كبير من المعلم واحدى طريق تقديم الرمز X هى تحويل الكسر الإعتيادى إلى جزء من مانة كما فى حالة العثال السابق $\left(\frac{1}{1}, \frac{1}{1}, \frac{1}{1}\right)$ والطريقة الثانية هى التفكير فى الواحد الصحيح على أنه مانة جزء من مانة.

فمثلا أي من الواحد الصحيح هي أي من المانه أي أن

$$\frac{7}{c} = \frac{7}{c} \text{ at a of } \frac{7}{c} = \frac{7}{c}$$

$$= \frac{7}{c} \times \frac{7}{c} = \frac{7}{c} \times \frac{7}{c} = \frac{7}{c} \times \frac{7}{c} = \frac{7}{c} \times \frac{7}{c} \times \frac{7}{c} = \frac{7}{c} \times \frac{7}{c} \times \frac{7}{c} = \frac{7}{c} \times \frac$$

ملاحظة: إذا كان الكسر المعطى في صورة عشرية فيمكن استخدام نفس الطريقة فمثلا

ويمكن إستخدام أوراق العمل والتنى تحتوى أنشطة تعرف الأطفال أن النسبة العنوية إمنداد لصيغ الكسور الاعتيادية والعشرية حيث يمكن أن تعد ورقة عمل تحتوى قطاعات مختلفة كل قطاع تعبير عن نوع واحد ويمكن تغييره إلى صدورة أخرى مثل الورقة التائية

ويجب أن يكون في ذهننا أنه ليست كل مواقف النسبة المنوية تحتوى عددا مقارنا بمانه، ويجب على الأطفال أن يتدربوا على ليجاد النسبة المتوية من مواقف لا تظهر فيها المائه مثل: لدينا عشر كرات أربع منها زراتاء، ست بيضاء. ما النسبة المنوية للكرات الزرقاء؟ فلى هذه الحالة يتدربون على أن ٤ تمثل ٤٠٪ من ١٠٠ كما بالشكل التالى تمثل ٤٠٪ من ٢٠ وهكذا حتى ٤٠ تمثل ٤٠٪ من ١٠٠ كما بالشكل التالى

1.	77	٣٢	ΥA	Y £	Υ.	13	١٢	٨	ŧ
1	۹.	٨٠	٧.	٦.	0	ź.	۳.	۲,	1.

العمل مع مسائل النسبة العلوية

تستخدم ثلاث طرق لحل مسائل النسبة المنوية هي: -

٣- طريقة النتاسب

ا- طريقة الحالة ٢- طريقة تحليل الوحدة أولا: طريقة الحالة The case Method

و هذه الطريقة تعتمد على ثلاث قواعد أو ثلاث صبيغ وهى التى تم وصفها سابقًا ويتطلب العمل مع تصنيف القواعد مستويا عاليا من النصح والفهم ومستوى النصح المطلوب لقهم طريقة الحالة وراء عدم تمكن معظم الأطفال منها.

The unitary analysis مريقة تحليل الوحدة: ويمكن مناقشة هذه الطريقة من خلال المثال التالي:

ریسی سدر در ده ۵۰ سیارهٔ منها ۱۸ سیارهٔ یابانیهٔ الصنع و هذه آل ۱۸ سیارهٔ تمثل ۳۱٪ من ۵۰. وتعتمد هذه الطريقة على الفكرة المعطاة في المسألة حيث يمكن تبسيطها إذا حددنما أولا ثيمة ١٪ ثم نستخدم الضرب أو القسمة لتحديد النسبة المنوية الكلية.

وترتبط هذه الطريقة أيضا بطريقة الحالة وفيما يلي بيان ذلك.

الحالة الأولى:-

معرض به ٥٠ سيارة منها ٣٦٪ يابانية الصنع والمطلوب هو: ما عدد السيارات اليابانية التي في المعرض؟

الحل: المشكلة في إيجاد ١٪ من ٥٠ ثم ضعرب الناتج في ٣٦ واحد في المائه من - أو ٥٠٠ وقيمة ٣٦ نصف هي ١٨.

الحالة الثانية:-

عدد السيارات بالمعرض ١٨،٥٠ منها صناعة يابانيـة والسـوال هـو مـا النسـبـة العنوية للسيارات اليابانية الصنم؟

الحل: - عملية التفكير تسير هكذا: ١٨ تساوى نسبة منوية ما من ٥٠ إذا عرفت ١٪ من ٥٠ يمكننا قمسة ١٨ عليه لإيجاد النسبة المنوية لـ ١٨ من ٥٠.

واحد نسبة منوية $= \frac{1}{7}$ وعند تسمة 10 $= \frac{1}{7}$ وهي النسبة المنوية لمدد السيارات اليابانية في المعرض.

الحالة الثالثة:-

١٨ مديارة يابانية الصنع في محرض السيارات تمثل ٣٦٪ من العدد الكلسي
 السيارات في المعرض والسؤال هو ما العدد الكلي؟

الحن: - تسير عملية التفكير هكذا: إذا كانت ١٨ تمثل ٣٦٪ من عدد ما فيمكننا ليجاد هذا العدد إذا عرففا ما الجزء من ١٨ يمثله ١٪ من العدد ويمكن المحصول على الإجابة بالضرب في ١٠٠ أي أنسع ٣٦-١٨ وانضرب الناتج – وعندئذ تكون الإجابة ٥٠.

وهذه الطريقة تتطلب أخذ النضيج في الإعتبار قبل إمكانية فهمها ولهذا فاإن تدريسها يكون بعد سنوات المرحلة الإبتدائية.

٣- طريقة التناسب: The Proportion Method

وهذه الطريقة أخذت تتسع فى الإنتشار فى السنوات الأخيرة نظرا لسهونة تعلمها واستخدامها من تبل الاطفال وهى تستمد على فكرة إمكانية إستخدام تعبير واحد لبيان كل من الأنواع الثلاثة لمسائل النمنية المغوية ويجب أن يفهم الاطفال أمرين هما:

 معانى المصلطحات التالية: النسبة المنوية (الممدل) - النسبة المنوية (مقدار أو كمية) - الأساس. المعدل التعبير عنها كنتاسب هكذا المعدل المعدل وسوف يولجه الأطفال تعبير ات تناسبه أخرى في دراستهم للتناسب ومواقفه.

وباستخدام نفس المثال السابق (معرض السيارات)

في المحالة الأولى: معلوم لدينا المعدل والعدد المكلى للسيارات نصلاً تعبير التناسب $\frac{r_1}{r_1} = \frac{12x_1}{r_1}$ وتحل لإيجاد الحد العجهول.

وفى الحالة الثانية المعلوم: العدد الكلى للسيار ات وعدد السيار ات $\frac{\Lambda}{100}$ اليابائية نصلاً تعبير التناسب بالحدود المعلومة $\frac{\Lambda}{100}$ = $\frac{\Lambda}{100}$

وإيجاد الحد المجهول ليس صعبا على الأطفال والأسباب التى تكسن وراء مواجهة الأطفال صعوبات فى النسبة المنوية ترجع إلى أنهم: فى عملهم المبكر مع النسب المنوية ترجع إلى أنهم: فى عملهم المبكر مع النسب المنوية ذهبوا بعيدا جدا بأسرع ما يمكن. أى أنهم: لم يفهموا الفكرة الأساسية للنسبة المنوية. ولم يروا الروابط بين الكسور (الاعتيادية والعشرية) وبين النسب المنوية. وقد فرضت عليهم القواعد Tules بحيث لم يتمكنوا من فهمها ولم يستطيعوا أيضا إستخدامها استخداما صحيحا.

معلومات إضافية

تاريخ رمز النملية المنوية ٪

يرجع تاريخ استخدام فكرة النسبة المنوية إلى عدد من منات السنوات مصت وتستخدم النسب المغوية في التجارة وإدارة الأعمال وفي الكيمياء تستخدم النسبة المنوية لقياس نمية التركيز في أي حامض وفي الإقتصاد في قياس نسبة الإستهلاك زيادة ونقصا وفي كثير من العجالات في حياتنا اليومية.

و لقد جاءت الكلمة نسبة منوية من العبارة اللاتينية per centum والتمى تعنى بالنسبة إلى مائة والرمز الذي يستخدم الأن هو // ولكن ذلك لم يكن الرمز دانما.

والرمز الحالى نتيجة لإختصارات الكلمة "per cent" أحد الإختصارات كان والرمز الحالى نتيجة لإختصارات الكلمة "per cent و لغيرا 100 ومن p, cont جاء $\frac{9}{10}$ حوالى القرن السابع عشر وفي القرن التاسع عشر حنفت p. ثم حول الخط إلى شرطة مائلة وأصبح الرمز % واسع الإنتشار والذي يقابل في كتاباتنا χ .

إختبر فهمك:

- الأنشطة التي يمكن إستخدامها لتقديم ممنى النسبة للأطفال.
 - ٢- عرف التناسب وأنواعه.
- اعط أمثلة من إهتماماتك يمكن إستخدامها في تقديم التقسيم التناسبي للأطفال.
 - ٤- صف بعض المواقف من الحياة اليومية التي يستخدم فيها مقياس الرسم.
 - اعط تعريفا لمعنى النسبة المنوية وصف موقفا طبيعيا يتضمن معناها.
- صف على الأقل وسيلتين تعليمينن يمكن أن تستخدما لتعليم الأطفال معنى النسبة المنوية.
 - ٧- ما المصلحات الجديدة التي تضعنها الفصل السابق.
 - ٨- بين كيف يعكن إستخدام طريقة التناسب في حل المسائل التالية:
 - د ۱۳ من ۱۹۰ من ۱۹۰ من ۱۹۰ من ۲۰ من ۱۹۰ من ۲۰ من ۲۰

الفصـــــل العاشـــــر المقاييس وعمليات القياس

- ـ تقديم القياس
 - . ا**لطــــه** ل
 - الساحة
 - السمحة
 - الحجية
 - السسوذن
 - ۔ اگر مسبین

من المتوقع بعد قراءة هذا القصل ودراسته أن يصبح الدارس قادرا على أن : -

ـ يعرف مراحل تقديم القياس للأطفال

_ يساعد الأطفال على استخدام وحدات طبيعية في القياس

_ يصمم بعض الأنشطة لتقديم قياس الطول

_ يشرح الأطفاله بعض المفاهيم المرتبطه بالطول مثل المسافة والمحيط

ـ يعرف مراحل تقديم مفهوم المساحة للأطفال

- يساعد الأطفال على استنتاج علاقات إيجاد مساحة بعض الأشكال الهندسية الشانعة

مثل المستطيل - المثلث - متوازى الأضلاع - الدائرة

وصمم بعض الأنشطة لتقديم مفهوم السعة

ويساعد الأطفال على استتتاج علاقة الحجم لبعض الأشكال الهندسية

. يعرف مراحل تقديم الوزن

_ يساعد الأطفال على بناء مفهوم الزمن وأجزائه

- يعد قائمة بأربع مميزات للنظام المترى على النظام الاتجليزي.

- يصف بعض الأنشطة التي تساعد الأطفال على تعلم الإخبار عن الوقت.

- يلخص مفاهيم القياس المتضمنة في برنامج الرياضيات بالمرحلة الإبتدائية.

من المتوقع بعد أن يكمل الطفل الأنشطة الموصوفة في هذا الفصل أن يقدر على أن:

- يستخدم بعض وحدات القياس الطبيعية في قياس بعض الأشياء من حوله

ـ يفهم فكرة القياس المعيارى

ـ يقدر قياس بعض الأشياء المطلوب قياسها قبل القياس الدقيق

عنتار الوحدة الملائمة للقياس

- بنيس الأطوال باستخدام الأمتار و (أو) السنتيمترات

- پنیس الکتل باستخدام الکیلو جرامات وکسور بسیطة من الکیلو جرامات

ـ يخير عن الوقت باستخدام الدقائق "و" و "إلا"

ـ يفهم فكرة الـ ٢٤ ساعة واستخدامها

- يفهم استخدام الجرامات في قياس الأوزان.

- يحسب محيطات الأشكال الهندسية الشانعة.

- يحسب محيط دائر ة،

ر يوجد مساحة شكل منتظم،

- يحسب مساحات : المستطيلات - المثلثات - متوازيات الأضلاع - الداوئر .

ـ يوجد حجم أي شئ غير منتظم "شاذ".

- يحسب حجوم : المكعب -متوازى المستطيلات - المنشور - الإسطوانة.

ـ يربط بين دوران الساعة ١٢ مرة ودورانها ٢٤ مرة

ـ يقول الوحدة الأبداسية تقياس كل من الطول ـ السعة ـ الوزن

ـ يصف بكلمات من عنده ١ ماليلتر ، ١ سنتيمتر ، ١ متر، ١ كيلو متر ، ١ جرام ، ١ كيلو جرام ١ سم٢ ، ١ م٢ ، ١ سم٣ ، ١م٢

ـ يقدر على النّحويل من وحدة تياس إلى وحدة قياس أخرى .

مقدم____ة

يأتى الطفل إلى المدرسة وفي ذهنه المكار أولية عن القياس فقد سمع عبارات مثل أحمد أطول من على ، المزجاج أتقل من البلاستيك ـ أحتاج إلى زجاجتين من الماء البارد ـ يأخذ القطار السريع ثلاث ساعات بين القاهرة والأسكندرية .

وهذه العبارات تتعلق بأفكار الطول ـ الوزن ـ الزمن .

ويجب أن تستغل هذه الخلفية في تقديم القياس للأطفال في المرحلة الإبتدائية وذلك الاستخدام القياس ونتانجه في كل نشاط من أنشطة الأطفال كما أن القياس يصلح أن يكون حافزا ودافعا لدراسة العمليات الحسابية التي يحويها منهج الرياضيات بالمرحلة الإبتدائية

وقد أجريت لبحاث عديدة عـن نمو مفهوم القياس لدى الأطفال فيرى "أرنولد وزميلاة أن المنطلب الرئيسي لهذه العملية هو مقدرة الطفل على العد أما كوبلاند" فيرى أن نضح الطفل في إدراك مبدأ المحافظة هو المنطلب الرئيسي لنمو مفهوم القياس لدى الأطفال أما بباجيه فقد أوضح من خلال تجاربه أن مفهوم القياس ينمو تدريجيا لمدى الطفل حسب مراحل نضجه العقلي .

وقى هذا الفصل نقترح بعض الأنشطة التي تساعدك على تقديم القياس للأطفال وهي متدرجة من المقارنات المعاشرة لملاطوال ثم القياس باستخدام وحدات غير عيارية تودى إلى اختيار وحدات عيارية القياس الطول ثم التدريب على قياس الكتلة السعة _ الزمن ـ المساحة - الحجم .

تقديم القياس :

من المفضل أن نبدأ في تقديم مفاهيم القياس علمي مراحل ومن المهم أن نشجع الأطفال على :

أ ـ تقدير القياس ب ـ استخدام النوع الألضل من الوحدات في القياس .

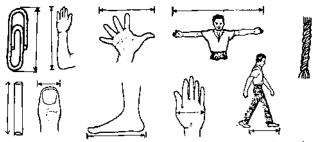
الط__ول

مرحلة ١ ـ استخدام وحدات غير مقنية .

الأجهزة والأدوات :

فيما يلى بحض الوحدات الطبيعية التي يمكن للأطفال استخدامها وهي عبارة عن:ــ

- ـ أجزاء من الجسم : طول القدم ـ الشبر ـ الكف ـ الذراع .
- عصمى أو قطع من الخيرزان ذات أطوال متعددة ـ قطع من الخيط والحبال
 - ـ دبابيس وبعض المواد الأخرى مثل العبينة بالشكل التالي :



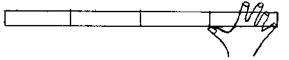
أنشطة:-

 المحفال الوحدات السابقة أو بعضها في الياس أشياء داخل حجرة الدراسة فمثلا طول الحجرة ـ عرضها ـ طول المنضدة ـ طول وعرض كتاب الرياضيات ـ طول القلم وهكذا

ويسجل الأطفال نتائجهم بوحدات طبيعية ، ويقارن الأطفال نتائجهم سع بعضهم المعض .

ويجب أن نعرف أن كثيرا من المقاييس سوف الانعطى عددا دليقا من الوحدات. فلا تحاول في هذه المرحلة التعامل مع كميات صغيرة لأن كثيرا من الأطفال سوف يشعرون بالسعادة عن إعطاء إجابات بدلالقوحدات صحيحة وإهمال الغروق البسيطة.

 بوزع المعلم على الأطفال بعض القطع الخشبية ويطلب منهم قياسها باستخدام " الشبر " ويسجل كل منهم نتائجه.



٣- يقين الأطفال بعض الأطوال خارج حجرة الدراسة . وسوف يجدون أن بعض الوحدات التي استخدموها داخسل الفصل الاتصلح لقياس الأطوال خارج الفصل وذلك لطول الأخيرة .

ويجب إعطاء الأطفال الفرصة لإيجاد تيمة تقديرية للشئ المراد قياس طولـه قبـل القياس الدقيق

مرحلة ٢) استخدام وحدات مقتنــة لقياس الطول

يجب اتخاذ قرار يتطق بأى وحدات الطول تقدم أولا: على هلى المستر أو الديسيمتر أو السنتيمتر ؟ . المئر وحدة كبير ولكنه غير مغيد فلى قياس الأطوال الصغيرة (مثلا طول حرف الكتاب) .

الديسمتر مقدار مناسب للأطفال ولكنه نادرا مايستخدم في الحياة العملية . السنتيمتر مفيد في تياس الأطوال الصنغيرة ولكنه ليس مفيدا في المسافات الطويلة (مثلا طول حجرة القصل).

وعلى ذلك فما الذى يجب تجنبه فى المرحلة الأولى ؟ بالطبع هو تقديم استخدام وحدتين فى نفس الوقت .

أى يجب تقديم وحدة واحدة ومـن خـلال أنشطتها سـوف يـرى الأطفال بأنفسـهم الحاجة إلى وحدة أصـغر أو أكبر .

ويجب علينا أن نتذكر أنه إذا استخدم المتر أو لا فبعد ذلك يتطلب الأمر استخدام وحدة أصغر لسبيين:

أ . نقواس الأطوال بدقة أكثر .

ب ـ تقياس أطوال أصغر من المتر .

وقد يكون من الأفضل أن نبدأ بعصا مترية غير مدرجة أو خيرزاتة وفي مرحلة لاحقة تقسم إلى مانة سنتيمتر ،

وهذا يمكننا من شرح اسم ويعندُ يمكن استخدام المصطرة (المقسمة إلى سنتيمترات نقط) بالنسبة للأطوال الصغيرة .

كما أنه من المهم استخدام رمزى المئر والسنتيمتر استخداما صحيحا رمز المكر هو م ورمز السنتيمتر هو سم كما يجب على المعلم أن يفهم أن هذه رموزا ليست اختصارات للكلمة ولا فرق بين المفرد والجمع فعثلا

> ا متر = ۱م ، ۷ أمتار = ۷م ا سنتهمتر = ۱ سم ، ۱۳ سنتهمتر = ۱۳ سم

أتشطــة : .

 بزود الأطفال بعض مترية غير مرقمة أو خيرزان يقيسون بها الهوالا مناسبة مثل طول وعرض حجرة الدراسة ، طول الباب طول منضدة الطفل ، المساقة بين علامتين على الأرصفة ، أطوالا منتوعة خارج حجرة الدراسة . وبالنسبة نكل تلك الأطوال نيس من المفضل أن تكون قياساتها عندا صحيحا من الأمتار .

ويكفى فى هذه المرحلة بالنسبة للأطفال إعطاء كل إجابة لأقرب متر أى أنهم يجب أم يستخدموا أفكارا مثل أكثر بقلول من أربعة أمتار ، تقريبا سبعة أمتار حوالى ستة أمتار ونصف المعتر .

يتحقق الأطفال بسرعة من أنه ليس بإمكانهم القياس بنقة باستخدام عصما مترية غير مرقمة ولا يمكنهم قياس أطوال أصغر من متر ،

وعندئذ يجب مناتشة طرق التغلب على هاتين الصعوبتين كما يجب تقيم فكرة تقسيم المتر للى أجزاء صغيرة . ويجب أن يقترح الأطفال بأنفسهم عدد الإجزاء التى يمكن أن يقسم اليها المتر .

ويجب أن يقود ذلك إلى فكرة استخدام العشرات والمثات .

ويمكن تقديم فكرة الديسومتر ومناقشتها باختصار ولكن من الأفضال الإستمرار في جعل السنتومتر أصغر وحدة لكي نجعل القياس أبسط مما يمكن .

بعد المناقشة التي تتعلق بتقسيم المتر إلى أجزاء أصغر يزود الأطفال بقطع من الخشب مقسمة إلى سنتيمترات هكذا.

ويجب تجنب استخدام المساطر الجاهزة المشتراه والمقسمة إلى سنتيمترات ومثليمترت في هذه المرحلة (لأن علامات المثليمترات قد تربك بعض الأطفال) ويستخدم الأطفال هذه القطع الخشبية المرقمة لقياس أطوال أقصر من المتر كما أنه من غير المستحسن أن تكون الأطوال أعدادا تامة من السنتيمترات ولهذا نستخدم فكرة القياس لأقرب سنتيمتر . وتستخدم عبارات مثل تلك التي استخدمت مع الأمتار في القياس مرة ثانية في قراءة النتائج .

٣- قياس أجزاء أو أطوال أشياء من المجسم بالسنتيمترات يروق لمعظم الأطفال فمثلا
 كل طفل يمكن أن يقيس ، يمساعدة زميله :

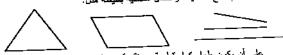
- طوله (وقد يكون من المفضل أحيانا عمل ذلك بأن يرقد طفل على الأرض) - طول أى ذراع - طول قدم.

_ الطول بين أصابعه عندما يقف الطفل مادا ذراعيه

- طول الخطوة ـ طول تفزة وهكذا .

٤- يستمر الأطفال فى استخدام مساطر (١٥ سم ، ٢٠ سم ، ٣٠ سم) مقسمه إلى سنتيمترات فقط لقياس أطوال مختلفة داخل حجرة الدراسة مثمل طول وعرض كتاب الرياضيات - طول قلم - أبعاد ورقة على شكل مستطيل أو مثلث وهكذا.

 من المغيد اختيار قدرة الأطفال على القياس النقيق بالسنتيمنزات ويكون ذلك باستخدام قطع مستقيمة وأشكال هندسية بسيطة مثل.



على أن يكون طول كــل قطعة مستقيمة عـددا صحيحــا مـن السنتيمتر ات ويكتب الأطفال طول كل قطعة بالقرب منها.

 جب أن يقدر ب الأطفال كثيرا على تقدير طول بعض الأشياء داخل حجرة الدراسة مثل المبينة بالجدول التالي لولا ثم يقيسونها بدقة ويسجلون النتائج هكذا.

بسجنون السائح هجدا	ود م پوسونها بدوه و	
الكيــــاس	الكقــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	<u>Itán</u>
<u> </u>	حوالی ـــــ سم	
سم	حوالی ـــــ مم	—
سم	حوالی ـــــ منم	
	حوالي سم	Control Son Green
·		

٧- يعمل الأطفال في محموعات ويكون مع كل مجموعة حوالي ٤٠ مصاصمة بأطوال مختلفة ويقيس الأطفال طول كل مصاصمة لألزب سنتيمتر ثم يعرضون نتائجهم بعد ذلك في صورة جدول كالتالي:

								<u> </u>	_		
[v.]	11	3.4	17	١٦	10	11	۱۳	14	11	1 1 1	الطول
							ļ				(لأترب سم)
1 '	1 1			_			_	⊢ −	+-	_	
T _v	Y	. A	٤	V	Γ.	í	٦.	ما	٣	۲	عدد المصاصات
V	۲	۸	٤	٧	٠-	i	1	٥	٣	۲	ساميات

- عندما يتمكن الأطفال وتتكون نديهم الثقة في القياس الأفرب سنتيمتر يمكن تقديم الملليمتر وذلك يمكن الأطفال من القياس بدقة أكبر وأنه إذا أردنا جسل عملية أختبار الأطفال في القياس سهلة يكون من المفيد تزويد كل طفل بمجموعة من الخطوط لقياسها كما في نشاط ٥ ويسجل كل نشاط هكذا على سبيل المثال طول الخط ٧ سم ، ٤ مم (عند تقديم الكسور العشرية تكتب الأطوال هكذا ٤٠٤ سم ولايجب كتابة الأطوال بالصبغة العشرية تبل تقديم الكسور العشرية)

ويجب توقع اختلاقات بسيطة في اجابات الأطفال شم يواصل الأطفال بعد ذلك تياس أطوال أشياء مناسبة داخل حجرة الدراسة ممتخدمين سم ، مم

مرحنة ٣ : استخدام الوحدات الكبيرة لمي قياس الطول (الكيلو متر)

عند تقديم وحدة لياس الأطوال الكبيرة يجب أن نقذكر أن فكرة الكيلو متر قد لاتكون غير حقيقية بالنسبة للأطفال إذا لم يقوموا بأنفسهم بعمل علامات على مسار أو طريق لكل واحد كيلو متر طول ويمكن اجراء ذلك بطرق متدعة فعثلا:

يمكن أن يستخدم الأطفال قطعة من الحيل طولها ٢٥م . وعندنذ تكون ٤٠ علامة بهذا الخيط على طريق تمثل واحد كيلو متر ويمكن أن يحسب الطفل أيضا : كم عدد الخطوات التي يأخذها في قطع علامة من الطول مقدارها ١٠٠ متر عبر مسار معين وبضرب هذا العدد من الخطوات في ١٠ ينتج عدد الخطوات في الكيلو متر الواحد. وإذا مشى طفل هذه الخطوات الآن على طريق نسوف تتكون نديه بعض الأفكار عن الكيلو متر لأنه سوف يتذكر النشاط، وسوف يفكر فيه عندما يتعلمل مع أنشطة أخرى تتي من الكيلو متر ويجب ربط وحدات الطول في النظام المترى بعضها ببعض نكى تتبت في ذهن الطفل ومن الأمثلة المفيدة في ذلك توضيح خاصية الضرب في ١٠ أو القسمة على ١٠ من خلال جدول هكذا.

كيلو متر	هكتومنز	دیکا متر	متز	ديسيمتر	سنتيمتر	اليمتر
کم ۱۰۰۰	هکم ۱۰۱م	دکم ۱۰م	ام	دم <u>۱</u> د ع	<u>سم</u> ۱	۲ .

مرحلة ٤) النساقة

يعتبر تقديم المسافة امتدادا للطول حيث تستخدم فيه وحدة الكيلو متر ومن الأمثلة الواقعية في تقديم المسافة ما يتعلق بالمسافة بين بلدين كالقاهرة والأسكندرية عشلا ويقدم مفهوم العسافة فى العرحلة الابتدانية من خــلال موضــوع الحركـة والـذى يتضمــن أيضــا مفهوم السرعة والزمن ويجب تدريس هذا الموضــوع من خــلال أمثلـة واقعيــة يلمــــها الطفل فى حياته .

المحيسط

المحيط لمه علاقة بالطول حيث يمكن المحسول على محيط أى شكل بايجاد مجموع أطوال أضلاعه . وفكرة المحيط ليست صعبة الفهم على الطفل ويجب أن يتدرب الأطفال على ايجاد محيط الأشكال ذات الأحرف المستأيمة وعلى إيجاد محيط الانترة.

فبالنسبة لمحيط الأشكال ذات الأحرف المستقيمة يجب أن يتدرب الأطفال على البعاد محيطات مضلعات مرسومة في صورة أشكال هندسية منتظمة وغير منتظمة هكذا.



كما يجب أن يتدرب الأطفال على مسائل لفظية على المحيط مثل يراد عمل سور لحديقة منزل ... وغيرها حتى تثبت قوانين إيجاد المحيط للأشكال الهندسية المنتظمة مثل المثلث ـ المربع ـ المحين المستطيل ـ متوازى الأضلاع في اذهان الأطفال. محيط الدائرة:

أن تقديم "ط" واستخدامها في ليجاد محيط للدائرة خطوة هامة بالنسبة للأطفال . ويجب أن نوضع أن القيم التي نستخدمها للتعبير عن ط (كسر اعتيادي $\frac{1}{V}$ او كسر عشري ٢٠١٤) تقريبية .

ويجب أن يبنى الأطفال أفكارهم عن ط من خلال الأنشطة التسى يقومون بها بأنفسهم قدر الإمكان

ولهذا فهم يحتاجون إلى أن نزودهم بأشهاء مثل علب اسطوانية الشكل ـ أطبـاق ــ إطارات دراجات ـ عملة معدنية ـ علب كرتون ... الخ)

حيث يقيس الأطفال تطر ومحيط الدوانر التي تكون جزءاً من تلك الانسياء ويمكن قياس قطر الدائرة عن طريق :

أ - تحريك مسطرة على الدائرة حتى نحصل على أكبر قمية للقياس وهذه القيمة الكبرى
 هي القطر

ب ـ وضع الشئ الدائرى بين كتابين والفين على طاولة ثد تساس المسافة بين الكتابين ويمكن قياس المحيط عن طريق : أ ـ استخدام الطريقة المبينة في الشكل المقابل

وتتضمن لف شريط من الورقة حول الشئ الدائرى وفي نهاية اللغة نستخدم مسمارا أو ديوسا لعمل ثقب ثم نفرد الشريط على طاولة ونقيس المسافة بين الثقبين فتعطى

هذه المسافة محيط الدائرة.

وقد لايرى بعض الأطفال ، على أى حال ، الاتصال بين هذه المسافة وبين المحيط. ولتوضيح أن الطولين متساويان يجب أن يقطع الشريط من ثقب الدبوس ثم يلف مرة ثانية حول الشي الدائري .

ب ـ لف قطعة من الحيل أو الخيط حول الشي الدائري عدة مرات ثم يقاس طول الخيط ويقسم على عدد الدورات (اللغات) الكاملة التي لفت على الشي ويقيس الأطفال باستخدام طرق مثل السابقة أقطار ومحياطات أشياء دائرية عديدة ثم تكتب قائمة بالنتائج ثم يقسم الأطفال المحيط على القطر لكل زوج من النتائج فيجدون أن خارج كل قسمة يزيد قلولا عن ٣ .

ويجب أن يستخدم الأطفال عندنذ القيمة ٣ لإيجاد القيمة لمحيطـات دوانـر اخـرى بقياس القطر وضـرب الناتج × ٣ وعلى الأطفال أن يفهموا أن النتانج التى حصلوا عليها ليست بالضبط . وأن القيمة الدقيقة لكل محيط أكثر قليلا من القيمة المحسوبة .

ونحتاج عند هذه المرحلة إلى مناقشة الكسر الذي يجب إضافته إلى ٣ والطريقة التي حاول بها القدماء التعامل مع هذه الصعوبة قد تشوق الأطفال وتساعدهم على فهم لماذا تم ادخال الرمز "ط"

ونحن نحتاج إلى عناية فى تقديم ٣٠١٤ كقيمة تقريبية لأثرب رقمين عشريين لـ ، ط قبــل استخدام القيمة ﴿ لانه إذا قدم الرمز أولا فسوف يعتقد الأطفال أنه القيمة الدقيقة وموف يفكرون عندئذ فى ٣٠١٤ على أنها تقريب عشرى لـ ﴿ .

وباستخدام ط تكون قاعدة محيط الدانرة هي

ح - ۲ طبق

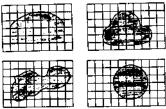
حيث نق تعبر عن نصف قطر الدائرة و ط تعوض عنها بـ ١٣،١٤ ، $rac{1}{\sqrt{-}}$ كليمة تفريبية .

الساحية

مساحة الشكل هي عدد الوحدات المربعة التي تلزم لتغطية سطحه وقد وجد بياجيه أن الأطفال يدركون مفهوم المساحة على شلات مراحل بحسب أعمارهم وعلى هذا يجب تقديم المساحة على مراحل كما يجب تجنب تقديم القرانين في مرحلة مبكرة ويصورة سريعة وفيما يلى مراحل تقديم المساحة :

مرحلة ١) تقدير المساحة

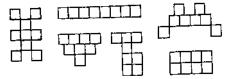
ويتم ذلك بتزويد كل طفل بشبكة تربيعية عليها الشيء أو الشكل المراد حساب مساحته كما هو مبين.



حيث يقوم الطفل بحساب عدد المربعات المفطاة بكل شكل وإذا كانت الشبكة التربيعية بالسنتيمترات فيمكن حينئذ تقديم فكرة السنتيمتر المربع على أنه كمية الفراغ المغطى بواحد من المربعات ويمكن أيضا تقديم الرمز سم؟ ويجب تزويد الأطفال بأنشطة عديدة تتضمن استخدام الشبكة التربيعية في إيجاد المساحة .

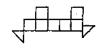
مرحلة ٢) بقاء (حقظ المساحة)

يجب على المعلم ، خلال هذه الأنشطة المتعددة ، الثاكد من فهم الأطفال للفكرة الهامة التي تتعلق بيقاء (حفظ) المساحة وأحد طرق توضيح ذلك هو تزويد كل طفل يورقة إضافية مربعات اسم يصنع الطفل بها لشكالا متنوعة بنفس عدد المربعات فمثلا باستخدام ثمانية مربعات يمكن عمل أشكالا مثل الميينة فيما يلى ويجب أن يتحقق الأطفال من أن مساحة كل شكل من الأشكال ٨ مع ٢



ويمكن استخدام أتصاف المربعات أيضا لعمل أشكال مثل :



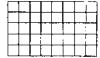


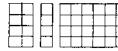
ومرة ثانية يجب أن تكون لدى الأطفال القدرة على أن يقولوا أن مساحة كسل شكل هي

مرحثة ٣) إيجاد مساحة الأشكال الشائعة

مساحة المستطيل

يرسم المعام عدة مستطيلات مختلفة ويطلب من الأطفال تحديد عدد المربعات التي يحتويها طول المستطيل وعدد المربعات التي يحتويها عرض المستطيل وعدد





ا ٢ ٣ الله المستطيل كله ومن ثم تحديد مساحة المستعليل ثم يحاول المعلم أن يقود الأطفال إلى اكتشاف العلاقة بين ضرب طول المستطيل في عرضه وبين مساحته وذلك من خلال الجدول التالي :

الطول × العرض	المساحة	العرض	الطول	المستطيل
				(1)
		,		(۲)
				(٣)
				(1)

ومن خلال توجيهات المعلم بمكن أن يصل الأطفال إلى قاعدة مساحة المستطيل وهي مساحة المستطيل = طول المستطيل × عرضه ويجب التأكيد على أن الفاتح يكون بالسم ? فى حالة ما إذا كان القياس بالسم أو متر ٢ (م ٢) إذا كــان القياس بالمتر شم يقــوم المحلم بإعطانهم تمارين و لنشطة على إيجاد مساحة المستطيل لتأكيد الفهم

مساحة المربع

إذا فهم الأطفال مساحة المستطيل فهما سليما أمن السهل عليهم جدا فهم مساحة المربع حيث أن المربع حالة خاصة من المستطيل أى هو مستطول ونكن بعديه متساويان أى أضلاعه متساوية

وبالتالي يمكن أن يستنتج الأطفال مساحة المربع هكذا :

مساحة المربع = طول الضلع × طول الضلع = مربع طول الضلع

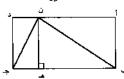
مساحة المثلث

أ ـ يرسم الأطفال مستطيلا بحيث يكون بعداه أعدادا صحيحة من السنتيمترات (استخدام ورقة مربعات مفيد) ثم يوجدون مساحة المستطيل .



ثم يرسم قطر المستطيل كما هو مبين ويقطع المستطيل إلى مثلثين ثم يوضع المثلثان الناتجان من القطع فوق بعضهما (احدهما على قمة الآخر) لبيان أن لهما نفس المقدار ثم تناقش فكرة أن مماحة المثلث هي نصف مساحة المستطيل.

وفى نشاط آخر يطلب المعلم من كل طفل رسم مستطيل وأخذ نقطة على أحد ضلعى المستطيل وتوصيلها بطرفى الضلع المقابل واسقاط عمود منها على



الضلع المقابل كما بالشكل العقابل ثم يناقش المعلم الأطفال حتى يكتشفوا مايلي : .

مساحة المثلث - نصف مساحة المستطيل

$$= \frac{1}{2} \times (\text{det lamintage} \times \text{action lamintage})$$

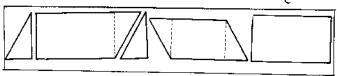
أو
$$=\frac{1}{7}$$
 القاعدة × الارتفاع

من الانشطة السابقة يجب على الأطفال أن يعززوا فكرة إيجاد مساحة المثلث بقياس قاعدته وإرتفاعه المغاظر وضربهما في بعض وقسمة الناتج ÷ ٢ ويجب العناية والتأكد من أن الأطفال كد فهموا أنه يمكن إستخدام أى ضلع من أضلاع المثلث الثلاثة كقاعدة ، وبالنسبة للمثلثات منفرجي الزاوية يفضل إستخدام الضلع المقابل للزاوية وذلك لتجنب التعقيدات.

مساحة متوازى الأضلاع:-

يمكن إستخدام مساحة المثلث كمدخل لتدريس مساحة متوازى الأضلاع كما يمكن إستخدام مساحة المستطيل أيضا للغرس الغرض كما يلى:

- ١- يوزع المعلم على كل طفل متوازى أخسلاع ومستطيلا من الورق المقوى ومتساويان في المساحة.
 - ٧- يطلب المعلم من كل طفل رسم إرتفاعي متوازى الأضلاع كما بالشكل.
- ت- يطلب المعلم من كل طفل قص أحد المثلثين الناتجين من رسم الإرتفاعين ولصقة بالمثلث الأخر حتى يظهر الشكل مستطيلا.
- وطلب المعلم مقارنة مساحة المستطيل بالشكل الناتج من تغيير شكل متوازى
 الأضلاع.



 وخاتش المعلم مع الأطفل مساحة المستطيل = الطول × العرض وبما أن قاعدة متوازى الأضلاع تساوى قاعدة المستطيل وإرتفاعه يساوى عرض المستطيل فان ذلك يساعد على الوصول إلى القاعدة التالية:

مساحة متوازى الأضلاع - طول القاعدة × الإرتفاع.

ثم يكرر الأطفال هذا النشاط بمتوازيات أضلاع أخرى مختلفة عن الأول في الأبصاد شم تعطّى تمارين لتأكيد الفهم.

مسلحة الدائرة

يمكن الإستفادة من قاعدة مساحة متوازى الأضلاع في ليجاد قاعدة لمساحة الدائرة عن طريق النشاط التالي. الحلم من كل طفل أن يرسم دانرة على ورق مقوى ثم يقسمها إلى شراتح على شكل قطاعات متساوية ويقصها بالمقص.

وطلب المعلم منهم وضع هذه القطاعات بجانب بعضها بحيث يتكون شكل متوازى
 أضلاع تقريبا ويوضح المعلم أنه كلما زاد عدد هذه القطاعات كلما إقسريت قاعدة

هذا الشكل من المستقيم "انظر الشكل".

تناقش المعلم مع الأطفال علاقة طول القاعدة بمحيط الدائرة.

وطول الإرتفاع بالنسبة للمتوازى بالنسبة لقطر الدانرة حتى يصل الأطفال إلى أن طول قاعدة متوازى الاضلاع = ﴿ طول محيط الدانرة.

> طول إرتفاع متوازى الأضلاع = نصف قطر الدائرة وبما أن مساحة متوازى الأضلاع = القاعدة × الإرتفاع فتكون مساحة الدائرة هى نصف المحيط (ح) × نصف القطر (نق) ولما كان محيط الدائرة ٢ ط نق

> > فإن المساحة - طائق ٢

السعية

السعة من المفاهيم الصعبة على الأطفال في المرحلة الإبتدائية ولهذا يجب تقديمها بالتدريج وباستخدام الأنشطة الإيجابية من قبل الأطفال وفيما يلى مراحل تقديم السعة.

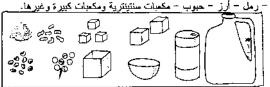
مرحلة 1) مقارنة السعة

 لقارن الأطفال بين وعاتين معلومين بالماء لتحديد أيهما يحتوى على كمية من العاء أكثر
 من الآخر وذلك بالتخمين ثم التحقق بسكب
 العاء أو الرمل من أحد الإنامين في الأخر.



ب- يستخدم الأطفال أوعية مختلفة الشكل والحجم بعضها معلو، بالماء وبعضها فارغ
 مثل العبينة بالشكل التالى والتي تتضمن بعض الصناديق، إسطوانات، أشكال غير

منتظمة بالإضافة لبعض الأشياء التي يمكن إستخدامها في الماء والسكب مثل (ماه



ويستخدمها الأطفال في تحديد أيهما يحوى أكثر وأيهما يحوى أقل

- ٢- ترتيب الأوعية.
- ٣- تحديد عدد الأوعية التي يمكن ملوها بالكمية الموجودة في الإناء الكبير لأن الأطفال يكتسبون خبرة من خلال تعاملهم مع انشطة الرمل والساء، وقد ينخدعون حتى الكبار منهم بشكل الرعاء وقد لا يتنبأ بعضهم بأى الوعاءين يحتوى ماء أكثر ولتقليص هذا التشويض والآرتباك يجب أن يستخدم المعلم أو عية تختلف في شيء واحد مثل



مرحلة ٢ قياس السعة بوحدات غير معيارية.

أتشطة الأدوات : كما بالشكل



١- يسأل المعلم الأطفال أسئلة مثل :

- ما عدد المكعبات الصغيرة من الأرز التي يمكن أن يحتويها البرطمان؟

- ماعدد الأكواب الكبيرة من الأرز التي يمكن أن يحتوبها الإناء المكعيم؟
- ما عدد المكعبات الصغيرة من الأرز التي يمكن أن يعتويها الإناء المكعبي؟
- ما عدد المكعبات الكبيرة من الأرز التي يمكن أن يحتويها الإثاء المكعبي ؟

مرحلة ٣) إختيار الوحدة : تقدير وقياس السعة بإستخدام الوحدات المعيارية.

يمكن قياس سعة أى وعاء بالسنتيمرات المكعبة. ولكن في الحياة اليومية غالبا مـا يستخدام اللتر والملليلتر.

ويمكن تقديم النتر على أنه كمية السائل التي تكفي لماء مكمب طول ضلعه ١٠ اسم. كما أن إستندام المكعب أيضا اليساعد الأطفال على فهم أن السنتيمتر المكعب والمللينتر متطابقان في الحجم.

وعندما يملأ المعكب بالماه فإننا نعـرف أن كميـة الماء يمكن وصفها ١٠٠٠ سرع أو النر.

المثليلتر = \(\frac{1}{\cdot \cdot \cdot

۰ اسم

وحينما تفهم هذه العلاقة فيمكن مساعدة الأطفال على بناء بعض الأتكار حول المثلياتر إذا جمعوا بعض إرجاجات الأدرية وأوعية لخرى تكون فيها كمية السائل عند علامة معينة. وقد توجد زجاجات مكتوبا عليها ١٨ مل على سبيل العثال وزجاجة أخرى مكتوب عليها ١٥٠ سم على سبيل العثال وزجاجة الحرى مكتوب عليها ١٥٠ سم وعلى ذلك فإستخدام هاتين العلامتين يساعد في تعزيز الربط بين اسم ١٥٠ ملل ويرى الأطفال أيضا كمية العائل المعتلة بـ ١٨ ملل، بـ ١٥٠ سم ٢.

ويمكنهم الإستمر ار لإيجاد كم عدد المرات التي تلزم لمذه أحد الزجاجتين بالماء للحصول على الرجاجة على الزجاجة. فمثلا سوف نحتاج إلى أن تملأ الزجاجة ٩٨ ملل عشر مرات تقريبا للحصول على لتر واحد من الماء. ويساعد هذا النوع من النشاط على تذكر الأطفال للعلاقات.

كما يجب تقديم الصور العشرية أيضا لهاتين العلاقتين فمثلا

۱ مل =
$$\frac{1}{1 \cdot \cdot \cdot}$$
 نتر – ۱۰۰۰ لتر .
(سم = $\frac{1}{1 \cdot \cdot \cdot}$ لتر – ۱۰۰۰ لتر .

الحجسم

يرى كثير من التربويين تأخير مفهوم الحجم إلى الفترة الأخيرة من المرحلة الإبتدائية وذلك لأن الأطفال لا يدركون المحافظة على الحجم إلا عند حوالى سن الحادية أو الثانية عشرة ويفضل أيضا تقديم الحجم على مراحل.

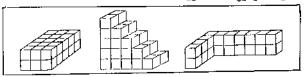
مرحلة 1) اللعب بإستخدام عدة أشكال تمثل حجوما.

يعرض المعلم على الأطفال مجموعة من الأشكال من الورق المقوى والتى تمثل حجوما ويناقشهم في التعرف على أسمائها وبعض خصائصها مثل المبيئة بالشكل التالي



مرحلة ٢): مرحلة بناء المفهوم:

يعرض المعلم مجموعة كم الأشكال العبيشة بإستخدام المكعبات الصمغيرة أسام الأطفال هكذا وتدور العناقشة حول



أ- عدد المكعبات الصغيرة التي يحتويها كل شكل.

 ب- عدد المكعبات الصغيرة التي تظهر أمام الطفل أي تكون وجه الشكل والتي تكون خلف الشكل والتي تكون قمة الشكل.

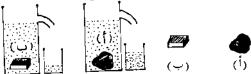
والتى تكون فى قاع الشكل والتى تكون على جانبى الشكل وهكذا. ثم يرسم كل طفل عدد الأوجه التى يراها على ورقة بيضاء وبعد المناقشة يتعرف الأطفال على الأشكال ثلاثية البعد والتى تشغل حيزا من الفراغ.

مرحلة ٣) تعريف العجم:

بعد مناقشة الأشكال في مرحلة ٢ السابقة يوضع المعلم للأطفال أن الحجم هو قياس الحيز الذي يشغله جسم صلب في الفراغ.

مرحلة ٤) مقارنة المجم

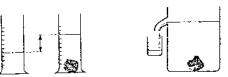
تستخدم مقارنة السعة في مقارنة حجمي جسمين يغمران في الماء (أو في أي سائل آخر) بحيث لا يذوبان فيه ثم تتم مقارنة الماء المزاح في الحالتين كما بالشكل.



مرحلة ٥) قياس الحجم :

 أ- عن طريق الإراحة يمكن تياس حجم أيجسم بغمرة في الماء وتقاس كمية الماء المزاح بالملليلتر باستخدام إناء مدرج ويكون حجم الماء المزاح هو حجم الجسم المغمور (1).

ويمكن أن يوضع الجسم المغمور مباشرة لمى إناء مدرج ويلاحظ التغير في مستوى الماء كما في (ب). وإذا طفا الجسم فوق سطح الماء فيجب استخدام قطعة من الخشب لجعله يغطس في الماء.



ب- قياس الحجم بالحساب

يمكن قياس حجم بعض الأشكال الهندسية الشائعة مثل متوازى المستطيلات والمكعب والإسطوانة والمنشور بالحساب، ولكن يجب البدء بأنشطة عملية لترسيخ المفهرم في ذهن الأطفال.



١- يزود المعلم كل طفل بمكميات طول حرف كل منها اسم ليقيس أبعاد ٢- يعرض المعلم على الأطفال صندوقا

على شكل متوازى مستطيلات كالمبين على اليسار ويسأل السؤال التالي

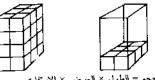
ما عدد المكعبات التي نحتاجها المليء هذا السندوق ؟

[الإجابة هي حجم الصدون] ثم يسير العمل حسب الخطوات التالية: الأمن كر

عرخص تخسم خطوة ٢ خطوة ١ خطوة ٣

ما عدد المكعبات التي تلزم ما عدد المكعبات التي تلزم ما عدد المكعبات التي تلزم لعمل طبقة واحدة ؟ لعمل صنف واحدا لعمل ٤ طبقات؟

صف واحد - ۲ مکت ٤ طبقات = ٢×٢×٤ مكعنا طبقة واحدة - 2 × 7 مكعبا



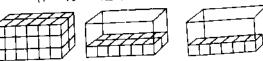
وبالمذاقشة يصل الأطفال إلى أن الحجم = الطول × العرض × الارتفاع

{ × T × T =

7 mm 7 £ =

ومن المناقشة أيضا يعكن صياغة القاعدة التالية.

حجم متوازى المستطيلات - الطول × العرض × الإرتفاع ثم تعطى تدريبات مندرجة تبدأ بتدريب مثل أوجد المجم



المجم = ٦ × ٢ × ٣ = ____

وبعد ذلك تأتى تدريبات حسابية ثم مسائل نفظية وعلى المعلم أثناء الشرح أن يشرح للأهلفال أن حجم مكعب طول ضلعه اسم يسمى سنتميترا مكعبا والطريقة المختصرة لكتابة السنتيمتر المكعب هي سم وقد يكون من المغيد ربط ذلك باستخدام سم ٢.

ثاتيا حجم المكعب

المكسب حالة خاصمة من متسوازى المستطيلات وإذا فهم الأطفال متوازى المستطيلات وإذا فهم الأطفال متوازى المستطيلات فيهم فهم المكسب. والوصول إلى علاقة لتعيين حجمه مشتقة من علاقة متوازى المستطيلات وهي

حجم المحب = طول الضلع × طول الضلع × طول الضلع أو مكعب طول الضلم

ويعطى ذلك الحجم بالسم

المنشور والإسطوانة

إذا فهم الأطفال فكرة إيجاد الحجم عن طريق ليجاد المساحة للقاعدة وضربها في الأرتفاع فستكون لديهم القدرة على ليجاد حجم أي منشور (قاعدته على شكل مثلث متساوى الأضلاع أو مثلث قائم الزاوية أو قاعدته على شكل مسدس) ففي حالة المسدس يقسم إلى مثلثات.

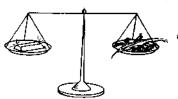
و الإسطوانة تعتبر حالة خاصة من المنشور حيث تعتمد على العيارة الهامة التى استخدمت في متوازى المستطيلات والمنشور وهي ضرب مساحة القاعدة × الارتفاع.

الـــوزن

يوجد إختلاف بين مفهومي الكتفة Mass والوزن Weight يجب توضيحه حتى يزول اللبس، دعنا تفكر في قطعة من الطين وقطعة من الحديد في نفس الحجم، بالتسامل معهما يمكن معرفة أنهما مادتان مختلفتان بسهولة، وعلى الجانب الأشر إذا أمسكناهما وتركناهما فسوف يعمقطان على الأرض بسبب قوة جذب الأرض لهما. قورة جنب الأرض هذه تسمى وزن الشيء.

بإمكاننا أن نقارن بين وزن الحديد والطين بتعليق كل منهما على ميزان خيطـى نقيس الشد فى الخيط فنجد أن الحديد يشد الخيط أكثر من الطين.

إذا أخذنا الطين والحديد فى الهواء بعيدا عن سطح الأرض قإن قوة جـ ذب الأرض لكل منهما سوف تكون أصغر وعلى هذا قان وزن كل منهما سوف يكون أصغر من الوزن على سطح الأرض. وعلى ذلك فنسمى كمية المادة بكتلتها أى أن كتلة جسد ما هى مقدار ما يحتويه الجسم من مادة. ويجب أن نعرف أن كتلة أى مادة لا تتغير ولكن وزنها يمكن أن يتغير تبعا لموضعها بالنسبة لمركز الكرة الأرضية بتغيير المكان.



مراحل تقديم الوزن:

مرحلة 1) فهم فكرة الإنزان

الأجهزة والأدوات: ميزان بسيط دو كفتين:

أتشطية

- ١- يقارن الأطفال بين كميتين ثم يخبرون المعلم بأيهما أثقل أو يكتبون عبارة بسيطة.
- من خلال مقارنة وزن أزواج من الأشياء في النشاط السابق يرتب الأطفال ثلاثة
 أشياء حسب الوزن.
- ٣- تكوين فكرة الإنزان عند الأطفال وذلك بجعلهم يضعون أى شىء فى أحدى الكفتين ثم يضعون مادة أخرى مناسبة تدريجيا حتى يصير ذراع العيزان أنقيا. وفى هذه المرحلة فقط يمكن الأطفال أن يفهموا الإنزان كما أنه من الممكن ابخال فكرة جنب الأرض للكتلتين متماوى (مطلوب توضيحها فى هذه العرحلة).
- عندما يقهم الأطفال فكرة الإنزان فإنه يصبح في مقدور هم البدء في إستخدام بعض وحدات الكتلة الجاهزة.

فعلى سبيل المثال أنهم يزنون أى مادة مع عدد من العصلات المعدنية أو أى أشياء صفيرة متكافئة. ويجب أن يصيغوا عبارات تعبر عما يقطون وتوجد بعض الارزان الصغيرة والتى يمكن الإستفادة منها فى الإضافة حتى يحصلوا على الإنزان.



ويجب أن يتدرب الأطفال على ممارسة هذا النشاط بأوز ان متنوعة.

مرحلة ٢) إستخدام الوحدات المعيارية

أولا : الكيلوجرام

إذا لم يكن الكيلوجر لم المعدني متاحا فمندنذ يمكن عمل بدائل مناسبة بإستخدام الحقيقة التي تلول : كتلة اسم ممن الماء تساوى تقريبا اجم. ولهذا فإن ١٠٠٠سم مسن الماء تكون لها تقريبا كتله ١٠٠٠ جرام والتي تعتبر واحد كيلو جرام. خذ مكعبا مفتوحا من المورق المقوى أو الكرتبون طول ضلعه ١٠مـم. واجعل أحرفه ما نمه لتسرب الماء بتشعيعها بورق صمعنى أو بطلائها عدة مرات بالزيت (مع ملاحظة أن ١٠٠٠مم٣ - ١ لتر)

ثم ضع المكتب في أحد كفنى ميزان واسلاء بالماء وضع في الكفة الاخترى الميزان كمية من الطين الصلصال اللين وأضف أو خذ من الصلصال حتى ينزن مع الماء.

تكون كثلة الماء حيننذ اكجم تقريبا ولهذا فإن كثلة الصلصال اكجم تقريبا ويمكن عمل أوزان متحددة من الصلصال بنفس الأسلوب وبتقسيم اكجم من الصلصال المي جزئين متساويين في الوزن يمكن عمل $\frac{1}{1}$ كجم وزنا وأيضا $\frac{1}{2}$ كجم وزنا إذا كان ذلك ضد $\frac{1}{1}$.

ويمكن استخدام الرمل أو أى مادة أخرى مناسبة بدلا مـن الصلحمال وعلينا فى حالة استخدام الرمل وضعه فى كيس من القطن أو أى مادة أخرى تحفظ الرمل سليما ويجب أن يوضع على كل كيس علامة ١ كجم تقريبا على سبيل المثال.

أنشطة :--

۱- یعسك الأطفال الكتل ۱ كجم حتى يحسوا بها وبعد ذلك يحاولون تقدير أى المواد أتقل أو أقل وزنا من ١ كجم (كتاب - حجر - حذاء) وعليهم أن يعملوا ذلك مع الاحتفاظ بكتله ١كجم في يد والشيء الأخر في اليد الأخرى. أي عليهم أن يحسوا بعضلاتهم بالأثقل أولا ثم يستخدمون الميزان بعد ذلك التحقق من الإجابة.

ويجب تكرار هذا النشاط مع أشياء منتلفة بعضها عصنوع من المعدن والبعض الآخر يكون مصنوعا من مواد خقيقة مثل ريش الطيور.

وفي هذه الطريقة يجب أن يبدأ الأطفال في رؤية أن كتله الشيء لا تعتمد على حجمه فقط.

٧- يوسع نشاط ١ ليشعل أشياء ١كجم ونحتاج في هذه الحالة إلى ميزان ذي كفتين أكبر مما سبق نتقدير بعض الأشياء وليس من المفضل أن يكون الشيء المطلوب وزنه يزن عددا تاما من الكيلوجر امات وعلينا إستخدام فكرة أكبر من ٧ كجم وأقل من ٣ كجم، ٧ كجم في الكفة من ٣ كجم، ١٧ كجم في الكفة والتزويد بالرمل حتى يحدث الإنزان في الكفتين.

- يحاول الأطفال بأنفسهم تقسيم واحد كيلو جرام من الصلصال أو الرمل إلى جزئين منساويين وعندئذ يكون بإمكانهم إستخدام الأوزان اكجم، $\frac{1}{7}$ كجم لقياس كقل لأكرب $\frac{1}{7}$ كجم.

ويمكن تسجيل النتائج على سبيل المثال هكذا.

وزن الحجر أكبر من واحد كجم ولكنه أقل من 🕴 كجم.

٤- يستخدم الأطفال ما نديهم من أوزان ١ كجم، أي كجم للحصول على وزن ١ كجم من الحبوب مثلا، أي كجم من الزهور، أي ١ كجم من العطاطس. ويجب إستخدام خامات (مواد) من اللهؤة المحلوة كلما أمكن ذلك في هذا النشاط.

ثانيا: إستقدام الجرام

استخدام الجرام نيس بالأمر السهل من وجهة النظر المعلية لأن الجرام وحده صغيرة جدا وتحتاج إلى ميزان دقيق. ولهذا يبدأ المعلم في إعطاء الأطفال أشياء خفيفة ليزنوها فيفهم الأطفال أن الوحدة "الكيلو جرام" وحدة كبيرة جدا لقياس وزن شيء صغير وأن هناك حاجة ماسة لوحدة الل من $\frac{1}{r}$ كجم $\frac{1}{r}$ كجم ويبدأ المعلم في تقديم الجرام ويعرفهم أنه جزء من ألف جزء من الكيلو جرام.

ثم بيداً العملم في عرض وحدات جاهزة معدنية تمثل ١ اجم، ٥٠ جم، ١٠ اجم ، ٢٠٠ جم ، ١٠٠ جم ، ١٠٠ جم ، ١٠٠ جم وهكذا. وبيدا الأطفال في تعيين بعض الأشياء باستخدام هذه الوحدات الجاهزة على الميزان.

ويجب أن يتدرب الأطفال على حل مسائل تتضمن عمليات حسابية تتطق مالدن مثلا:

ما وزن كتاب الرياضيات وكتاب العلوم معا؟

ما الفرق بين كتاب الرياضيات ووزن زجاجة مياة فارغة؟

ما مقدار وزن ؛ كتب من كتاب الرياضيات الذي وزنته؟

فى هذه الحسابات يستخدم الأطفال الجرامات أو الكيلوجرامات والجرامات، وإذا كان هناك ضرورة يحولون ١٠٠٠ جم إلى ١ كجم أو ١ كهم إلى ١٠٠٠ جم.

وعندما يفهم الأطفال الكسور العشرية حتى الآلف فيجب تقديم الوزن في صسورة عشرية. لكي يفهم الاطفال ذلك عليهم أن يفهموا أولا : ا جم = ¹/₁₁₁ كجم ويمكن عرضها هكذا ١٠٠٠٠ كجم.

ب) ٦٧ جم = ١٧ كجم ويمكن عرضها هكذا ٠,٠٦٧ كجم

ج) ۲۰۲ جم = ۲۰۱۴ کجم ویمکن عرضها هکذل ۱,۲۰۱ کجم و هکذا.

ويمكن أن يستمر الأطفال في حسابات تتضمن (+، - ، ×، ÷) والتي تكون الأوزان فيها بالكيلوجرام وكسور عشرية من الكيلو جرام.

الزمسن Time

الزمن لحد مفاهيم القياس التي تقدم في المرحلة الإبتدانية. ويتم تقديم الزمن على مراحل وفيما يلى بعض المرحل المقترحة.

مرحلة ١) الإخبار عن الزمن بالساعة

الأجهزة والأدوات

ا خرائط الوقت: وهي عبارة عن مجموعة من الساعات ترسم على لوحة وتعلق أمام الفصل بحيث يراها جميع الأطفال.



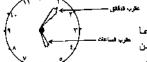




٢ - ساعة القصل

أنشطية :-

وهى ساعة خشيية أو بلاستيكية يمكن تحريك عقاربها بسهولة كما يمكن أن تخرج الأرقام من مكانها وتعاد في أماكنها الصحيحة.



 ١- يناقش المعلم مع الأطفال أوضاعا مختلفة للساعة حسب مواعيد من مواقف حياتهم حتى بألفها الأطفال.

 ٢- يبين الأطفال زمن حدوث بعض الأطفال بإستخدام ساعة الفصيل وذلك بتحريك العقار ب لضبط الوقت. ٣- يعمل الأطفال كأفراد أو في مجموعات حسب عدد الساعات المتاهة ثم يطلب المعلم منهم أن يبينوا الساعة ٢، ٥، ٧، ويحتاج هذا النشاط إلى التكرار عدة ما ات.

مرحلة ٢) استخدام أجزاء الساعة (النصف والربع)

المساعدة الأطفال على فهم فكرة التصف والربع يمكن استخدام ساعة يقسم وجهها البي تسمين ويظلل أو يلون أحد الصفى الوجه وتكتب الكامتان "و" و "إلا" كما هو مبين.

يحرك الأطفال عقرب الدتائق دورة كاملة أى على سبيل المثال تتحرك الساعة من ٢ بالضبط إلى ٣ بالضبط ثم بعد ذلك يحولون العقرب نصف دورة ويقولون الساعة إثنان ونصف ثم تشاقد أن الأطفال المقرب ربع دورة وعلينا أن نشاكد أن الأطفال فهموا أنه في حالة الربع يسير عقرب الدقائق إلى ثلاثة وفحى هذه الحالة يقول الأطفال الساعة إثنان وربع، ثم يحرك عقرب الدقائق مرة أخرى بمقدار ربع أخر ويقول الأطفال الساعة إثنان وربعان أى إثنان ونصف. وهذا يعطى تدريبا أخر على تكافؤ نصف وربعين.

وبتدوير عقرب الدقائق حتى يصل إلى ٩ يقول الأطفال الساعة إنتين وثلاثة أرباع وتتاتش فكرة أنه بعد ٢ وثلاثة أرباع إذ١ أدرنا عقرب الدقائق ربع دورة تصبح الساعة ثلاثة بالضبط. وحينما يفهم الأطفال ذلك يمكن تقديم ومناتشة ثلاثة إلا ربع.

سوف يحتاج بعض الأطفال إلى مزيد من التدريب على إستخدام "و" "إلا" ويجب تكرار النشاط عدة مرات بإستخدام الدوران على كل أرقام الساعة.

ملاحظة: اثناء هذه الانشطة قد تنولد فكرة جديدة وهي تحريك عقرب الساعة مع عقرب الدقائق وهذا سوف يساعد الأطفال على فهم أنه في نصيف ساعة يتحرك عقرب الساعات نصف مسافة ولتكن مثلا بين ٢٠ ٣ وفي ربع الساعة يتحرك أم المسافة بين ٢٠ ٣.

مرحلة ٣) إستخدام الدقائق

يحتاج الأطفال إلى صنورة أخرى لمعرفة الوقت ألا وهني استخدام النقسائق وطريقة قراءتها من وجه الساعة. ومن الممكن أن يرتبك الطفل بسرعة عندما يسمع أحد الأفراد وهو يقول إن الساعة ثمانية وعشر دقانق مع أن عقرب الدقانق يشير إلى ٢.

ويحتاج تقسيم المعاعة إلى ستين جزءا صغيرا (نقائق) لمساعدتنا في معرفة الوقت، إلى أن نشرحة للأطفال جيدا ويجب أن تتوفر ساعة حائط كبيرة يتمكن من رويتها جميع الأطفال أي يجب أن يرى الأطفال أن تحريك عقرب الدقائق علامة واحدة تمنى دقيقة وأنه يتحرك على مدى ٦٠ علامة.

ويجب أن يعطى الأطفال الفرصة للعد خمسة خمسة حتى ستين ويجب أن يخصص لذلك والت متسع وأساليب مختلفة أيضا لبيان كيفية إستخدام الجمع المتكرر.

فيمكن استخدام خط أعداد من ، إلى ١٠ أو جدول ضرب الخمسة أو سباعة مرسومة على السبورة كالمبينة ويمكن إستخدام الدقاناق في الإخبار عن الوقت بإستخدام "و" ، "إلا" وعندما يسارس الأطفال تدريبات يومية منتظمة على هذه الأقكار يمكنهم الأخبار عن الوقت بثقة وتمكن ودقة.

مرحلة ٤) إستخدام الثوائي

يمرض المعلم على الأطفال ساعة بها ثلاث. عقارب ويعرفهم أن العقرب الثالث يستخدم لقياس أجزاء صغيرة من الزمن تسمى الثانية.

ويعرفهم أنه كلما دار عقرب الثواني دورة كاملسة تحرك عقرب الدقائق دقيقة واحدة ولمهذا فإن الدئيقة -١٠ ثانية



ثم بيدأ في عرض اللوحة التالية لوحدات الزمن

· ·	
- ١ دنينة (ق)	٦٠ ثانية (ث)
- ۱ ساعة (س)	۲۰ نگیقة
- ١ يوم	۲٤ ساعة
- ۱ أسبوع	٧ أيام
- ۱ سنة	۱۲ شهر
= اسنة	٥٢ أسبوع تقريبا
- ۱ سنة	ٔ ۱۳۹۵ یوم
= ۱ سنة كبيسة	۲٦٦ يوم

مرحلة ٥) التحويلات والعمليات الحسابية على وحدات الزمن

وقيها يتدرب الأطفال بوفرة على تحويل الدقائق إلى ثوان وإلى ساعات وهكذا ثم يتدرب الأطفال على جمع وطرح وضرب وقسعة وحدات الزمن من خلال أمثلة ومسائل والعية من حياتهم.

تعليق ومتابعة

يمكن وصعف الفياس بأنه العملية التي يستخدم فيها الطغل الأعداد لتصعيم ملاحظاته عن الخواص الطبيعية الشيء مثل الطول والمساحة والكثلة والحجم،.. وعند تدريس القياس يجب التأكد من تدرة الأطفال على مبدأ "المحافظة" أو "البقاء" فقدرتهم على يفهم بقاء الطول تأتى في سن الثلمنة تقريبا وبالنعبة للمساحة فلا يفهم الطفل بقاء المساحة إلا بعد الثامنة من عمره، وقد جاء هذا التقدير العمري من خلال تجارب لكثير من العلماء مثل أرنولد وكوبلائد وبياجيه واتخذ مطوروا ومخططوا مناهج الرياضيات نتائج هذه التجارب كأساس لبناء المجالات التابعية للانشطة التي تتعامل مع القياس وبجب أن تكون خيرة الأطفال الأولى مع الإستكشاف ثم الوحدات غير المعيارية وفي النهاية تقدم الوحدات في القياس.

وحيث أن الأطفال يتطمون مفاهيم القياس تدريجيا فقد اقترح Tuys & Tischler ست أنواع من أنشطة القياس الذي يجب أن يعملها الأطفال بأنفسهم تحت إشراف وتوجية المعلم لمساعدة الأطفال على : أ- فهم عملية إختيار وحدة ما (مثل سم، م). ب- تقدير القياس ج- إستخدام الأجهزة والأدوات (مثل المسطرة والمنقلة) لقياس الأشياء التي في العالم المحيط بهم،

وفيما يلى وصف لهذه الأنشطة

توع النشاط النشاط

مقارنة الأشياء: مقارنة مباشرة أولا ثم مقارنة غير مباشرة.

القياس باستخدام وحدات غير معيارية (مثل اليد أو الدبوس في حالة الطول).

٣ إختيار وحدة ثم القياس والتقدير بهذه الوحدة باستخدام أنسياء محسوسة.

امتداد القياس لربط الوحدات مثل العصمي المترية.

م بناء أدوات قياس مثل المسطرة.

بستخدام أداة القياس في القياس والتقدير -

وهذه الأتشطة يجب أن تتم بالترتيب كما يجب على المعلم أن يحاول إثارة دافعية الأطفال لتعلم معنى عملية القياس من خلال تطبيقات والمعية من حياتهم وفيما يلي بعض المعلومات التي تساعد على التفكير في اختيار وحدات الطول المناسبة 🚍 المتر الكيلو متر: مساقة يمكن أن حوالي عرض اطار باب تمشيها في غرفة ١٥ نقبقة تقريبا الميلميتن السنتيمتر حوالی سمك حوالی عرض سن القلم الرصياص اصبعك الصنغيرة

وفى تدريس الطول يجب ان يعرف الأطفال أنه يوجد نظامان لقياس الطول هما النظام المترى والنظام الإنجليزى وأن النظام المترى أخذ يشيع وينتشر في معظم أنحاء العالم للأسياب التالية:

- ١- التشايه والمقابلة الموجودة في الملاقة بين وحداث الطول ووحداث الوزن
 ووحداث السعة.
- ٢- الوحدة الأساسية وهي المتر في النظام المترى تستنبط من ظواهر طبيعية بصفة دائمه.
- حجموعة من الإختصارات لمار موز يمكن إستخدامها لقواسم ومضاعفات كمل
 وحدات القياس وهذا بيسط عملية تحويل وحدة إلى أخرى.
- إستخدام الكسور العشرية في النظام المنزى سوف ينقص من إستخدامات الكسور الإعتيادية وهذا يعنى تقليل الوقت الذي يأخذه الأطفال في إجراء العمليات الحسابية وهذا الوقت المتوفر يمكن الإستفادة به في أعمال تعليمية أخرى.
 - ألفة كثير من الناس بالمنز والجرام واللنز وقواسمها ومضاعفاتها.
 - ٦- النظام المترى لغة قياس شاملة.

ومن الأفكار الهامة التي تتعلق بالطول أيضا تحويل وحدات الطول حيث يتطلب حل المسائل القدرة على التحويل من وحدة أكبر إلى وحدة أصغر أو المكس وقد تساعد ترجمة قواعد التحويل في صورة مخطط كالتالي على حفظ القواعد , . . . × , . . × , . . × , .

للتحويل من وحدات أكبر إلى وحدات أصغر أضرب للتحويل من وحدات أصغر إلى وحدات أكبر أتسم

ثم يتدرب الأطفال على أسنلة شفوية مثل

- ـ عندما نحول من أمتار إلى سنتيمترات فإن الوحدات الناتجة سوف تكون أكبر أم أثل؟
 - ـ هل نقسم أم نضرب إذا إردنا التحويل من أمتار إلى سنتيمترات ٢

- كيف تعرف العدد الذي يجب أن تضرب فيه أو تقسم عليه ⁹و هكذا

ويجد المعلمون أن طلابهم في نهاية المرحلة الإبتدائية وحتى في المرحلة الثانوية لا يستطيعون استخدام المسطرة في قياس الطول استخداما صحيحا . ومصا يسبب الصعوبة في القياس أن الطفل لايفهم عملية القياس كازاحة متكررة للوحدة وبعض الاطفال يحتاجون إلى التدريب على القياس باستخدام وحداث غير معيارية وعلى اختيار وحدة قياس مناسبة قبل التدريب على استخدام المسطرة وعند استخدام المسطرة يجب أن يوجه المعام نظر الأطفال إلى قواعد الاستخدام الصحيح للمسطرة حيث يجب وضع

ثم عدد وحدات (مسافات) كاملة حتى نهاية القطعة المستقيمة كما يجب أن تكون المسطرة في وضع مطابق للقطعة المستقيمة أو موازية لها ولاتوضع مائلة لأن نظك يسبب أخطاء في تياس الطول ويجب أن يتنزب الأطفال على ذلك بوفره .

وتوجد عدة مبادئ يجب أن نضمها في اعتبارنا ونحن نعد أنشطة القياس للأطفال نها :.

أ ـ لكى نبنى فهما جيدا لأى قياس فيجب أن يمارس الأطفال القياس من خلال أنشطة
 عملية .

ب - قبل قياس أى شئ يجب أن يخمن (يقدر) الأطفال النتيجة المحتمغة وبعد ذلك يقارن الأطفال تقدير اتهم سم القياس الدقيق ، وبهذه الطريقة يبنى الأطفال أفكارا جيدة

- بالتنريج عن المقدار الحقيقي للشئ المفاس ويصبحون أكثر خبرة ومهارة فسي تقير انهم .
- جه يجب تشجيع الأطفال على التفكير في أكثر المقاييس مناسبة للإستخدام عندما يجرون القياس فمثلا عند قياس طول حجرة يجب أن يفكروا في استخدام المنتر والسنتيمتر بدلا من السنتيمتر والملايمتر .
- د ـ لكى تتعامل بسرعة وسهولة مع الحصابات الذي يتضعفها القياس يجب أن يتمكن الأطفال من كتابة نتائج القياس بالصورة العشرية فعثلا ٢ منز ، ٣٥ سم تكون ٢٠٣٥ منر .
- هـ لا يستخدم في الصناعة والتكنولوجيا اكثر من وحدتين في أي لياس قمشلا عند قياس قطعة من الخشب تعطى الأطوال بالأمثار الملليمترات فقد يكون الطوال لام ، ٢٨٥ مم وهذا يجنبنا إستخدام لام، ٣٨مم، ٢٥مم الله يمكن كتابت هكذا النوع من التحديد في تدريسنا. ويجب عدم إستخدام أمثلة تأتي في أكثر من وحدثيتن.
 - و " تقديم أصغير وحدة للقياس يحقق غرضيين هما:
- أولا: يمكننا من إجراء قياسات أكثر دقة (قمثلا بدلا من إعطاء الطول لأقرب سم يمكننا أن نقول أن الطول ٧سم، ٤مم لأقرب مم).

ثانيا: يمكننا من قياس الكميات الصمغيرة (يمكن قياس الأطوال التي أقل من اسم).

معلومات إضافية

١- نبذة تاريخية عن حساب الزمن:

منذ زمن طويل والذاس على وعى تام بتعاقب الليل والنهار وبتغيير شكل القمر وفصول السنة. كما أنهم يعتقدون أن هناك قوة عظمى (الله سبحانه وتعالمی) و راه هذا النظام البديع من التغيرات وحتى قرون قليلة مضت لم يكن لحد يعرف نظام الكون هذا وأسبابه ويفهمه فهما كاملا. حيث كان العديب وراء تلك الصعوبة هو البده فى محاولة قياس الوقت.

وقد تولدت أفكار نتيجة الأحداث اليومية فى الكون مثل: عند الفجر – ثلاثة أكمار مضنت – رحلة يومين – اثناء المطر السابق.

ولم يكن الأمر سهلا للوصول إلى (إيجاد) نموذج مناسب لقياس الوقت ولكن بفضل الله أصبح ممكنا عندما تم التعرف على أن الأرض تدور حولا الشمص وفي نفس الوقت تدور حركة ذاتية حول محورها وأن القمر يدور حــول الأرض وكـان ذلك بدايـة روية كيفية اليوم – الشهر – السفة والعلاقة بينهم وحتى ذلك الوقت كانت هناك مشكلة القمر

الشمس

الأرفعن

وهى أن القمر يأخذ ولدًا محددا من الأيام للحركة فسى السنة. حيث وجد أن الوقت المذى تسأخذه الأرض فسى دور تهما حدول الشمس حوال ٣٦٥ يوما، ٥ سساعات، ٤٨ دقيقة ، ٤٥ ثانية.

والوقت الذي يؤخذ في دوران القمر حول الأرض يتغير من

٢٩ يوما، ٧ ساعات، ٢٠ دقيقة إلى.

٢٩ يوما، ١٩ ساعة، ٣٠ دقيقة.

ملاحظة : الوقت الذي يستغرقه القمر لعمل دورة واحدة حول الأرض يسمي الشهر القمري.

وبالنظر إلى تلك الأوقات فإننا نرى أنه من الصحب إيجاد تنظيم بسيط ذى عدد محدد ودقيق من الأيام في كل شهر قمرى وعدد محدد للشهور القمرية في السنة.

وتم بحمد الله بعد محاولات كثيرة التوصيل إلى النظام الحالى والذي يتضمن عددا مختلفا من الأيام في التقاويم الشهرية.

كما أننا نجد أيضا ٣٦٥ يوما في بعض السنوات ، ٣٦٦ يوما في أخرى السبب قييل من ٣٦٥ يوما في أخرى السبب قيل يبدو واضحا إذا تذكرنا أن الطول الحقيقي السنة. أكبر بقليل من ٣٦٥ يوما. وأشرق هو ٥ ساعات، ٤٨ دتيقة، ٤٥ ثانية. هذا التورق بيا ربع يوم وفهذا أجرى تحديل بإضافة يوم السنة الميلادية كل ٤ سنوات ويضاف هذا اليوم في السنة التي تقبل القسمة على ٤ وقد أمدنا هذا التنظيم بما يسمى السنة الكبيسة Leap year ونكن لسوء الحظ مازال هذا التنظيم غير تام وغير مرض وذلك لأن السنة الميلادية طويلة لأنها أو ٣٦٥ يوم، ٣٦٥ يوم، ٣٦٥ دقيقة، ١٥ ثانية. في ٣٦٥ سنات، ٤٨ دقيقة، ١٥ ثانية. في ٣٦٥ سنة هذا الغرق يكون ٣ أيام.

وباخذا هذا في الإعتبار تحذف ٣ أيام من التقويم كل ٤٠٠ سنة فعلى سبيل المثال السنوات ٢٢٠٠، ٢٢٠٠، ٢٣٠٠ (بالرغم من أنها تقبل القسة على ٤) إلا أنها ليست سنوات كبيسة. السنة ٢٤٠٠ كبيسة.

أى أنه يوجد الأن فرق بين الزمن الذي نستخدمه في التقويم وبين الزمن الحقيقي حوالي ٣ ساعات في كل ٤٠٠ سنة وهذا ما يشغلنا ويقلقنا.

٢- وحدات القياس في النظام الإنجليزي

أ- وحدات الطول :

وحدة قياس الطول تسمى الياردة yard وحدة قياس الطول تضييب خاص من البرونز موضوع في لندن. ووحدات الطول المعيارية هي البوصية (inch (in) وهي البرونز موضوع في لندن. ووحدات الطول المعيارية هي البوصية (٣٠٤٠ من المئر تعادل ٢٠٤٤ من المئر والميل والميل والميل mile (mi) يعادل ٢٠٤٠ كم والتكافو بين وحدات الطول في النظام الإنجليزي هكذا

وحدات الوزن هي الأونس (oc) ounce وتساوى ٢٥,٣٥حجم والباوند (lb) pound وتساوى ٢٥،٠٤٥جم تقريبا والطن (Ton (T) والتكافؤ بين وحدات الوزن هذا

وحدات السعة

وحدات السعة في النظام الإنجليزي هي الأونس السائلة (dounce (floz) gallon (gal) والكوب (qt) quart (qt) والكوارت (pint (pt) والباينت (pint (pt) والكافو ببنها هكذا.

والكوب يصادل ٢٠.٤٠ لمتر تقريبا والباينت يعال ١٠.٤٧ لمتر والكوارت يصادل ٩٠.٠ نتر والجالون يعادل ٣.٨ لتر تقريبا.

٣- السنة الضوئية والوحدات الفلكية

تقاس المسافة بين المدن الكبرى بالكيلومتر أو الميل، فالمسافة بين نيويورك وشياغو مثلا ١٧٠٠ ميل تقريبا.

ولكن الأميال تصبح وحدة غير عملية لقياس المساقة بين شينين إذا كانت تقصمل بينهما مسافة كبيرة جدا فعثلا العسافة بين الأرض وبين النرب نجم تقريبا

Alpha centauri تقريبا ۲۵ تريليون ميل بمعنى أنها تساوى... ۲۰ميل

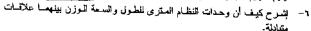
والفلكيون يريدون وحدات للقياس بحيث تكون مفيدة في قياس الفرق الفسيح في الفضاء والوحدة التي يستخدمونها هي السنة الضوئية وهي تعنى المسافة التي يمكن أن يقطعها الضوء في سنة واحدة ولما كانت سرعة الضوء ... ١٨٦ ميلا في الثانية فان الضوء يسير في السنة الضوئية حوالي ممدم ميلا.

وباستخدام هذا القياس فإن المساقة بين الأرض وأقرب نجم في السماء هي ٤,٢ سنة ضونية وهذا عدد ملائم القياس تلك المسافة. ولكن المسافة بين نيويورك وشيكاغو ٢٩ وسنة ضونية وهذا قياس غير مناسب،

ويستخدم الفلكيون وحدة أخرى تصمى الوحدة الفلكية (AU) وهمى تصاوى ٩٢٩ ميلا تقريبا وهمى المسافة التقريبية بين الأرض والشمس وباستخدام هذه الوحدة فإن بلوتو pluto أبعد كوكب عن الشمس يبعد عن الشمس بمقدار ٣٩،٤ وحدة فلكية.

اختب فهمك

- الله الله الله الله المعلق الله المعلق المعل
- ٢- نماذا يجب أن يكتسب الأطفال الخبرة في إستخدام الوحدات غير المعيارية قبل إستخدام الوحدات المعيارية؟
- ما يقصد بـ "بقاء الطول"؟ وهل يتوقع من الأطفال الذين لهم يتمكنوا من مفهوم
 "تقاء الطول" أن يعملوا أنشطة القياس؟
- كيف أن در اسة النظام المترى تساعد الأطفال على بناء مفهوم القيمة المكانية فى
 كل من الصفوف الدينا والصفوف العليا من المرحلة الإبتدائية؟
 - شاهدت أحد أطفائك يقيس "سم من حافة الورقة ووضع المسطرة كما بالشكل كيف يمكنك مساعدة هذا الطفل ليفهم مفهوم القياس الخطي؟



- ٧- كيف تتأكد من فهم أطفالك لمفهومي بقاء المساحة، بقاء الحجم.
- ٨- ما أسباب صعوبة مفهوم السنة لدى الأطفال من وجهة نظرك؟
 - ٩- اكمل ما يأتي
- من مثل = __ ل ، ، اسم ٢ _ سم ٢ ، ٥ ، اسم ٣ = _ سم ٣ ،

۵۰۰ مسم۲ - ___ م۳ ، ۷۰۰۰۰۰ مم - __ کم ، ۱٫۵ ل - ___ ملل، ۸٫۰۸ و - __ ملل، ۸٫۰۸ و - __ ملل، ۸٫۰۸ و - __ ملل،

١٠ أنحص سلسلة كتب الرياضيات بالمرحلة الإبتدائية وقارن بين أنشطة القياس بها
 وبين الانشطة الموصوفة في هذا الفصل هل هذاك فروق دالـ إذا كانت الإجابة بنعم
 حدد هذه الفروق.

الفصيسل المسادى عشيسر المنيسديسيسيسة

- مقدمة
- التوبولوجي
- الأشكال الهندسية (الجسمات الأشكال المستوية)
 - مفاهيم هندسية أساسية.
 - تصنيف وتسمية الأشكال المستوية.
 - الزوايا
 - التحويلات الهندسية
 - التطايق والتشابه
 - الإنشاءات الهندسية
- إستخدام الأشكال الهندسية في الناحية الجمالية

من المتوقع بعد قراءة هذا الفصل ودراسته أن يصبح الدراس قادرا على أن:-

- يفهم المناذا يجب تضمين منهج الرياضيات بالمرحلة الإبتدائية بعض مفاهوم التوبولوجي.
 - يميز بين الهندسة الأتليدية والتوبولوجي.
 - يصمم بعض الأنشطة الملائمة لتقديم بعض مفاهيم التوبولوجي للأطفال.
 - يغرق بين الهندسة الشكلية والهندسة غير الشكلية.
- يشرح للأطفال المفاهيم الهندسية الأساسية (النقطة القطعة المستقيمة -الشعاع-المستقيم) من منظور حدسى.
 - يعرف كيفية بناء المجسمات الهندسية.
- يشرح لماذا يكون من المفضل أن نبدأ في التعامل مع الأطفال في الهندسة بالمجسمات بدلا من الخطوط والأشكال الهندسية.
 - يساعد الأطفال على تصنيف وتعمية الأشكال المستوية.
 - يشرح مقاهيم التحويلات الهندسية بطريقة حدسية.
- بميز بين الأشكال المتطابقة و الأشكال المتشابهة ويصف أنشطة تساعد الأطفال على
 تنمية فهمهم التشابه والتطابق.
 - يودى بعض الإنشاءات الهندسية أمام الأطفال.
- يعرف الأخطاء التى يقع فيها الأطفال عند تياسهم للزاوية ويعرف كيفية علاج هذه الأخطاء.
 - يستخدم الأشكال الهندسية في الناحية الجمالية.
- من المتوقع بعد أن يكمل الطفل الأنشطة الموصوفة في هذا الفصل أن يصبح قادرا على أن :-
- يفهم بعض العقاهيم التوبولوجية مثل القرب والإنفصال والتطويق (المنحنى المغلق المنحنى المغلق المنحنى المغلق المنحنى المفتوح والتطويق بحد).
 - يفهم ماذا يقصد بالوجه الحرف " الرأس.
 - بختار ريسمي- المكعب متوازى المستطيلات الإسطوانة الكرة المخروط.

- يميز بين الخطوط المستقيمة والخطوط المنحنية.
 - يكتب أسماء الأشكال المعطاة.
- يعرف بعض الخواص البسطة للمجسمات والأشكال الهندسية.
 - يفهم فكرة المضلع المنتظم،
 - يفهم فكرة خط (محور) التماثل،
 - يطبق أفكار التطابق والتضابه بصورة حدسية.
 - يرسم وينسخ بعض الأشكال،
 - يعمل بعض الإنشاءات الهندسية.
 - يستخدم بعض الأشكال الهندسية في بناء شكل جمالي.

إشتقت كلمة هندسة Geometry من الكلمتين الأغريقيتين قياس measure والأرض (Gco) بالأرض (Gco) وحال للغرض الأساسى للهندسة هـ و قياس الأرض. والأن تستخدم الهندسة في مجالات عديدة منها الفيزياء، الكيمياء، الجيولوجيا كما تستخدم في مجالات تطبيقية مثل الرسم الميكانيكي والرسم المعماري وعلم الفلك كما تستخدم التركيبات الهندسية في الففون وفي التصميم وباختصار يمكن القول أن الهندسة تستخدم في معظم الحضارة الإنسانية.

والهندسة- كمادة دراسية - جذبت مورخس العلم والتربيبة أكثر من أي قرع أخر من قروع الرياضيات ويمكن إرجاع ذلك إلى:

الأهمية التي وضعها الأغريق القيماء للهندسة كمعيار التفكير المنظم.

ب- الدور الأساسى الذي لعيته الهندسة في التطور التاريخي لعلم الرياضيات.

وتلعب الهندسة دورا هاما ومنز ايدا في منهج الرياضيات بالمرحلمة الإبتدانية وهي واحدة من المجالات المهارية الأساسية التي يجب تنميتها. ويرى معظم الرياضيين النزبويين أن: الهندسة توقر أنجح وسيلة للتوصل إلى فهم الرياضيات فهما حدسيا ولذا فإنها جديرة بأن تحظى بعجال أوسع ضمن المنهج والهندسة تفتح الطريق أكثر من أفرع أخر من فروع الرياضيات- إلى معظم الميادين الرياضية الاخرى أن لم

ويذكر فياله (١٠) أنه في تدريس الهندسة يعتمد مبدءان الثنان:

 الإنطلاق من المحسوس ضمن بيئة الطفل وتصور هذا المحسوس كجسم هندسى مثانى دون إعتبار لعادته ولا لخصائصه.

الإنتقال من التجربة الفراغية إلى التطبيق العملي لتلك التجربة وأن التعثيات في
الفراغ أو في العستوى بفضل دور الوساطة التي تقوم به تكون عونا قيما ومجالا
للتمارين لا يستهان به.

ويقول بياجيه "أن دراسة الهندسة ترتبط بدراسة كل البنيات الاساسية فسى الرياضيات وهذا يشكل صعوبة فى دراستها ويكسبها فى نفس الوقت أهمية كبيرة. وهسى بالنسبة للطفل وليدة تجربته ويجب الإعتناء فى المرحلة الأولى من التعليم الإبتدائى بالناحية التجريبية التى تتطلب الممارسة العملية" ومن خلال إستعراض عدة دراسات متعلقة بتدريس الهندسة للأطفال يرمى الكاتب أن يتضمن منهج الرياضيات بالمرحلة الإبتدانية ما يلى:

- مفاهيم تو يو لوجية.
- الأشكال الهندسية: التعرف على الأشكال المجسمة _ الأشكال المستوية -الأشكال المتطابقة والمتشابهة - خصائص بعض الأشكال الهندسية.
- مفاهيم أساسية في الهندسة: النقطة القطعة المستقيمة الشعاع الخط المستقيم.
 - * الزوايا أنواعها وقياسها
 - التحويلات الهندسية.
 - الإنشاءات الهندسية.

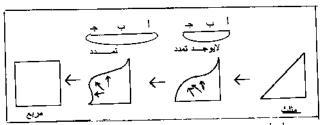
ويتم تدريس ذلك حدسيا من خلال قيام الطفل بانشطة عملية يتعامل فيها مع اشياء ملموسة مثل المجسمات والغماذج ويقوم بأنشطة الطى والنسخ والقياس وهكذا ثم ينتقل تدريجيا إلى المجرد في نهاية المرحلة الإبتدائية وفيما يلى وصف مختصدر لتقديم الهندسة في المرحلة الإبتدائية:-

التويولوجي:

ركزت كثير من البحوث التى نتاولت فهم الأطفال للمفاهيم الفراغية على أقوال بياجيه والتى ملخصها أن الأطفال الصنفار يستخدمون أولا الملامح التوبولوجية للشكل فى بناء تمثيل عقلى له أى أن النظرة الأولى للطفل الصنفير هى نظرة توبولوجية ومع النضح ينظر إلى العالم الألليدي.

والتوبولوجي هو دراسة الخواص الهندسية النوعية الجوهرية بدون إعتبار للعدد أو القياس وهذه الخواص مستقلة عن الوضع والشكل والحجم. وهذه الخواص لا تتغير سواء تعدد الشكل أو إنحنى أو إنكمش، وذلك يعنى أن الاشكال في التربولوجي اليست جاسنة ولا متعاسكة ولا ثابتة في شكلهاوهينتها بل هي مطاطية يمكن تغيير هيئتها وشكلها فمثلا في حالة الرباط المطاطى نلاحظ خاصية وجود

بين أ.ج. بقيت كما هى عندما تمدد الرباط المطاطى. وكمثال اخر أعتبر الدائرة
 المغلقة المكونة بالرباط المطاطى بصرف النظر عن كيفية تمدده أو إنحاائه حيث
 تسمى كل الصيغ التالية للرباط المطاطى متكافئة.



أى أنه فى التوبولوجى المثلث مكافىء للمربع لأن أحدهما يمكن تحويله إلى الأخر بدون تعزيق tearing المحيط والتغير الوحيد الذى حدث هو أن الوتر المثلث يمكن تعديده بدرجة كافية ثم ثنيه لتكوين العربع وسنقتصر فى هذا السياق علمى المفاهيم التوبولوجية الثالية:

القرب proximity - الفصل separation - التطويق enclosure (مغلق مفترح) - التطويق بحد (داخل - خارج) surrounding by a boundary - البينية betweeness.

۱- القرب proximity

العلاقة التوبولوجية العبكرة التي يستخدمها الطفل هي الإدراك البصــري للقـرب حيث يميز الطفل بين الاثنياء القريبة والاثنياء البعيدة والقـرب علاقــة نسبية بمعنـي ان الحكم على شيء بقربه أو بعده يستند إلى المقياس أو النليل المستخدم.

ويعيز الأطفال القرب على مستويين:

فى العميتوى الأول يقارن الطفال قرب أو بعد شينين إذا كمان معا على نفس الخط من البصر.

وفى المستوى الثَّاني يقارن الطفل قرب أو بعد شينين ٪ يقعان في نفس الإنجاء. والمستوى الثاني أكثر صعوبة وذلك لأن الطفل يجب عليه أن يحتفظ بصمورة بصرية وعقلية لوضع معين لشيء ما ثم يقارن تلك الصورة بوضع الشيء الأخر.

أنشطـة:

- ا- يضع المعلم كرسيا أمام الأطفال ويطب من أحدهم الجلوس عليه ثم يعين المعلم شيئين في الفصل ويطلب من الطفل الذي يجلس على الكرسي تحديد أي الشينين أقرب له وأيهما أبعد ويكرر النشاط من خلال طفل أخر وشينين أخرين وهكذا. ومن الممكن أن يسأل المعلم كل طفل أن يحدد شينا قريبا منه وشينا بعيدا عنه.
- ٣- يستخد المعلم كيسين من الخرز أو الأزرار أو أى شينين متشابهين ويطب من طفلين أن يضع كل منهما الكيسين بالقرب من بعضهما مرة وبعيدا عن بعضهما مرة ثانية هكذا



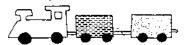
- ٣- يطلب المعلم من عدد من الأطفأل الوقوف أمام القصل وفي مواجهته ثم يطلب من كل منهم أن يتحرك عدة خطوات في إتجاه المعلم حتى يقول المعلم قف ثم يمدأل المعلم: من أقرب لي؟ ومن أبعد لي؟.
- ٤- يستخدم المعلم علبا فارغة ملونة ويرتبها على خط مستقيم أو خط منحن مغلق وأخر غير مغلق ويحاور الأطفال بقصددب استخدام العبارات أقرب، أبعد، يصاوى في البعد، حيث يضع المعلم يده على احدى العلب ويسأل: ما هي أقرب العلب إلى التي أمسك؟ وما هي أبعدها عنها؟ ثم ينتقل إلى علبة أخرى ويسأل الأستلة نفسها.
- يعرض المعلم لوحة عليها مجموعة من الصور مثل حيوانات وشجرة ويسأل الأطفال: أى الحيوانات أترب إلى الشجرة وأيها أبعد عنها ثم يكرر السوال بتحديد قرب أو بعد حيوان بعينه من الصورة.

Y- الإنفصال Separation

مهارات الإنفصال هي القدرة على فهم ما إذا كانت الأشياء متلامسة أو غير متلامسة أي مترابطة أو غير مترابطة، وأيضا وصف العلاقة بين الأشياء. وتبدأ تنعية هذه المهارات بملاحظات بسيطة مثل الباب منقصل عن الحائظ وهكذا. وهذه المهارات يجب أن تصفل حتى يتمكن الطفل من التعامل مع العلاقات الإفتراضية بين الأشياء (مثل يضع أزرا بحيث تكون متلامسة) أو يصنع أحكاما نتعلق بالإنفصال لأشياء عندما تكون العلاقة إفتراضية على هذه الأشياء ولا تحدث في بينه الطفل. (مثل: يسير طفلان وبين كتفيهما برتقالة).

أتشطة: -

- ا- يوفر المعلم لكل طفل تطعتين من الورق ومجموعة أزرار ويطلب من كل طفل أن يضمع كل الأشياء على ورقة بحيث تكون متلامسة وكل الأشياء على الورقة الأخرى توضع بحيث تكون منفصله ثم يجرى المعلم حوارا مع الأطفال بقصد إستعمال العبارات متلامسة وغير متلامسة.
- ٧- يعد المعلم صورتين لقطار ويعرضهما على الأطفال بحيث تظهر عربات القطار في الصورة الأولى منفصلة وفي الصورة الثانية متصلة بحيث يتمكن الأطفال من التميز بين الأشياء المتصلة والمنفصلة ومن الممكن أن يسأل المعلم السوال التالي: في الرسم الذي أمامك هل يمكن للعربات القليلة أن تجر القطار كما ترى؟ لماذا؟ لماذا لا يمكن؟





 ٣- يعد المعظم صدورا لمجموعة أشواء متلامسة ومنفصلة ويعرضهل على اللوحة الوبرية أو السبورة حتى يتمكن الأطفال من التمييز بين الأشياء المتلامسة والمنفصلة.

*- التطويق (مفتوح - مغلق) enclosure

التطويق يتضمن وضع نقطة بين نقطتين أخرتين على خط، ونقطة خلال منحني مغلق في مستوى، ونقطة خلال شكل فراغي مغلق. إن قدرة الطفل على تمييز الحدود المغلقة تخدم كمنطاب تعليمي للعمل الرياضي الذي يأتي بعد ذلك في المجموعات sets.

ويواجمه الالهفال بعض الصعوبات في الفهم التوبولوجي المتعلق بالأشكال المفتوحة والمغلقة ولهذا يجب أن يزود الطفل بأنشطة تساعده على إستخدام إستراتيجية تمكنه من تحديد ما إذا كان الحد مفتوحاً أم مغلقاً.

وتوجد إستراتيجيتان لتمييز الأشكال المفتوحة عن المغلقة احداهما تتضمن إختيار نقطة بداية على الحد ومحاولة تتبع الحد في إتجاه واحد للوصول إلى نقطة البداية. فإذا كانت الحواجز تسمح بالوصول إلى نقطة البداية فعندنذ يسمى الشكل مغلقا closed مع ملاحظة أنه في التحرك على الحد لا يستخدم خط أكثر من مرة واحدة.

والإستراتيجية الثانية تتضمن ما إذا كان بإمكان الفرد التحرك من داخل الشكل إلى خارجه (أو العكم) بدون عبور الحد وإذا وجد الفرد فتحة أو كسرا فعندنذ يسمى الشكل مفتوحا open وفي الشكل التالى المنحني أ مغلق والمنحني ب مفتوح



ويجب أن تكون الأنشطة المتعلقة بالمفتوح والمغلق في بادىء الأمر متمثلة في أشكال مغلقة ومفتوحة بسيطة جدا وبعد ذلك عندما يكتسب الطفل الخبرة تستخدم الاستراتيجية من خلال أنشطة ملموسة كما يجب تنمية القدرة على تحديد الأشكال المفتوحة والمغلقة بالإدراك الحسى.

أنشطـــة:-

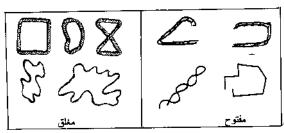
المحلم أشكالا بالطباشير على أرضية الفصل بحيث يكون بعض الأشكال مفتوحا وبعضها مخلقا ثم يسقط كيس خرز على كل شكل ويطلب من طفل أن يبدأ من كيس الخرز محاولا المشى على جميع الشكل حتى يصل مرة ثانية إلى كيس الخرز. ويحاول المعلم أن يجعل الأطفال يستنبطوا أنه إذا كان مسن الممكن العودة فحيننذ يكون الشكل مغلقا وإذا لم يمكن العودة فحيننذ يكون الشكل مفتوحا ومن الممكن أن يسأل المعلم أسئلة مثل. من أين بدأت؟ هل يمكنك الوصول إلى الكيس؟ كيف؟

هل يمكنك الوصول إلى الكيس إذا كان الشكل مفتوحا؟ (أو مغلقا؟)

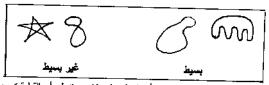
هل الشكل مغلقا أو مفتوحا؟



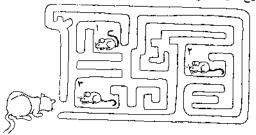
- ٢- يطلب المعلم من أحد الأطفال أن يقف. ثم يضع حوله على أرضية الفصل حبلا على شكل منحن مغلق ويساله هل تستطيع الخروج دون أن تقطع الحبل ودون إجتيازه ويعيد النشاط مستعملا حبلا على شكل منحن مفتوح.
- ٣- يرسم المعلم على السبورة (أو يستخدم الحبال في تكوين) منحنيات مغلقة ومفتوحة
 ويسميها ويطلب من الأطفال تمييزها بتسميتها.



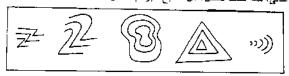
٤- يعرض العملم أشكالا كالتالية على الأطفال ويسميها منحنيات بسيطة مغلقة ومنحنيات مغلقة غير بسيطة ويساعد الأطفال في استنتاج أن المنحنى البسيط المغلق وهو كل منحن مغلق لا يتقاطع مع نفسه.



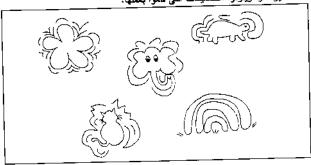
ورسم المعلم الشكل التالى ويوضع أن الخطوط تمثل حوانط وأن القطة تريد أن
 تفترس الفنران. مع ملاحظة أنه لا القطة ولا الفنران يمكنهما عبور الحوانط.
 ويطرح السوال التالى: أى الفنران لا ينجو من الأذى؟



٣- يطلب العملم من كل طفل أن يرسم أى شكل سواء كان مفتوحا ام مخلقا ثم يكرر هذا الشكل عدة مرات لعمل تصميم. ويمكن للمعلم إعطاء الأطفال أشكالا متحددة للإختيار منها وعلى المعلم أيضا أن يحتفظ بقدرات الأطفال على المرسم فى عقله ويمكن أن تكون التصميمات وذلك لزيادة تشويق الأطفال ثم يطرح المعلم السوال التالى: ماذا حدث للشكل؟ هل أصبح أكبر أم أصخر؟

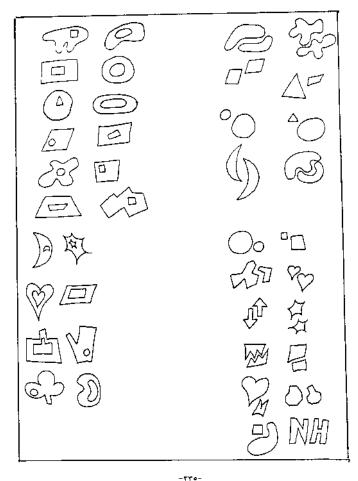


٧- يطلب المعلم من كل طفل أن يشير إلى شكل مفلق من بين عدة أشكال يعرضها المعلم عليها (كالمبنية أسفل) ثم يجسل كل طفل يكون الأشكال المغلقة للحصول على الصور المختفية وهذا النشاط يفيد في التمييز بين الأشكال والرسوم العفلقة والعفتوحـة وقد يقوم الأطفال بعمل تصميمات وعلى المعلم أن يجعلهم يرسموا ويلونوا التصميمات التى قاموا بعملها.

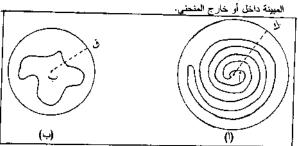


Surrounding by a boundary (inside, outside) التطويق بحد

- ۱- يطلب المعام من أحد الأطفال أن يقف, ثم يضع حبالا على أرضية الفصل على شكل منحن مفلق ويطلب من الطفل أن يقف مرة داخل الحبل ومرة خارجه ومرة فوقه ثم يصأله هل يمكنك أن تجعل جزءا منك في داخل الشكل وجزءا منك خارجه؟
- ٧- يوفر المعلم ٤٠ بطاقة. كل بطاقة تحتوى شكلين، على ٢٠ بطاقة منهم يوجد شكل داخل أخر، وعلى المشرين الآخرين لا يوجد شكل داخل الثاني، ويخلط المعلم البطاقات خلطا بغير نظام ثم يضعهم على طاولة أمام الأطفال في خمسة صفوف بكل صف ٨ بطاقات ويطلب من لحد الأطفال في باديء الأمر أن يختر بطاقتين فإذا ظهر على بطاقة "داخل" والبطاقة الأخرى "خارج" يعيد الطفل البطاقتين إلى موضعهما الأصلي ثم يأخذ طفل أخر دوره في الإختيار، وإذاظهرت البطاقتان نفس الملاقة فعلى الطفل أن يسمى هذه العلاقة "داخل" أو "خارج" وإذا التلاعبة النصية صحيحة يحتفظ الطفل بالبطاقتين والذي يكسب هو اللاعب الذي يحصل على بطاقات أكثر.



٣- يعرض المعلم أشكالا كالمبينة أسفل ويطلب من الأطفال تحديد ما إذا كانت النقطة



والجواب هو : النقطة أنقع خارج المنحنى المغلق (أ) والنقطة ب تقيع داخل المنحنى المغلق (ب) ولتوضيح كيفية المحصول على الإجابة يقول المعلم: ارسم دائرة حول انشكل وخذ عليها نقطة ثم صل بين النقطتين التى نقع على الدائرة والنقطة التى تبحث عنها ثم عد عدد تقاطعات القطعة المستقيمة مع المنحنى فإذا كان العدد زوجيا كانت النقطة تقع خارج المنحنى وإذا كان العدد فرديا كانت النقطة داخل المنحنى فمثلا أك يقطع الملحنى (أ) في عدد زوجي من النقط ولكن بق يقطع المنحنى (ب) في عدد فردى من النقط.

الأشكال الهندسية

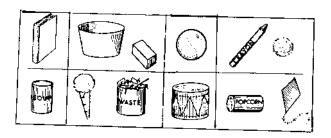
أه لا: المجسمات

نقد رأى جميع الأطفال - قبل التحاقهم بالمدرسة - كشيرا من المجسمات وتعاملوا معها ويجب علينا كمعلمين إستغلال هذه الحبرات التي لدى الأطفال من خلال مزويدهم بانشطة تتضمن التعامل مع المجسمات الشائعة وتصنيفها وتبويبها ومن هذه الأشطة بيدا الأطفال في تعلم أسماء المجسمات وفي نفس الوقعة في بناء معرفي بخواصبها وفيما يلي بعض هذه الأشطة.

أنشط_ة:-

 ا- توضع مجموعة من الأشياء الموجودة في حياتنا اليومية على المنصدة (يجب أن تشتمل مجموعة الأشياء أشياء تشبه المكعب - الإسطوانة - الكرة - متوازى المستطيلات - المخروط - المنشور) ويطلب المعلم من كمل طفل أن يختار أحد

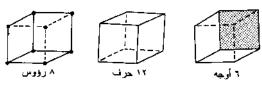
أيها يوجد أشياه بداخله وأبها توجد أشياء خارجه؟



٢- يعرض المعلم مجموعة من المجسمات (والتي يمكن عملها من الورق المقوى) ثم يعسك المعلم المكعب ويطلب من الأطفال أن يصفوا المكمب بكلمات من عندهم ويستنبط المعلم كلمة مكعب ثم يكتبها على السبورة ثم يجعل الأطفال ينسخونها ويعطى تدريبات على هجانها.

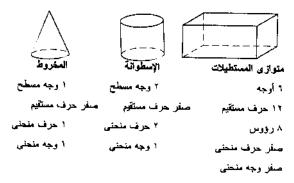
ثم يطلب من أحد الأطفال أن يستخرج شكلا يشبه المكعب ويسأله لماذا اختارهذا الشكل؟ (سوف يساعد ذلك المعلم على تقدير ما إذا كان الطفل قد بنى فكرة صحيحة عن المكعب أم لا) وتدور مناقشة حول إختيار الطفل ثم يبدأ المعلم فى تقديم كلمة "وجه" ويدع الأطفال يعدون أوجه المكعب ثم يقدم كلمة " حرف" ويدع الأطفال يعدون أحرف " ويدع الأطفال يعدون رؤوس المكعب.

ثم يعطى تدريبات على قراءة وكتابة هذه الكلمات بهجانها وبتوجيه المعلم يمكن أن يصل الأطفال إلى أن المكعب له



٣- يكرر نشاط ٢ بالنسبة لمتوازى
 المس تطيلات - الكررة
 الإسطوانة - المخروط
 ونحتاج في هذا النشاط إلى
 المناقشة لبيان الفرق بين الحرف
 المستقيم والحرف

المنحنى لبعض الاشكال ويمكن توضيح ذلك باستخدام قطعة من الخيط كما بالشكل المقابل حيث بكون الحرف مستقيما عندما يشد الخيط ألقيا بين يدين ويكون الحرف منحنيا عندما يرتفى الخيط وبمساعدة المعلم يمكن أن يتوصل الأطفال إلى خصائص المجسعات التالية :





انفره عنطح ؛ و صفر حرف مستقیم ، الد صفر حرف منحنی صفر صفر حرف منحنی صفر



؛ وجه مسطح ۲ حرف مستقیم

صار حرف منحنی صار حرف منحنی

صفر حرف منحنی صفر حرف منحنی

ه وجه مسطح

٩ حرف مستقيم

كما يوضع المعلم أن المجسمات ترتكز على قاعدة وشكل هذه القاعدة يستخدم أهيانا في تسمية المجسم فالمخروط والإسطوانة مجسمان قاعدة كل منهما دانرة والهرم الثلاثي تتكون قاعدته من مثلث وكذلك المنشور أيضا.

٤- بناء المجسمات: يشرح المعلم عمليا أمام الأطفال طريقة بناء بعض المجسمات
وليكن المكعب مثلاً ثم يتيح الفرصة للأطفال لكى بينوا بعض المجسمات الأخرى
مثل متوازى المستطيلات والإسطوانة والهرم وفيما يلى بناء بعض المجسمات كما

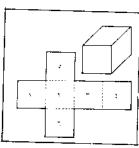
ذكرها أَلْمُقُوشُ وزميلًاه (٩)

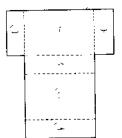
أولا بناء المكعب:

يحضر المعلم قطعة من الورق المقوى ويقصها كما بالشكل المقابل ثم يطوى الورقة باتجاه واحد أي يطوى العربحات ١، ٣، المي أعلى ثم يطوى العربع ٤ بطريقة أقفية ويذلك يتحول الشكل الى مكعب.

تأتيا بناء متوازى المستطيلات

يقوم المعلم بقص ورق من الكرتون على شكل حرف T شم يقوم بطى أطرافها باتجاه واحد

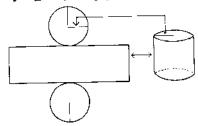




حتى تتكون علية تعشيل متوازى مستطيلات ومن الممكن أن يصاعد المعلم المفائد على تخيل كيفية البناء وذلك بأن يفرد أمامهم علية طباشير ورقية فارغة أو أى علبة مشابهة ثم يطلب من أحدهم إرجاع العلية إلى ما كانت عليه وهكذا.

ثالثًا: بناء الإسطوالة

يقوم المعلم بقص دائرتين متساويتين ومستطيلا من الورق كما بالشكل المقابل بحيث يكون: ا- عرض المستطيل مساويا المحيط كل من الدائرتين.



ب- طول المستطيل مساويا نقطر كل من الدائرتين يصبح الشكل إسطوانة دائرية
 ويطلب من أطفاله القيام بنشاطات مشابهة لبناء إسطوانات مختلفة الاتطار مؤكدا
 لهم أن المسطح الجانبي للإسطوانة وسطح مستطيل طول أحد بعديه يساوى محيط القاعدة والبعد الأخر يساوى قطر القاعدة.

مفاهيم هندسية أساسية

توجد بعض المفاهيم الهندسية والتى لا يمكن دراسة الهندسية بدونها وهـذه المفاهيم النقطة – القطعة المستقيمة – الشعاع – المستقيمة – الشعاع – المستقيم التعامد – المستوى ويجب تقديم هذه المفاهيم بطريقة ملموسة وإعطاء نصاذج وتطبيقات لها وفيما يلى تصور مقترح لكيفية تقديم تلك المفاهيم من خلال الجدول التالي

	وصف نملاج له	المقهوم : شكله ورمزه
	- مرکز مطقة	التقطة
	- تقاطع خطين	i.
	- رأس المكعب	
[∹راس سهم	
R Hilliam I	- مدينة على خريطة	
	- رأس مثتم	
` \;;;;;;;;;;;;;\ <u> </u>	- رکن منفعة	
	 أقصر مسافة بين نقطتين 	الند ة المستقيمة
%	" - حرف (مثلع) في مكتب	اب
8/9/-7	- رياط مطاط لقطمة ورق	,
	- خط البلي لقطعة ور ق	i ———i
0 0 2	<u>- حرف منفحة</u>	
	 طريق مستقيم مد من 	المستقيم أ ب
	جهليه مسافات واسعة	الشياع ب ا
	- هدوء منبعث من بطاريمة	اتشعاع ب ا
	همخيره	
	 مسار صدار وخ في القضياء 	
	(بدون جنب)	
	- خط البصر	المستقيمان المئوازيان
77777777777777777777777777777777777777	- نصبان السكة الحديد	
	= خطوط الصفحة = عداد حديد	ارب جه با
	 جانبان متقابلان من شباك 	←
<u>-#\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\</u>	- خطوط نسيج - عقر با الساعة	الزاوية و _
	l ''	ارو
	ن تحول فی طریق - عدده دا د	<u></u> _
	وکن شکل (راس)	المستقيمان المتعامدان
	- حرقان من باب مئة ابلان في ركن	أب جدد
	رهن - رجل طاونة وتعتها	
	رجن طارت والمنها - خطوط النسسيج الطوايسة	أ حـ
	مصوط السمسيج الطوليسة والعراضية	
عامض المبالا ال	و سر سيد المسيورة الطبائي سيرة - ا	ا او ب
	الأرضية - وجه مكتب	1
17772	السبورة الطباشيرية	المستوى
	الأرضية	-\
	رجه مكتب	<u> </u>

ويجب أن يعى المعلم أن تقديم هذه المفاهيم يجب أن يتم بطريقة غير شكاية حتى لا يرتبك الأطفال.

الأشكال المستوية:

إن اكتساب الأطفال خبرة بالأشكال الهندسية يساعدهم على فهم الحياة اليومية كما يساعدهم على بناء قاعدة جيدة لبناء الأفكار الهندسية ونمو الأساليب الرياضية التى تستخدم فى مراحل تطيمية لاحقة. وفيما يلى بعض المراحل المقترحة لتقديم الأشكال المستوية.

المرحلة الأولى: إستخدام المجسمات في التعرف على الأشكال المستوية:

١- يعرض المعلم المكعب على الأطفال ويطلب منهم أن ينظروا إلى أحد أوجهه ويدعهم يناقشون الوجه بكلمات من عندهم. ثم يقدم المعلم في هذا الوقت كلمة "مربع" وبعد ذلك ينظر الأطفال إلى الأوجه الأشرى وقد يقترحون أن الأوجه الستة مثل بعضها (أى مثل الوجه الذي نظروا إليه) ويناقش المعلم الطرق التي

يمكن بها إختبار ذلك فمثلا يضع كل طفل مكعبه على منضدته ويرسم حول الوجه

الذى على المنضدة بالقلم ويقارن بين الأوجه الناتجة من خلال تكرار هذا العمل.

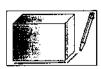
٢- يوفر المعلم للأطفال مجموعة من عصبي قصيرة ذات أطوال مختلفة (ولكن على الألل يوجد ٤ منها متساوية الطول).

ويطلب من طفل منهم أن يكون مربعا باستخدام بعض العصمى ويودى ذلك إلى مناقشة ممتحة.

سوف يجد الطفل أنه مضطر لأن يضع العصبي في وضع خاص ليكون العربع كما هو موضع بالرسم الثللي



 ا- ينظر الأطفال حول الفصل ويشيرون إلى الأشكال التي يمكن أن تكون مربعا ويمكنهم التحقق من ذلك بواسطة قطعة من الخيط أو الحبل نقياس الأحرف (الأضلاع) الأربعة.



3- تكرر الأنشطة ١، ٢، ٢ بالنسبة للمستطيل (أحد أوجه متوازى المستطيلات ويجب أن تتاح الفرصة لمعظم الأطفال لأن يرسموا حول متوازى المستطيلات ليكتشفوا المستطيل وعند النحدة المصلح للمستطيل بحد الأطفال أنه

يجب عليهم استخدام عصاتين من نفس الطول وعصاتين من نفس الطول مختلفتين عن الأوليين).

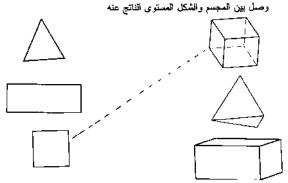
وفر المعلم لأحد الأطفال هرما ثلاثيا ويطلب منه التحديد بالقلم حول أحد الأوجه
 كما بالشكل ويقدم المعلم كلمة ممثلث ويركز على أن المثلث له ثلاثة أضداع.

وبعد ذلك يطلب منهم صنع مثلثات مستخدمين المصبى وسوف يجدون أنه بإمكانهم تكوين مجموعات كثيرة كل مجموعة بها ثلاثة أضلاع. (معظم هذه المثلثات سوف تكون مختلفة الأضلاع scalene وبعضها متساوى الساقين isosceles وبعضها متساوى الساقين هذه المرحلة) متطابق الأضلاع وقليل منها قائم الزاوية. لا تذكر هذه الأسماء في هذه المرحلة) ولممل مثلث قائم الزاوية نطوى أى ورقة على شكل مربع أو مستعليل ونقصها كما بالشكل.



يكرر نشاط ٥ بالنسبة للإسطواتة حيث ينتج من التحديد بالقلم على لحدى قاعدتيها دائرة. والأطفال يألقون شكل الدائرة قبل دخولهم إلى المدرسة ولكنهم لا يألقون الاسم ولهذا يجب إعطائهم تدريبات على هذه الكلمة قراءة وكتابة وعلى تعلم هجانها. (وإنه لمن الأهمية بمكان الهجاء الصحيح لأسماء الأشكال التى تم وصفها.

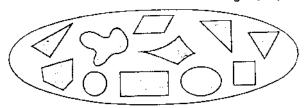
 والمتأكد من فهم الأطفال للعلاقة بين المجسمات والأشكال المستوية تعطى تدريبات مثل:



المرحلة الثالية: تصنيف وتسمية الأشكال المستوية

أنشطية: -

لا و د كل طفل أو مجموعة صغيرة من الأطفال بمجموعة من الأشكال مثل العبينة بالشكل التالي:



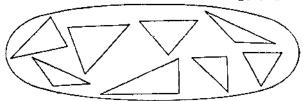
ويصنف الأطفال الأشكال السابقة بطرق متنوعة فمثلا قد يختارون أشكالا أ- فها أضلاع مستقيمة فقط. ب- لها أضلاع منحنية فقط. ج- لها أضلاع مستثيمة ومنحنية. د- لها ثلاثة أضلاع.

هـ لها ثلاثة أضلاع مستقيمة. و لها أربعة أضلاع.

ز- أضلاعها متساوية الطول.

ويجب مناقشة الأشكال التي تتقع في كل تصنيف مناقشة كاملة وفي حالة ما يكون مناسبا فيجب تسمية الأشكال (مثلثات - أشكال رباعية).

٢- يزود كل طفل أو مجموعة صغيرة من الأطفال بمجموعة من المثلثات الكبيرة
 كالمبينة فيما يلي:



ويختار الأطفال المثلثات التالية على التوالى:

أ- لها ثلاثة أضلاع متساوية الطول "متساوية الأضلاع".

ب- بها ضلعان متساويان "متساوية السالين".

ج- لا يوجد بها أضلاع متساوية.

وإذا كان لدى الأطفال معرفة بالزوايا فقد يختارون العثلثات التي:

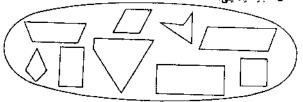
د- بها زاویة قانمة.

هـ - بها زاوية أكبر من الزاوية القائمة "زاوية منفرجة".

و- فيها كل زاوية من الزوايا الثلاث ألل من قانمة (حاد الزوايا).

وأثناء هذه الأنشطة يمكن تقديم الأسماء:

متساوى الأضلاع - متساوى الساقين - مختلف الأضلاع - قائم الزاوية. ويجب أن نراعى أهمية كتابة هذه الكلمات. ٣- يزود كل طفل أو مجموعة صغيرة من الأطفال بمجموعة من الأشكال الرباعية
 مثل العبنية قيما يلى:



ويختار الأطفال على التوالي الأشكال الرباعية التي:

أ- بها جميع الأربعة أضلاع متساوية (مربع - معين).

 بها كل ضلعين متقابلين متساويين في الطول (مربع - مستطيل - معين -متوازي اضلاع).

ج- أضلاعها الأربعة متساوية وزواياها الأربع قوائم (مربع).

د- زواياها الأربع قوانم (مربع - مستطيل).

وإذا كان الأطفال غير مستعدين نقديم فكرة المستقيمات المتوازية فيمكن مناقشتها في هذه العرحلة ولكن لا يطلب منهم تعريفات شكلية. فيكفيهم إكتشاف ومناقشة مجموعة من المستقيمات بحيث تكون متوازية. ويتم ذلك في الفصل فمثلا: مجموعة الخطوط التي في كتاب التمارين - الأحرف المتقابلة لصفحة من كتاب الاحرف المتقابلة لسطح طاولة... وهكذا.

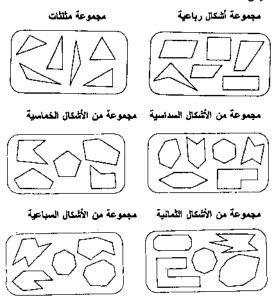
وعندما يفهم الأطفال هذه الفكرة فيمكنهم إستخدامها فـى إختيار مجموعـة مـن الأشكال الرباعية التى :-

أ- بها ضلعان متقابلان متوازيان (مربع - مستطيل - شبه منحرف - متوازى أضلاع).

ب- بها كل ضامين متقابلين متوازيين (مربع - مستطيل - معين - متوازى الصلاع).

ج- بها زوج واحد من الأضلاع فقط متقابلين ومتوازيين (شبه منحرف).

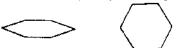
٤- العمل في مجموعات صغيرة. ويزود الأطفال بمجموعات من الأشكال ذات الأضلاع المستقيمة مثل المبيئة في الشكل التالي. و(يجب أن تصنع الأشكال من الكرتون الرفيع وتكون أطوال الأضلاع كبيرة كبرا. كافيا وتكون الزوايا سهلة القباس.



ويتأمل الأطفال في كل شكل من الأشكال على التوالي. ويمكن تقديم أسماء كل مجموعة (طبقا لعدد الأضلاع) كما يمكن أن يناقش الاسم العام " مضلع أيضا ويستخدم. ويناقش الأطفال أطوال الأضلاع والزوايا لكل شكل وحينما يكون ضروريا

وينافس الاطفال الطول الاضمالاع والزوايا لكل تشكل وحينما يكون ضروريا. يتحقّق من ملاحظاتهم بالقياس. ومن هذه الامثلة يجد الأطفال أنه في كل مجموعة يوجد شكل واحد أضلاعه متساوية الطول وزواياه متساوية الممقدار، المضلع التي يتمقع . بهاتين الخاصتين بسمي "مضلما منتظما".

وقد يعتقد بعض الأطفال أحيانا أن خاصية واحدة ممهن تكفى ويجب التركيز على الحاجة إلى الاثنين معا فقد نجد أن المسدس الأيسر



أضلاعه متساوية الطول وبدن رواياه غير متساوية المقدار وعلى ذلك فإنه ليس منقظما أما المسدس الأيمن فهو منتظم وأثناء تلك الانشطة يجب تقديم أسماء الاشكال: شكل رباعي ، مربع، مستطيل، مدوازي الأضملاع، معين ، شبه منحرف. كما يجب على الأطفال تو المتها و كتابتها.

الدائــــرة:

يعين المعلم تقطمة على السبورة ويختار لها رمزا ثم يبدأ بوضع نقاط أخرى متساوية البعد عن هذه التقطة ويسأل أطفاله عما يحصل لو إزداد عدد هذه النقاط وكيف سكون الشكل؟ وسيلاحظ الأطفال.

٧- أنه مهما زاد عدد هذه النقاط فإنه ليس بالإمكان تعيين جميع النقاط التي تبعد عن المركز ن بعدا متساويا حيث أن هناك عدد لا نهائيا منها وإذا تقاربت تلك النقاط فإنها سنكون خطا منحنيا مغلقا متساوى البعد عن العركز ن يسمى الدائرة.

ويتوصيل المعلم مع أطفاله إلى تعريف الدائر، وهو:-

تعريست :

الدائرة هي مجموعة نقاط متساوية البعد عن نقطة معينة تسمى مركز الداخره. ثم يرسم دائرة على السبورة ويوضح مفردات الدائرة التالية:

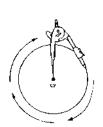
١- نصف القطر هو القطعة المستقيمة التـــى
 تصل المركز بنقطة على الدائرة .

 ٢- انقطر هو القطعة المستقيمة التي تصل نقطتين على الدائرة مارا بمركزها.

العماس هو الفط المستقيم الذي يلامس الدائرة من الخارج وتَجدر الإشارة هذا
 إلى أن أغلب المؤلفين يقضلون تجنب التعريف الدقيق لمحيط الدائرة في المرحلة

الإبتدانية مكتفين بتسعيته وقياسه نقط نظرا الصعوبة استيماب مفهومه المجرد من قبل أطفال هذه المرحلة .

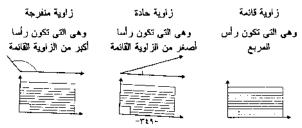
ثم ينطرق المعلم لبعض خصائص الدائرة التي تناسب معتوى العرحلة الإبتدائية وذلك عن طريق الإستقراء (أي بطريقة غير شكلية) مثل :



- ۱- القطر فى الدائرة هوأطول وتر فيها وذانك بأن يرسم المعلم دائرة مركز هام كالمبينة بالشكل المقابل ثم يرسم عدة اوتار ويلاحظ الأطفال أن قطر الدائرة هو أطول وتر فيها.
- العلاقة ثابته بين محيط الدائرة
 وقطرها ويوضع المعلم أن الإداة
 التي تستخدم لرسم الدوائر تسمى
 الفرجار*

وعند رسم الدائرة يثبت أحد الضلعين عند نقطة ثابته "مركز الدائرة" ويدور الصناع الثانى بفتحة ثابته ليرمم منحينا جميع نقاطمة تكون على نفس البعد من النقطة الثابته وهذه الفتحة الثابتة بين سنى صناعى الفرجار تساوى " نصف قطر الدائرة" ويطلب المعلم من الأطفال أن يستخدموا القرجار في رسم دوائر أكبر أو أصغر من التي قام برسمها أمامهم وعندما يكمل الأطفال الأشطة السابقة تصبح لديهم المقدرة على التسرف على الأشكال المستوية التي يرونها في الحياة اليومية وعلى تسميتها ومعرفه خواصها السبح والسبح المتحرة على التسرف

الزاوية هي المكان الذي تلتقي نيه قطعتان مستقيمتان كما يمكن وصفها بأنها تتكون من الثقاء شعاعين في نقطة بداية كل منهما ويمكن تصنيف الزوايا الى ثلاثة أنواع:

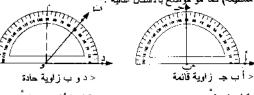


قياس الزاويي

لما كانت هذاك أسماء لوحدات قياس الطول والزمن فإنه يوجد اسم لوحدة قياس الزاوية يطلق عليها الدرجة ، وتقسم الدائرة الى ٣٦٠ درجة.

والأداة التي تستخدم لقياس الزاوية تسمى المنقلة وهسي عبـارة عـن شـكل نصــف دانرة مُقَسم الى عَلَامات من ۗ • ۚ حَتَى ١٨٠ وَالرَمَز (ۗ) يَقَرّ أَ دَرُجَة ويجّب علَى المعلم أن يدرب أطفاله على استخدام المنقلة لقياس الزوايا وهي في أوضاع مختلفة.

ومن الأفضل البدء بقياس أسواع الزوايـا المختلفـة (قائمـة - حـادة – منفر جـة – مستقيمة) كما هو موضع بالأشكال التالية :-



وقياسها ألل من ٩٠



زاوية منفرجة وقياسها أكبر عن ٩٠ ّ وأقل من ١٨٠ ْ

وقياسها ١٨٠

أستغير مين ركين

الورقسة فسإن قيساس

الزاوية يكون أقل من

٩٠ رنكون الزاويــة

ويمكن للمعلم أن يوضع للأطفال أنه بإمكانهم استخدام قطعة ورقية لتصنيف اى زاوية من خلال قياسها ، ويوضع الرسم التالي النشاط.



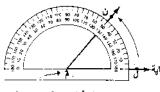
إذا كسانت الزاويسة

إذا كسان حسرف إذا كان ركن الزاوية يقابل الزاويسة فسإن الورقة يقابل الزاوية فإن تيساس الزاوية الهاس الزاوية يكون یکون ۱۸۰ وتکون ٩٠ وتكون الزاويــة الزاوية مستقيمة فانمة

إذا كانت الزاوية أكبر من ركن الورقية ولكتها لاتقابل الصرف فإن قياسها يكون بين ۹۰ و ۱۸۰ وعلی ذلسك فهسى زاريسية منفرجة ثم يوضع المعلم للأطفال عمليا خطوات إستخدام المنقلة فـي قيـاس أي زاويـة وفيمـايلـي هذه الخطوات: -

الخطوات :

- ۱ ضم مرکز المنقلمة علمي رأس
 الزاوية،
- ٢- إجعل خط قاعدة المنقلة متطابقا مع أحد ضلعى الزاوية.
- حين نقطة الصفر على الأساس
 وتحرك على المقياس فى إتجاه
 الضلم الآخر للزاوية.
- ٤- عدد الدرجات يدل على قياس
 الزاوية.



زاوية ل م ن قياسها ٥٠

ويجب أن يوفر المعلم لأطفاله تدريبات متنوعة على قياس الزوايا في أوضاع مختلفة. التحويلات الهندمية :-

يمكن تقديم بعض مفاهيم هندسة التحويلات بصورة حدسية في المرحلة الإبتدائية بينما يغضل تأجيل تقديم هذه المفاهيم بصورة شكلية الى المراحل اللاحقة وفيما يلى تقديم بعض هذه المفاهيم بصورة غير شكلية.

التماثل Symmetry

تحدث صورة التماثل وتتكرر في الطبيعة وفي حياتنا اليومية كما يستخدم التماثل في كثير من الأتشطة الإبتكارية (كما في الرسم والعمارة – التصميم – الفنون .. وهكذا). وإنه موضوع يروق لكثير من الأطفال ، ويمكن تقديم أفكار خط (محرر التماثل) في مستوى المرحلة الإبتدانية والأشطة التالية تحتاج الى الخامات التالية :

ورق - مقصات scissors أقلام ملونة أو أقلام شمع ملونة .

أنشطة :-

 ار ود كل طفل بقطعة من الورق (يمكن أن تكون من أى شكل) ثم يثنى (يطوى) الطفل الورقة ويرسم عليها شكلا من إختياره على وجه و لعد عبر خط الطى كما هو مبين بالشكل.



ويقطع الطفل الشكل مع الاحتفاظ بالورقة مطوية ثم يفتح الشكل المقتلوع ويعلم على خط الطي. ويكرر هذا النشاط عده مرات.

وقد يجب بعض الأطفال أن يلونوا أعمالهم. ويمكن إغتيار بعض الأشكال وعرضها كما يمكن تقديم العبارة "خط التماثل" ايصف خط الطي لكل شكل.

ومن خلال هذه الأنشطة يبدأ الأطفال في روية أنه نشى شكل حول خط التماثل فان الجزئين ينطبقان تماما على بعضها البعض.

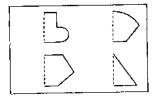
٢- ينسخ الأطفال الشكل المقابل
 ويطوونه غير الخط المنقط.

ويسألهم المعلم هل نصف الشكل ينطبق على النصف الأخر تماما؟

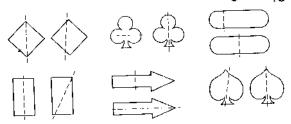
نيتاكد الأطفال من ذلك ويخير هم المعلم بأن الخط المنقط يسمى خط التماثل وأن الشكل يسمى متماثلا إذا أمكن انطباق نصفه على النصف الأخر.

۳- يزود كل طفل بأشكال منسوخه
 على ورقة كما بالشكل المقابل:

كل شكل عبدارتهن نصف شكل والخط المنقط هو خط التسائل. ويرسم الأطفال النصف الأخسر للشكل.



٤- يرسم المعلم أزولها من الأشكال كالمبينة أسفل ويطلب من الأطفال تحديد الشكل
 الذي به خط تماثل.

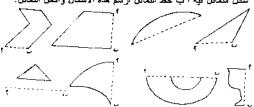


٥- بزود كل طفل بأشكال منسوخة على ورقة كما يلى :



يقطع الأطفال الأشكال ثم يوجدون عدد خطوط التماثل لكل شكل وبالنسبة للدانرة يوجد عدد كبير جدا من خطوط التماثل.

وفر لمعلم الأطفائه بعض التدريبات على شكل التدريب التالى كل شكل يمثل نصف
 شكل متماثل قيه أ ب خط التماثل أو سع هذه الإشكال وأكمل التماثل.



التطابق والتشابه:

التطابق والتشابه فكرتان هامتان في الدياة اليومية. فعشلا في الصناعة والتجارة توجد عديد من الأشكال المتطابقة كذلك في الرسوم التكنولوجية والخرانط تستخدم أفكار التشاده.

ويمكن تزويد الأطفال بأنشطة تودى إلى الأفكار الأولية لكلا الموضوعين في المرحلة الإبتدائية. وفيما يلي بعض هذه الأنشطة.

أتشطة :-

ا ـ يزود كل طفل بورقة مرسوما عليها مثلثات متطابقة كالمبينة. ثم يقطع مثلثا صغيرا مظللا ويعطى الرقم "۱" ثم يتحقق الأطفال من أنه يطابق المثلثات الأخرى تماما (أى أن كل المثلثات متطابقة) ويقيسون أيضا طول كل ضلع من أضعلاع المثلث هذا.

وباختيار أحد الزوايا ومطابقتها على التوالى مع كل زاوية من زوايا أحد العثلثات الأخرى بجد الأطفال أو الزوايا الثلاث لكل مثلث متطابقة. بعد ذلك يلون (أو يظلل) الأطفال المثلثات الثلاثة أعلاه ويعطونها الأرقام ٢، ٣، ٤.

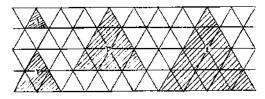
يناقش الأطفال التلاثة ويقولون مايلاحظونه عليها فمثلا بالنسبة للمثلث ٢

أ- أضلاع المثلث ٢ متساوية الطول.

ب- أطول أضلاع المثلث ٢ ضعف أطوال المثلث ١.

ج- زاوية العثلث ٢ متساوية المقدار وتساوى أيضا زوايا المثلث ١.

د- مساحة العثلث ٢ تساوى قدر مساحة المثلث ١ أربع مرات وقد يلاحظ بعيض
 الأطفال أيضا أن أطوال أضلاع المثلث ٤ ضعف أطوال أضلاع المثلث ٢ ومساحة
 المثلث ٢ ومساحة المثلث ٤ تساوى قدر مساحة المثلث ٢ أربع مرات.

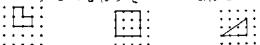


٣- يزود المعلم كل طفل بورقة منقطة مرسوما عليها بعض الأشكال الهندسية ويطلب منه النظر إلى كل شكل ورسم أخر مطابق له ويوضح الشكل التالى الإجراء

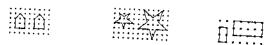


٣ ـ يوفر المعلم تدريبات منتوعة على تحديد المتطابقة والمنشابهة وفيما يلى نموذج
 لمثل هذه الندريبات.

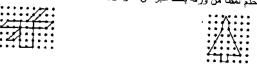
 إستخدم الورق المنقط لرسم شكل مشابه لكل شكل مما يأتى مع جمل كل ضلع في انشكل الذي تقوم بر سمه ضعف الضفع المرسوم في الأشكال الثانية:



ضع علامة (٧) أمام الشكلين المتشابهين وعلامة (×) أمام الشكلين غير المتشابهين



إستخدم نمطا من ورقة بنقط أكبر من المرسوم أسفل لم شكل مشابه



ومن هذه الأنشطة يجب أن يبدأ الأطفال في بناء أفكارهم الأولية حول:

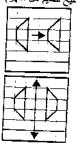
أ- التطابق (ينطبق شكل تماما الإنطباق على شكل أخر).

ب- التشابه (شكل يكون تكبيرا أو تصغيرا لشكل أخر).

٣- الإنعكاس والإنتقال والدوران

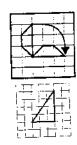
يتم تقديم هذه المفاهيم كما أسلفنا - بصبورة حدسية كما أنه من الممكن تقديم هذه المفاهيم على مراحل:

المرحلة الأولى: توضع أسماء لتلك المفاهيم قريبة من ذهن الطفل حيث يشار إلى الإسماد الإتعال المفاهيم الإنتقال بإسم الإنترالاق Slide وإلى الإنتقال بإسم الإنترالاق Turn وإلى الدوران بنفس الإسم أى Turn ويستخدم ورقم الرسم البياني قى توضيح لتقديم كل مفهوم.



الإنزلاق : يمكن للطفل أن يقوم بعملية إنزلاق للشكل أسفل أو أعلى أو إلى اليمين أو إلى اليسار ويطل الشكل كما هو ولكنه يوجد في وضع مختلف.

الإثقلاب: يمكن للطفل أن يقلب الشكل عبر أى خط تخيليا حيث يصبح الشكل وكأنه مسورة من أه



الدوران : يمكن للطفل تدوير الشكل حول نقطة معينة ثم يطلب المعلم من الأطفيال القيام بالنشاط التالي:

إنسخ الشكل المقابل واقطعه واستخدمه في تحديد حركة المشكال التالية مع كتاب

تزحلق أو قلسب أو دوران سمت كل شكل.







وبعد المناتشة يصل الأطفال إلى أن حركة الشكل طبقاً لأى مفهوم من المفاهيم السابقة لا تغير من شكله.

وللتأكد من تمكن الأطفال من هذه المفاهيم يمكن إعطاؤهم مثل التمرينات التالية:

اللب المربع عبر





هذه الرأس حتى يستقر

على جانب آخر

اكتب تحت كل شكل انز لاق انقلاب، دور ان إلى حركته التي تحركها.





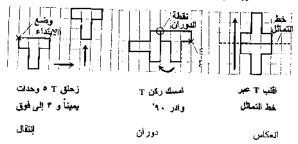


و ۷ وحدات للبسار

المرحلة الثانية : ويقدم فيها الإنعاس والإنتقال والدوران حيث يوضح المعلم للأطفال أنه: إذا انزلق الشكل في خطوط مستقيمة فيسمي ذلك "الإنتقال"

وإذا انقلب الشكل حول خط فيسمى ذلك "الإنعكاس"

وإذا دار الشكل حول نقطة فإن ذلك يسمى "الدوران"



ثم يوفر المعلم تدريبات منتوعة علمى تحديد انتقال الأسكال وانغكاسها ودروانها ويتم أيضا بصورة غير شكلية أما المرحلة الثالثة وهى تقديم تلك المفاهيم بصورة شكلية فتوجل إلى ما بعد المرحلة الإبتدائية.

الإنشاءات الهندسية

يمكن الإستعانة بالإنشاءات الهندسية في عمل الرسوم الهندسية وفي توضيح مفاهيم الهندسة ويستخدم في الإنشاءات الهندسية الفرجار والمسطرة ويجب مناقشة كل إنشاء هندسي بحيث لا يقدر الأطفال على إستخدامه فقط بل يجب عليهم فهم لماذا استخدمت هذه الطريقة وتعتمد خطوات الإنشاء الهندسي على الخواص للشكل الذي يتم رسمه بخصائص معينة وفيما يلى أمثلة لبعض هذه الإنشاءات:

١ - تنصيف قطعة مستقيمة

يوضع المعلم للطفل أنه يمكن استخدام الفرجار والمسطرة لتنصيف قطعة مستقيمة ومعنى تنصيفها أى تتسيمها إلى قطعتين متساويتين فإذا كان لدينا القطعة المستقيمة حاص فإننا نستخدم الخطوات التالية في تتصيفها: من ل إلى م وارمز النقطسة

تقلطع هذا الخطمع س مس

بالرمز ق.

ضع سن الفرجار على النقطة ص وبفتصه أكبر المنقطة من نصف المسافة بين من ، من ارسم قومنا على من صح كما بالشكل



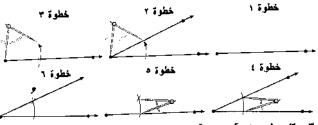
احتفظ بنفسس فتصه الفرجسار وضمع مسن الفرجار عند مس وخدذ قومسا كمنا هو ميسن وارمز تنقطتي تقاطع

وارمىز ئفطشى نقسلغ القوسين بالرمزين ل ، م

س (م) ص

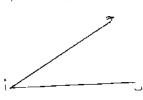
-۲- رسم زاویة تطابق زاویة مطومة

يوضع المعلم للأطفال أنـه إذا كمان اديفًا زاوية ما ولتكن < س ص ع كما بالشكل المقابل فإنـه يمكننـا باسـتخدام الفرجـار والمسطرة رســم زاويـة تطابقهـا ونقـا للخطوات التالية :

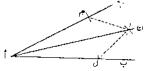


٣- تنصيف زاوية مطومة

۳- يرسم الأطفال أى زاوية ب أ جــ كالمبينة وبالإرتكاز في أ وبنصف قطر مناسب يرسمون توسين يقطعان أ ب فى ل، أ جــ فــى م. وبغتهــة الحــرى مناسبة يركزون فى ل ، م ويرسمون

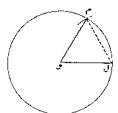


قوسين يتقطعان في ن ثم يوصل أن بقطع الشكل أل ن م وطيه حول أن يجد الأطفال أن المثلثين ن ألى ، ن أم متطابقان (متساويان) أي أن أن ينصف الزاوية ل أم. وبدلا من الطبي حول أهد يمكن للأطفال أن يقطموا المثلثين ألى ن ، أم ن ويبينون أنها متطبقان بوضع أحدهما فوق الآخر.



1- إنشاء زاوية مقدارها ٦٠°

يحتاج الأطفال فقط ارسم مثلث متساوى الأضملاع باستخدام الفرجار والمسطرة.



وتوجد طريقة لخرى مفيدة هي رسم دائرة كالمبينة وبالإرتكاز في ل وبفتحة تساوى طول نصف قطر الدائرة يرسم الأطفال قوسا يقطع الدائرة في م فينتج أن أطوال القطع المستقيمة و ل، م ل، م و متساوية على ذلك فإن المثلث و ل م متساوى الأضملاع أى أن تياس زاوية ل و م = ١٠٠°

وبتنصيف الزاوية ل و م تنتج الزاوية ٣٠ ° والإنشاء زاوية ٩٠ ° نستخدم الإنشاءات التى وصفت فى نشاط ١ وبتنصيف الزاوية ٩٠ ° نحصل على زاوية مقدا، ها ٤٠ ° إستخدام الأشكال الهندسية في الناحية الجمالية

يستمتع معظم الأطفال بأنشطة الرسم وخاصة عندما ننتج أشكال جديدة وشيقة ويشعر كثير منهم بالإرتياح عند رسم أشكال دقيقة ومتقنة أو تلوينها ويجب تشجيع هذا النوع من الإستمتاع بالرياضيات وفي نفس الوقت يجب تنمية بعض المهارات الفنية البسيطة باستخدام الأدوات الهندسية وذلك لأن القدرة على عمل رسم دقيق ومتقن مفيدة جدا في الحياة اليومية وفي التجارة وفي بعض المهن وفي مجال الرياضيات مستقبلا.

أ- تكوين الأشكال:

هذه الأنشَطة تجعل الطفل يتدرب على استخدام القلم الرصاص والمسطرة والفرجار. ويجب علينا تشجيع الأطفال على تلوين الأشكال التي يرسعونها بأنفسم.

أتشطية :-

۱- يرسم الأطفال خطين أ ، ب كما بالشكل المقابل. ثم يعينون على كل خط مجموعة من القراغات المتساوية بدءا من و (اسم يكون مناسبا) ثم ترقم كما بالشكل. ثم ترسم خطوط لربط كل رقم مع نفسه فيظهر شكل منحنى ويمكن تلوينه كما يمكن تعليق الرسوم الجيدة في الفصل.

۲- یحتاج کل طفل فی هذا النشاط إلى دائرة مرسومة على ورقة عادیة أو ورقة کرتون علیها ٣٦ رقم على مسافات متساویة کما بالشکل إذا کان الأطفال بستطیعون استخدام المنقلة فیمکنهم رسم خطا منحنیا لتکوین نصف دائرة ویمکن رسم نصف دائرة اخری لممل دائرة کاملة.

ويمكن استخدام ۱۰° على المنقلة في تحديد نقط على مسافات متساوية. وإذا لم يكن الأطفال المأفول المنقلة في المنطقة فإن البديل السهل هو تزويدهم من الواق منسوخ عليها دوانر مقسمة شم نرقم ١٠ النقط من الى ٣٦ ثم يرسم الأطفال خطوطا الله مستقيمة تربط بين الأرواج التالية:

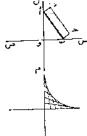
1 -- 7.7 -- 21.7 -- 11.3 -- 1.4 -- 1

اى كل رقم مع ضعفه. وبالإستمرار بنفس الطريقة يصدل الأطفال إلى 10 ightharpoonup 77 ثم يحاولون التعامل مع 19 <math>
ightharpoonup 4. ولكن لا توجد نقطة مرقمة ightharpoonup 70. وعلى أى حال يمكن التفكير في ightharpoonup 4 على لنها ightharpoonup 70 (أى دورة كاملة+ مسافتين) ولهذا فإن 19 ightharpoonup 70.

وبنفس الطريقة ٢٠ ← ٤، ٢١ ← ٦ وهكذا.

والنقطة الأخيرة والقليلة في الربط هي ٣٤ ← ٣٢، ٣٥ ← ٣٤ ، ٣٦ ←٣٦.

وعندما يرسم الأطفال القطع المستقيمة يظهر شكل منحنى كما في الرسم الأخيرفي الصفحة السابقة. يسمى هذا الشكل المنحنى القلبي (Cardioid) لأنه يشبه القلب ومعادلته [س = أ (١- جدّا هـ)] ويمكن استخدام غيط ملون ليربط بين النقط ويستمتم معظم الأطفال بهذا النشاط.



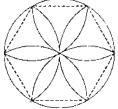
۳- يرسم الأطفال خطين متسامدين س ص، ل م كما هو مبين (ويمكن عمل شريط من الكرتون أو الخشب الرقيق أ ب جه د بحيث تقطع النقطة أعلى و ل والنقطة ب على و ص ثم يرسم خط على حانب الحافة أ ب.

ئم نحرك ألبى وضع أخر على و ل بحيث تظل ب ثابته على و ص ثم يرسم خط أخر. ويكرر هذا النشاط مع أوضاع مختلفة لكل من أ ، ب

على و ل ، و ص فيتكون الشكل المنحنى المقابل ثم يوضع الشريط فى المنطقة الشمالية العليا ثم يكرر النشاط وبعد ذلك تستخدم المنطقتان السافيتان. الشكل المخلق الكامل يسمى المنحنى النجمى Astroid.

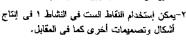
ب- رمنم الأقتكال

أنشطية:-



ا- يتدرب الأطفال على إستخدام الفرجار في رسم الدوائر (يحتاج كلير من الأطفال إلى هذا التدريب لكى يتعلموا كيفية مسك وإستخدام الفرجار) وعندما يتمكن الأطفال، أو يقدرون على رسم الدوائر فيمكنهم الإستعرار في عمل تصميم بسيط كالمبين وبربط النقط على الدائرة

بخطوط منقطة مستقيمة يمكنهم رسم مسدس منتظم كالمبين بخطوط منقطة يستمتع كثير من الاطفال بتلوين تصميماتهم.



۳- هذا النشاط مهم لائه يعتبر الأساس لكثير من أنشطة الرسم آلتى تأتى بعد ذَلك وفيه يرسم الأطفال تعقمة مستثيمة آAC طولها اسم شم يرسمون دائرة مركزها أو نصف قطرها عسم ثم يرسمون دائرة أخرى مركزها بونصف قطرها عسم شم يرمز لنقطتى تقاطع الدائرتين بالرمزين ل، ثم يناقش الأطفال فى معرفتهم عن النقطة (أنها على بعد صمم من أ، عسم من بوينفس الطريقة يناتشون النقطة م. ثم يكون

الأطفال مثلثا برسم أل، بل والذي أطوال أضلاعه السم، السم، اسم شم يرسمون مثلثا مطابقا له أبم (ويمكن توضيح ذلك بقطع المثلثين ووضعهما فوق بعضهما بقطع الشكل أل بم وثنيه عبر الخط أب).

٤- يكرر الأطفال النشاط ٣ باستخدام قيم مختلفة
 الأطوال للقطعة أب وأنصاف أقطار مختلفة
 للدان تدن.

وأثناء هذه الأنشطة التي تتعلق بالرسم يجب أن يلاحظ الأطفال ما بلي:

أ- عندما يتساوى نصفا قطرا الدائر تين قبان
 المثلث أل ب يكون متساوى السائين.

ب- عندما يساوى نصفا قطر الدائرتين الطول
 أب فإن العثلث أل ب متعلمابق الأضلاع.

 ج- وعندما یکون طولا نصفی القطرین آتل من طـــول أب فـــان الدائرتیــن لا تتقاطمـــان (متباعدتان) ولا یتکون مثلث.

 د- عندما یکون مجموع نصفی القطرین مساویا الطول أ ب فإن الدائرتین تتماسا.

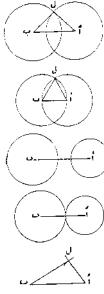
وستخدم الأطفال أفكار نشاط 3 لرسم مثلث معلوم أطوال أضلاعه. ويجب أن يتحقق وا بعرعة أنهم يحتاجون لرسم الدائرتين كاملتين ويكفى قوسان صغيران كما هو مبين.

إذا كان الأطفال يستطيعون إستخدام المنقلة فيقيسون الزوايــا الشلاث لكـل مثلث يرسمونه وبذلك يتدربون على قياس الزوايا ويقودهم ذلك إلــى أن مجمــع قياســات زوايــا المثلث ١٨٠.

 المنقلة فيم مقدور الأطفال استخدام المنقلة فيمكنهم رسم مثلثات باستخدام قيم معطاة لـ

أ- زاويتين وضلع واحد.

ب- ضلعين وزاوية محصورة بينهما.





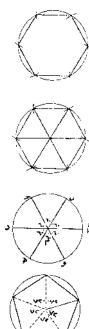
٧- يمكن تقديم رسم مضلع منتظم وليكن مسدسا في أول الأمر. فعلى سبيل المثال:

يرسم الأطفل دائرة وبقتحة طولها نفس طول نصف القطر نأخذ سنة أطوال متساوية على الدائرة التكون مسدسا كما هو مبين وبقياس الأشدلاع والزوايا يتحقق الألفقال من كونهم سدسا منتظما وبعد ذلك يصل الأطفال كل رأس بالمركز كما هو مبين على اليسار، ثم تناقش المثاثات السنة المكونة ويجب أيضا بناء الحقيقة التي تنص على أن جميع المثلث السنة منظابقة وينظر الأطفال إلى الزوايا الست عند مركز الدائرة كل واحد منها . لفة (دورة) كاملة أى قياس كل منها . ٢ ° ويعدنا إيجاد قيمة كل زاوية من هذه الزوايا بنقطة بداية جديدة لرسم مسدس منتظم كما في المناقشة التالية:

ترسم دائرة مركزها م ويرسم عن زوايا قيمة كل منها 10 ° كما هو مبين في الرسم الثاني ثم ترسم المنطوط أب، ب جد، جدد، دهد هدو لتكوين مسدس منتظم، ثم يرسم مخمس منتظم بنفس الطريقة. كما في الشكل الثالث وإذا كانت هناك ضرورة يجب إعطاء تدريبات على رسم مضلعات منتظمة بنفس الطريقة.

تعليـــق ومتابعة:

إن الهندسة هي المجال الذي يمكن أن ينمي الأطفال من خلاله المهارت الرياضية لبعض الموضوعات مثل التصنيف - الفروض - التعميم - البرهان ولكن تتريس الهندسة للأطفال الصنعار يجب ألا يستند إلى القيمة النفعية ولا إلى مكانة الهندسة باعتبارها إعداد للدراسات الهندسية مستقبلا بل يجب أن يستند إلى القيمة الجوهرية لتتمية الأطفال تربويا في حينه. فعندما يسأل طفل لماذا نعمل القيمة . (ندرس) هذا؟ فإنه لا يريد أن يعرف هاذا يعنى ذلك بالنسبة له أثناء قيامه بعمله.



ولما كان من الصعب تدريس نوع معين من الهندسة في جمهم المرحلة الإنتدائية فإنه معظم الرياضيين الخربويين يوافقون على أن الهندسة الشكلية لا تنتمى لمنهج المرحلة الإبتدائية وأن تدريس الهندسة من الحضانة حتى نهاية المرحلة الإبتدائية يجب أن يتم بصورة غير شكلية Informal بمعنى أن الخصائص تكتشف حدسيا ومن خلال التعامل مع الأشياء المحسوسة الموجودة في بيئه الطفل.

أما الهندسة التى تبدأ بمصطلحات غير معر فة (المعر قات) مثل النقطة - الخسائية المستقبة المستقبة - العستوى) ومسلمات مثل (أى نقطتين يحدان مستقبة) ثم من خلال اللامعرفات والمسلمات يمكن تعريف مفاهيم هندسية أخرى ومن ثم برهان نظريات فهذا اللامعرفات بسمى الهندسة الشكلية وهي تقدم في هندسة ما بعد المرحلة الإبتدائية.

ومما يسبب صحوبات في تدريس الهندسة في المرحلة الإبتدائية إن المعلمين يحاولون أحيانا استخدام الطريقة التي تعلموا بها الهندسة في تعليمهم للأطفال بمعنى أنهم لقد يعطون تعريفا المفهوم (كما في التنفيذ الشكلي) ويتوقعون من الأطفال أن يستخدموا هذا التعريف لتحديد أمثلة المفهوم وهذا المدخل غير مناسب للأطفال الصحار الذين لا يفكرون بنفس أساليب طلاب المرحلة الثانوية كما أنهم - أي الأطفال - لا يعرفون ما الذي تدور حوله التعاريف.

ويذكر Fuy & Tichler (19) أسباب وجوب تدريس الهندسة غير الشكلية فمى العرحلة الإبتدانية ناخصمها نيما يلمي :-

- ا- الهندسة من حيث كونها دراسة القراغ والعلاقات القراغية تفيدنا في إدراك وتوظيف البيئة من حولنا. ومن خلال أنشطة الهندسة غير الشكلية يمكن أن نساعد الأطفال على تنمية مفرداتهم اللغوية اليومية لاستيماب مفاهيم الشكل والفراغ (داخل خارج فوق تحت أمام حول مستقيم....).
- ٧- الأنشطة يمكن تتمى الحمس الجمالي لدى الأطفال كما أنها تجلب السرور لديهم
 بالإضافة إلى أن الأنشطة يمكن أن تنتج الفرصة للأطفال ليكونوا مبدعين.
- ٣- يحتاج الأطفال إلى خيرات منتوعة فى الهندسة غير الشكلية لإعدادهم للهندسة الأكثر شكلية والتي تأتى فى المرحلة اللاحقة.
- 4- الهندسة مرتبطة بعاثقات مع موضوعات الرياضيات الأضرى فكثير من الموضوعات العددية تعتمد بنرجة كبيرة على العلاقات الغرافية فمثلا: الفهم الحدسى للأشكال الهندسية مطلوب لفهم الكسور وعلى ذلك قالأنشطة الهندسية يمكن أن تستخدم في إعطاء تدريبات على موضوعات عددية منتوعة في منهج المرحلة الإنتدائية.

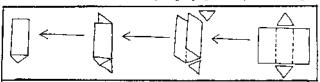
عندما ينفذ الأطفال الأشغطة الهندسية فإن المعلم يعطى القرصة لتشخيص نقاط الضعف والقوة في العلالات الفراغية.

٣- الهندسة غير الشكلية تساعد على القطم بالإكتشاف وهذا الإكتشاف يمكن أن يتحقق من خلال سلسلة من الأسئلة تودى إلى نتيجة محددة أو تنزك الباب مفتوح لنتائج متنوعة.

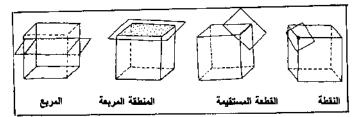
وفيما يتعلق بإستر التيجيات تدريس الهندسة للأطفال الصنعار فقد أوضح Fielker (22) أنه بالنظر إلى الأنشطة الموجودة في معظم الكتب المدرسية وجد انها لا تدرس التوبولوجي ولكنها تختير مفاهيم الإرتباط والإتصال داخل، خارج وهذا للأطفال، وأوصى بأن تكن الأشكال التي تعلى للأطفال لتصنيفها إلى منحنيات معلقة ومفتوحة تكون كل الخطوط منحنية كما أن الاشكال يجب أن تقدم في صورة غير متباورة أي لا شكل لها لتجنب أي مصاحبة معا الاشكال الاتيلدية مثل الدوائر والقطوع الناهصة. وكمثال لتوضيح فكرة داخل وخارج الشكل؟ كما هو مبين.



وبالنسبة للأشكال الهندسية فيجب أن نركز في تدريسنا على أنشطة الطي واللصق وأن نعود على بناء المجسمات بأنفسهم تحت إشرافذاوفي خطوات وقيما يلى مثال لأحد الأنشطة بناء الأشكال الهندسية المجسمة.



وفيما يتعلق بتدريس المفاهيم الأساسية كالنقطة والقطعة المستقيمة وما إلى ذلك فيجب التعامل ممها من خلال المجسمات وفيما يلى مثال لذلك



بعض الأخطاء الشائعة عند تعلم التلاميذ للهندسة ومعالجتها.

يحتاج تدريس الهندسة إلى متابعة التلامية عند تعلمهم الجوانب الهندسية المختلفة في بدء خبرتهم بهذا النوع من التشاط الريامني، ومن ملاحظة المعلمين ودراسات الباحثين أمكن التعرف على بعض الأخطاء التي تتكرر عند تلاميذ المرحلة الإبتدائية عند دراستهم لموضوعات الهندسة في الصغوف المختلفة.

ويذكر عبيد وزميلاه (١٣) أن من بين هذه الأخطاء الشائعة ما يلي:

(١) أخطاء في التمييز بين الأشكال المجسمة المختلفة:

ولعل ذلك راجع إلى قصور في التصور وربط الادراك البصرى بالادراك للشكال الهندسية عندما ترسم كأشكال منظورة في المستوى أي على سطح ورقة الكراسة حيث تتدفئ مكونات الشكل ويصعب على بعض التلاميذ القصل بين مستقيمات متقاطعة وأخرى متوازية، كما يصعب أحيانا إدراك تصور شكل مربع وهو مرسوم بصورة متوازى أضلاع. وهكذا.

ولعل علاج ذلك هو أن يربط المعلم بين الشكل المجسم وهو معروض أمام التلاميذ وبين صورته المرسومة على السبورة أو الورقة كما يجب على المعلم أن يوضع كيفية رسم الشكل المجسم ويبرز أوجهه وأضلاعه ورووسه والعلاقة بينهما أمام التلاميذ موضحا ذلك في نفس الوقت على الشكل المجسم ذاته.

(٢) أخطاء في التمميز بين الأشكال المستوية:

ولمعل ذلك يعود إلى أن بعض المعلميين يقدمون أسماء لأشكال وتعاريفها قبل تقديم مدلول الأسم نفسه (أى الشكل)، ويعالج مثل هذا الموقف بأن يقدم الشكل وخواصمه ثم يعطى لمه الأسم أو الرمز. كما رجب أن يقدم الأشكال المستوية مثل العربع والمستطيل ومتوازى الأخسلاع والمثلث في صورة واضحة وأوضاع مختلفة ويطلب من التلاميذ رسمها والتعرف عليها وتسعيتها والربط بينها وبين أوجه بعض المجسمات المحيطة بالتلميذ مثل أوجه الغرف وأسطح بعض المجسمات المصنوعة خصيصا لذلك. وتنفيذ الشفافيات والصور المتحركة في توضيح ذلك.

(٣) أخطاء في بعض المقاهيم الأساسية:

ومن أمثلة ذلك الخلط بين القطعة لمستقيمة والمستقيم وبين المثلث متساوى الساتين والمثلث متساوى الأضلاع والتعرف على الزوايا المتساوية المقابلة للأضلاع المتساوية. كذلك هناك الخطاء ناجمة عن عدم تسمية القطع المستقيمة والزوايا بالطريقة الصحدحة.

والعلاج هذا يعتمد على تحسين طرق التدريس والعمل مع أفراد التلاميذ لتشخيص أخطائهم مبكرا وتصحيحها قبل أن يثبت الطفل أفكارا خاطئة في ذهنه واستخدام الوسائط المعينة وإعطاء أشكال في أوضاع مختلفة وتبسيط لفة التعاريف وربط الرسم والصورة باللفظ وإعطاء التلاميذ فرصا لإكتشاف أخطائهم وتصحيحها تحت إشراف من المعلم هذا بالإضافة إلى تخصيص وقت كاف للمفاهيم الهندسية وعدم تركها لنهاية العام وفي عجالة من الوقت مما يعطى للأطفال إنطباعا إما بصعوبتها أو بعدم أهميتها.

(٤) أخطاء في طرق إستخدام الأدوات الهندسية:

يخطىء بعض التلامية في طريقة إستخدامهم لمسائدوات الهندسية بدوا من عدم استخدام القلم الرصاص غير المناسب في الرسم وجعل سنه مدببا بدرجة كافية وإستخدام القلم في الكتابة والرسم في نفس الوقت مما يحدث خطأ في القياس ودقته. كذلك قإن عدم الدقة في وضع المسطرة أو تأكل حافتها أو عدم وضوح أرقامها يسبب أخطاء عديدة ومن ثم يلزم تعويد التلامية على الأوضاع الصحيحة للمسطرة والتأكدمن سلامة إستقامة حافتها ووضوح تدريجها ووضع القلم عموديا عليها عند تحديد النقط وعند الرسم بمحاذاة المسطرة. كذلك يجب أن يتعلم التلمية كوفية حساب المسافة أو البحد بين أي رقمين على المسطرة الذي هو في الواقع درس عن الاحداثيات على خط الأعداد.

كذلك الحال بالنسبة لطريقة استخدام المنقلة في قياس الزوايا ذات الأوضاع المختلفة وطريقة حساب قياس الزوايا المنعكسة بالإستعانة بالمنقلة وفهم طريقة القياس ومد القطع المستقيمة الملازمة نذلك ومعرفة نقطة بده القياس والعد السليم بدءا من الصلع المطابق لصغر الترقيم حتى الضلع الثاني الذي يحدد الرقع الذي يدل على قياس الزاوية. كذلك الإهتمام بالتدريب على التحكم في دوران الفرجار مع تثبيت سنه وموازنة وضع قلم الرصاص ذي السن المدبب مع سن الفرجار حتى لا يحدث عدم إتران فيحركة الفرجار، هذا بالإضافة إلى التحكم في ورقة الرسم أثناء دوران الفرجار حتى يستكمل دورة كاملة أو رسم قوس ببعد معين وفي إتجاء معين.

(٥) أخطاء في رسم شكل هندسي بشروط معينة:

كثيرا ما يخطىء بعض التلاميذ فى رسم مثلث أو شكل رباعي بشروط معينة حيث قد يحدث خلط فى تياس زاوية بدلامن حيث قد يحدث خلط فى تياس زاوية بدلامن الأخرى أو ضلع بدلا من الأخر. ويعالج ذلك بأن يرسم التلميذ شكلا تقريبيا فى اول الأمر يحدد عليه الأبعاد والقياسات المعطاه ثم يضع خطة لمكوفية للبداية وبالأدوات التى سوف يستخدمها وبعد ذلك بيدا تنفيذ الشكل المعطوب برسم وقياسات دقيقة.

معلومات إضافية

مستويات فإن هايل V an H tele للنمو الهندسي

- المستوى (صغر): التصور Visualization اِكتشاف التَّاميذ الْمفاهيم الهندسية الأساسية مثّل الأشكال البسيطة بصدورة بصريـة للمفهـوم ككـل دون إعتبـار لخصائص مركباته.
- المستوى (١): التحليل Analysis إكتشافالتلميذ للمفاهيم الهندسية بوسائل تحليليـة غير شكلوة لتركيب أجزانه وصافته المميزة. تكونت الخصائص الضروريـة للمفهوم.
- المستوى (٧): التجريد Abstraction يرتب التلميذ خصائص المفهوم منطقيا، يضع تعريفات مجردة يستطيع التمييز بين الضعرورة والكفاية لمجموعة من الخصائص في تحديد المفهوم.
- المستوى (٣): الاستنتاج Deduction إكتشاف التلميذ شكليا من خلال نظام رياضي -يكمل فقرات غير معرفه: مسلمات - النظام المنطقى - مفهوم نسبيا -يتعامل مع المعرفات والنظريات.
- المستوى (٤): التجسيد Rigor يستطيع الطالب مقارنة الأنظمة بناء على التراضات يستطيع در اسة هندسات متعددة في غياب النماذج الحمية.

إختبر فهمك

١- صنف بعض الأنضطة للتعامل مع المفاهيم التوبولوجية التالية

القرب - الإنفصال - التطويق.

 ٢- لماذا يكون من المفضل البدء في دراسة المفاهيم الإقليدية في الهندسة من خلال المجسمات بدلا من الخطوط والأشكال المستوية؟

٣- صف بعض الأنشطة التي تساعد الأطفال على التسامل مع: المجسمات - الأشكال
 المستوبة.

٤- أكتب عبارة تميز بين الأشكال المتطابقة والمتشابهة.

٣- رسم تطمئين مستقيمتين آب ، ج ٦ بحيث.

أ- لا تتقاطعان ب- تقاطعهما هو آب.

جـ بتقاطعان في نقطة واحدة د- لتحادهما قطعة مستقيمة.

هـ - اتحادهما ليس قطعة مستقيمة .

ضع علامة (V) ، (×) أمام العبارات التالية:

أ- مستقيمان متوازيان يحددان مستوى

ب- مستقيمان متقاطعان يحددان مستوى

ج- کل مربع مستطیل

د- کل مستطیل مربع

لدينا المستقيم أب والنقطة ق لا تقع على أب كم عدد المستقيمات التي يمكن رسمها من ق موازية لـ أب من ق موازية لـ أب

. . . .

. . . .

. . . .

صل النقط المبيئة برسم أربع تطع مستقيمة مع مراعاة عدم رفع القلم عن الورقة أو إعادة رسم قطعة مرتين

الفصـــــل الثـــانــــى عشــــر الاحصـــــاء

- مفهوم الإحصاء وتطوره
- أهدف تدريس الأحصاء في المدارس
 - اساليب تدريس الإحصاء
 - مصادر جمع البيانات
 - أقسام الإحصاء
- استخدام الإحصاء في كتابة وتحليل الشفرة

من المتوقع بعد قراءة هذا القصل ودراسته أن يصبح الدارس قادرا على أن:-

- ١- يمر ف أسباب تضمين الإحصاء في مستوى المدارس.
- ٢- يضع قائمة بمصادر البيانات التي يمكن أن يجمعها الأطفال وينظموها في جداول ورسوم بيانية.
 - ٣- يجمع بيانات وينظمها في جدول ويمثل الجدول في صورة بيانية.
 - ٤- يصف أنشطة تساعد على بناء الحس الإحصائي لدى الأطفال.
 - ٥- يعرف أنسام الإحساء.
 - ١- يعرف مجالات استخدام الإحصاء في حياتنا العصرية.
 - ٧- يكتسب الخبرة في تدريس الإحصاء للأطفال.
- من المتوقع بعد أن يكمل الطفل دراسة الموضوعات الموصوفة في هذا الفصل أن يقدر على أن: -
 - ١- يجمع بيانات عن ظاهرة معينة في محيط فصله ومدرستة.
 - ٢- ينظم بيانات في جدول.
- ٣- يمثل بيانات موجودة في جدول بيانيا بإستخدام الرسم بالصور أو الأعمدة البيانية أو
 الخط المنكسر أو الدائرة.
 - ٤- يعرف متى يستخدم طريقة عرض البيانات المناسبة.

مفهوم الإحصاء وتطوره

كلمة لحصاء مشتقة من فعل أحصى ومضارعها يحصى بمشى يعد أو يحصر. ويرجع إشتقاق فعل أحصى إلى الحصى أو الحجارة الصنفيرة، وهي الأداة التمي تعلم الإنسان عن طريقها عد الأشياء المحيطة.

وقد ورد ذكر الإحصاء في القرآن الكريم فقد قال تعالى "وأحاط بما لديهم وأحصى كل شيء عددا" ، "وإن تعدوا نعمة الله لا تحصوها".

وللإحصاء تعاريف كثيرة أهمها الذي يقول أن:

الإحصاء هو ذلك الفرع من العلوم الذي يهتم بجمع البيانات وتصنيفها وعرضها وتحليلها وتفسيرها بغرض المقارنة ومعرفة التنانج وإستنتاج العلاقات لإستخدامها في إنخاذ القرارت المناسبة.

وأقدم الإحصانيات في التاريخ يعود تاريخها إلى حوالي ٣٠٠٠ سنة قبل الميلاد، وهي إحصائية قدماء للمصربين بهدف صرفة الثروات وأعداد العمال قبل بناء الأهر نمات.

وفى عام ٩٩٠ ق.م. تقريبا أجرى أول إحصاء رسمى لنسكان فى اليونان بهـدف جمع الضرائب من الأغنياء.

أما أول إحصائية قام به المسلمون فكانت في عهد الخليفة الثاني عمر بن الخطاب رضى الله عنه، عنصا أمر بكتابة أسماء الناس في قوائم حسب أسبقيتهم للإسلام وما قدموه من تضحيات في سبيله. وعندما دخلت السراق في الخلافة الإسلامية قيست الأرض الصالحة للزراعة بالعراق وصنفت حسب ملاكها وما تنتجه من محصول، وفي أيام الخليفة عمر بن عبد العزيز أعدت قوائم بأسماء الفقراء والمعوقين في الدول الإسلامية بفرض دفع رواتب منتظمة لهم من بيت مال المسلمين.

أما الإحصاء الحديث فقد بدأ بكتاب "ملاحظات طبيعية وسياسية حول معدل الوفيات" في عام ١٩٦٢م قام بتأليفه الإنجليزي جون جارنت John Graunt ثم تطور الإحصاء نتيجة أعمال بعض عاماه الرياضيات مثل باسكال وقيرمات وبرنولي ودى موافر وبيرسون وغيرهم ثم إستخدمه أيضا علماء مثل كاتل وسييرمان ثم أضاف فيشر ابضافات رئيسية استخدمت في مجال البحوث الزراعية والبيولوجية. ومع تقدم الحضارة الاسانية تعددت استخدامات الإحصاء لتشمل مختلف أنواع الأعمال الحياتية من زراعة وصناعة وإقتصاد وتجارة وسياسة وتعليم.

أساليب تدريس الإحصاء:-

يوجد أسلوبان منفصلان لتتريس الإحصاء وهماد

١- إصلوب التداخل ما بين المواد أو المقررات الدراسية:

ووجهه النظر في هذا الإسلوب هو عدم إعتبار الأحصاء مادة دراسية منفسلة ولكنها تقدم كاداة تنطبيقها في مشكلات بحثية وبصباغة أخرى يجب أن يبنى تدريس الاحصاء على مشكلات مع التركيز على تجميع البيانات من الظواهر الحياتية و تحليلها و تفسيرها بالإضافة الى تدريب الطلاب على استخدام مالديهم من معرفه الحصائدة.

٢- اسلوب التجارب العملية :

و يقوم هذا الاسلوب على اكتساب المتعلم للمفاهيم و المبادى، الاحصانية من خلال اشتراكه في اجراء بعض التجارب العملية المستخدمة في حيانتنا اليومية وتتكون ملامح العمل في هذا الاسلوب مما يلي:

١- صياغة المشكلة

٢ - تجهيز البيانات

٣- عمل الإجراءات اللازمة (خطوات العمل).

٤- رصد النثائج وتحليلها.

٥- توفير تجارب إضافية تستخدم كنموذج لمجموعة من المشكلات.

٦- تقدم التجارب الإضافية بعض الإلتراحات لكيفية إجرائها.

٧- توضع أسئلة بغرض مساعدة المتعلم على مناقشة نتائجه وصياغة تعميماته.

أهداف تدريس الأحصاء في المدارس:-

إجتمعت كثير من اللجان في العقود الأخيرة وعقدت كثير من الموتسرات التي إهتمت بتدريس الأحصاء وكان من أهمها الموتمسر الأول لتدريس الإحصاء في sheffield في بريطانيا في أغسطس ١٩٨٢.

وإنعكست نتائج تلك المؤتمرات على الإهتمام بالإحصاء وتدريسه في المدارس لما له من أهمية كبرى لأنها أي الإحصاء تتعامل مع مواقف يمكن تحديدها كما أنها تزودنا بطرق للدراسة والفهم وضبط ما هو غير مؤكد. كما يلعب التفكير الإحصائي دورا هاما قبي الحياة اليومية المتطمين كما أن الإستدلال الإحصائي يساهم بطريقة أساسية في عمليات صفع القرار في الأنشطة المتعددة في كل من الحلوم الطبيعية والإنسانية بالإضافة إلى الأهمية المتزايدة للإحصاء وأورد هولمز Holmes (٧) خمصة أسباب لتضميس الإحصاء في مسوى المدارس هي:-

- ١- هدف ثقافي حيث أن الإحصاء جزء من الثقافة الإنسانية فإن دراسته تكمل ثقافة المتعلم.
 - ٢- التفكير الإحصائي جزء أساسي من التفكير العددي.
- ٣- يساعد على الكشف عن التاريخ الحقيقي للشخص مما يساعد على النمو الشخصى.
- ٤- هدف نفسى: حيث أن أفكار الإحصاء تستخدم على نطاق واسع فى العمل بعد المدرسة.
- ٥- تدريس الإحصاء مبكرا في المدارس يعطي أساسا للفهم الحدسي Intutive للمادة.

تقديم الأحصاء

نتتاول في هذا الفصل تقديم المفاهيم الإحصانية التالية :-

أولا جمع البيانات:-

البيانات هي العمود الفقرى للإحصاء. و المرحلة الأولى من مراحل العملية الإحصائية هي جمع البيانات عن الظاهرة موضوع الدراسة والبيائات التي تجمع عن الظواهر لا تجمع لذاتها بل تجمع بهدف دراستها وتحليلها واستخراج النتائج منها.

وبالتالى فإن جمع البيانات هي القاعدة التي تبنى عليها كل المراحل التالية في العملية الإحصانية.

مصادر جمع البيانات

لقد وضع المركز القومي (NCTM) لمعلمسي الرياضييات القائمة التالية وهمي عبارة عن: البيانات التي يمكن جمعها واستخدامها من قبل الأطفال

- ١- مقاسات أحنية الأطفال.
 - ٢- أطوال الأطفال.
 - ٣- أوزان الأطفال.
- ٤- لون العينين، والشعر للأطفال.

- المشتركون في النوادي والجماعات المدرسية.
 - إلانوان المفضلة للأطفال.
- ٧- أسعار بعض الأثنياء في محلات مختلفة كما جاءت في إعلانات الصحف،
 - ٨- برامج التليفزيون المفضلة.
- و- تسجيل درجات الحرارة على مدى أسبوع في مكان محدد من حجرة الدراسة في ثلاثة أوقات مختلفة كل يوم.
- ١٠ عدد السيارات التي تمر أمام شباك الفصل خلال فترة خمس دقائق في نفس الموعد
 كل يوم.
 - ١١- درجات الحرارة القصوى والدنيا للمنن كما جامت في نشرة الأخبار.
 - ١٢- الاسم الأول لخمسين شخصنا.
 - ١٣ تاريخ الميلاد للأطفال،
 - ١٤- نمو نبات في أسبوع.
 - 10- المساقة بالأمتار التي يبعدها كل طفل عن المدرسة.
 - ١٦- الزمن الذي يستعرقة كل نشاط صفى في اليوم.
 - ١٧- توع الفاكهة المفضل لدى الأطفال،
 - ١٨- أنواع الكتب التي يقرأها الأطفال.

كل هذه الأمثلة تقدم الفرصة المُطفال لكى يجمعوا البيانات من مصادر أولية تتمثل في : الأطفال أنفهم – أصدقائهم – الأطفال في فصول أخرى والمراهقين في مدارسهم ويفضل استخدام البيانات من المصادر الأولية عن التي يمكن الحصول عليها من التقاويم almanacs – دوائر المسارف-الكتب المدرسية لأنها تمثل معنى أكبر بالسبة للأطفال وأيضا يكتسب الأطفال خبرات فنية من خلال جمع وتنظيم وتفسير البيانات عندما يجمعونها بانفسهم وأخيرا يمكنهم أن يستخدموا معرفتهم لقراءة وتفسير الجداول والرسوم البيانية الجاهزة.

طرق عرض البياثات

أولا: العرض الجدولي:

يعد أن يجمع الأطفال البيانات لمإنهم يحتاجون إلى تنظيمها حتى يمكنهم تفسيرها بسهولة والجداول من الأساليب المفيدة في ذلك

مثال: في التخابات الفصيل كان المرشحون هم خالد، سامح، كمال وكانت الأصوات التي حصاوا عليها كما بلر:

		<u>-</u>
كمال كمال	سامح سامح كمال	خالد خالد
خلاد كمال	كمال خالد سامح	كمال سامع
كمال خالد	كمال سامح كمال	سامح كمال

يقول العملم بإمكانشا عمل جدول يبين عدد الأصنوات التي حصل عليها كل مرشح ويوضح أنشا سنزمز لكل صنوت بعصا (العلامة /) ولكل خمسة اصنوات بالعلامة المسلمة

ولمعمل الجدول نتبع الخطوات التالية:

١- نرسم جدولا كالعبين .

٢- نضع علامة في عمود العلامات لكل مرشح يحصل على صوت بعد قراءة الإسم
 على البطالة.

نتائج الإنتخابات			
التكرار	العلامات	الإسم	
٥		خالد سامع	
٦,	1111	كمال	
٦.	1111 - 1111 -		

٣- نكتب عدد الأصوات التي حصل عليها كل مرشح في عمود التكرار.

ثم يطلب المعلم من الأطقال أن ينظروا في الجدول ويجيب على الأسئلة التالية:

١- ما عدد الأصوات التي حصل عليها كل من:

خالد-----، سامع-----، كمال-----

٢- كيف يمكنك معرفة العدد الكلى التلاميذ الذين أدلوا بأصواتهم؟

٣- كم عدد تلاميذ الفصل الذي أجرى فيه الانتخابات؟

٤- من الذي فاز في الإنتخابات؟

ثانيا: العرض البياني

يستخدم العرض البياني الإعطاء فكرة واضحة وسريعة عن البيانات. وهناك طرق مختلفة للعرض البياني وفيعا بلي بعض منها:

 الكتابة بالصور أو الرسوم Pictograph أحيانا يكون من العفيد استخدام الصور أو الرسوم لتعقيل البيانات ومن معيزات هذه الطريقة أنها تمرض البيانات وتقارن بينها بطريقة جذابة.

مثال:

الشكل يوضع عدد الأهداف التي سجلها فريق كرة القدم في دوري المدارس

Γ	عدد الأهداف المسجلة	. 1 11
\vdash	315 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 1	المهاجمون
1		أسامة
	\bigcirc	على
L.		ياسر
	10.1	

المفتاح: 🔾 ٦ أهداف

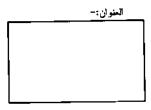
ويوضح المعلم للأطفال الإرشادات التالية لعمل التمثول بالصور

١- ضع عنوانا،

٢- إرسم المحوزين.

٣- إستخدم المفتاح ليبان الرموز وقيمتها.

٤- مثل الرموز على الرسم.



المفتاح:--

ثم يوفر المعلم للأطفال تدريبات متعددة على هذا النوع من التمثيل البياني.

٢ - الأعمدة البياتية:

الأعمدة البيانية تساعدنا فيالمقارنة بين البيانات بصورة أكثر دقة.

مثال: حصل تلميذ بالصيف الرابع على الدرجات الأتبية لبعض المواد الدراسية (علما بأن النهاية العظمى ٥٠ درجة)

التربية الدينية	العلوم	للدر اسات الإجتماعية	الرياضيات	اللغة العربية	الميادة الدر اسية
٤٥	£ .	٣٥	٥.	٣,	الدرجة

والمطلوب تمثيل ذلك بالأعمده البيانية.

نِن معظم الأطفال لديهم القدرة على رسم الأعمدة البيانية البسيطة ولكنهم يحتاجون فى معظم الأحوال إلى مزيد من المساعدة والتوجيه عندما تقدم لهم فكرة البدء قد لا يكون دائما بالصفر على المحورين.

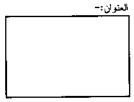
وفيما يلى خطوات مقترحة يسير على هديها الأطفال - تحت إشراف المعلم - عند انتمثيل بالأعدة البيانية.

١- منبع عنوانا للرسم.

۲- استخدم مقیاس رسم مناسب بفترات متساویة.

٣- إستخدم أعمدة (مستطيلات) ذات عرض متساو.

أستخدم مسافات متساوية بين الأعمدة.

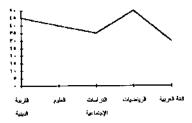


والشكل التالى يوضح التمثيل البياني للجدول السابق:



Y- الخط البياني المنكسر Line Graph

يستخدم الخط المنكسر لبيان التغيرات حسب الوقف وإرشادات عمل النخط المنكسر هي نفسها مثل الخطوات الثلاث الأولى في عمل الأعمدة البوانية وفيما يلي تمثيل الجدول المعابق باستخدام المخط المنكسر.



٤- التمثيل بالدائرة Pie Graph

نستخدم الدائرة في العرض البياني عندما نريد أن نعرض نسب كميات مختلفة بدلا من الكميات نفسها ويظهر هذا النوع من المرض البياني في كتب الجغرافيا وكتب العلوم والصحف والمبحلات ويجب تشجيع الأطفال على جمع مثل هذه الرسوم حتى يمكن مناقشتها ويمكن تلخيص خطوات العرض بالدائرة كما يلى:

١- ترسم دائرة بإستخدام نصف قطر مناسب.

٢- نحدد زاوية كل قطاع بإستخدام المعادلة التالية

٣- بعد تحديد زوايا جميع القطاعات نبدأ في تحديد كل قطاع على الدائرة بواسطة
 المنقلة. ويجب أن يكون مجموع زوايا هذه القطاعات مساويا للزاوية المركزية (أى ٣٦٠ ع) ثم نعطى كل قطاع لونا (أو تظليلا) معينا

ويجب أن يتعلم الأطفال أن يعملوا ويفسروا التمثيل بالدانرة. وهذا التمثيل عادة يعرض نسبا ولهذا يجب عدم استخدامه قبل التمكن من النسية وكيفية حمالها. كما أنهم يحتاجون ايضا إلى معرفة كيفية قياس الزاوية على دائرة

وقيما يلي مثال على استخدام التعثيل بالدائرة

الجدول التالي ببين عدد التلاميذ المشتركين في بعض جماعات النشاط العدرسي في فصلك

عدد التلاميذ	الجماعة
١٠	الرياضيات
٥	الصحافة
	المعلوم

والمطلوب تعثيلها بإستخدام الدائرة

والحدول التالي ببين متى تستخدم كل نوع في التمثيل البياني

والكدول المالي يبين على مستعم ما فرح عن الله الله الله			
متی بستخدم	نوع التمثيل البياني		
لبيان المقارنة بين البيانات	الأعمدة البيانية		
نبيان المقارنة بين البيانات بطريقة جذابة	الكتابة بالصور		
لبيان التغير حمىب الوقت والتغيرات والتباينات	الخط البياني		
لبيان الأجزاء من كل والعلاقة بين هذه الأجزاء	التمثيل الدانرى		

توجهات في تدريس الأحصاء

يذكر Lennort أنه توجد خمسة توجهات Trends رئيسية ظاهرة في تعليم الإحصاء على المستوى المدرسي هي:-

1- التركيز على الإحصاء Emphases on statistics

وخاصة الأحصاء الوصفى حيث أنه من الممكن تقديم مقرر تفكيرى بدون خافية فى الإحتمالات وابدخال مفاهيم الإحتمالات عند الحاجبة إليها فقط كما أنسه مسن Exploratory Data الممكن إدخال طرق تحليل البيانات Analysis حيث يجب أخذها فى الإعتبار.

٧- التركيز على التطبيقات وبناء النموذج

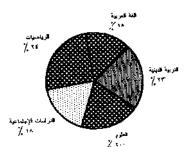
ويعنى شرح المادة مع التركيز على تطبيقات من مجالات متعددة مثـل العلـوم -التكنولوجيا - التأمين - ضبـط المرور - العلوم الاجتماعيـة - الإدارة ولكن المشكلة الخطيرة اليجاد تطبيقات مناسبة من هذه المجالات الواسعة.

كما أن التطبيقات من وجهة نظر أخرى توسع من خبرة المتعلم في النمذجة الرياضية ويمكن القول أن التركيز على النمذجة الرياضية إتجاد في التدريس في همذه الأيام ليس فقط في الأحصاء ولكن في الرياضيات بصفة عامة.

- إستخدام المحلكاة Use of simulation

المحاكماة أداة أو وسيلة هامة ومبدأ هام في تدريس الإهتصاء والإحتمالات ويمكن إستخدامها لدراسة التجارب العشوانية عندما تكون المعالجة التحليلية غير ممكنة. ٤-إستخدام الآلات الحاسية والكمبيوتر

يوجد الأن اتجاه في تدريس الإحصاء مفاده إستخدام الآلات الحسابة والكمبيوتر نظرا للإمكانيات الواسعة التي ظهرت حديثا ويركز هذا الإتجاء على الإهتمام بالإجراءات



تعليق ومتابعة:

يغيدنا عرض البيانات بيانيا في حالات متعددة منها:-

أ- يمكن من خلاله عرض بيانات في صورة سريعة وسهلة الفهم.

ب- يشير إلى العلاقة بين عناصر مجموعتين.

جـ بزودنا بمعلومات لم تكن معلومة لدينا من قبل.

ولا يجب تقديم العرض البياني كموضوع مستقل بذاته. بل يستخدم أنشاء أي نشاط ويعتقد معظم المعلمين أن التمثيل البياني لا يزيد من فهم الطفل للنشاط فقط ولكنه عادة رياضية جيدة يجب تنميتها ويصفة عامة يستمتع الأطفال بالعمل البياني وقد يعجبون بأنفسهم عندما ينتجون أعمالا ملونة ودقيقة ومحكمة ونابضة بالحياة كما أنهم يشعرون بالسعادة عندما تعلق أعمالهم في الفصل.

وقد يواجه الأطفال بعض الصعوبات وخاصة في المرحل الأولى في إستخدام الكتابة بالصور والأعمدة البيانية ولذلك يفضل عدم التعجل في تدريس تلك العوضوعات.

والقدرة على قراءة الأشكال البيانية وفهمها على درجة من الأهمية مثلها مثل القدرة على رسم الأشكال البيانية وعلى مفاقشة مدى إستفادتهم من هذه الأشكال كما يجب على المعلم الإستخدام الجيد للأشكال البيانية التى تحدث فى المواد الدراسية غير الزياضيات لأن ذلك يصقل خبرة الأطفال وفى نفس الوقت يساعدهم على تنمية عادة النظر إلى الشكل البياني وسوف يصبح الأطفال على وعى بأن الشكل البياني يمكنه إعطاء معلومات شيقة ومفيدة كما يجب على المعلم تدريب اطفاله على إختيار التعثيل البياني المناسب.

الحسابية الكثيرة في تدريس الأحصاء لأن هذه الإجراءات تحسب بسهولة من خلال الألم الحاسبة - كما توجد برامج جاهزة للتعليل الأحصائي بإستخدام الكمبيوتر ومن هنا فالتدريس يجب أن يركز على إكتساب المفاهيم الإحصائية وتتمية الحس الأحصائي لدى المقامل وليس الإهتمام بالإجراءات الحسابية.

ه- استقدام المشروعات Project Work

يذكر هولمز Holmes الأسباب التالية لتضمين مشروعات.

العمل في تدريس الإحصاء

١- إنها تضم إستخدام الأساليب الأحصائية في سياق عملي.

٢- أنها أكثر دافعية للمتعلم من الدروس الروتينية (هذا بصفة خاصة إذا اختبار المتعلم مشروعه من المجالات التي يهتم بها).

٣- أنها تعطى لحساسا سريعا بأن البيانات حقيقية.

٤- أنها تظهر قيمة تعلم الأحصاء من خلال تطبيقاتها المختلفة.

معلومات إضافية

١- أقسام الإحصاء:

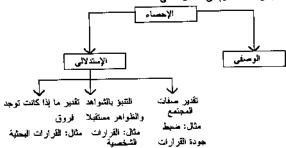
يمكن تقسيم مجال الأحصاء إلى مجالين أساسيين هما :-

أ- الأحصاء الوصلى Descriptive Statistics

ويعتبر جزءا صغيرا من المادة ويهتم بتلخيص خصائص وصفات العينات وتستخدم الطرق الأحصائية فيه في جمع البيانات ومعالجتها بغرض إستنباط الخواص الأساسية التيتميز هذه البيانات وينحصر عمل الأحصائي في هذا المجال داخل اطار توصيف البيانات المتاحة باستخدام طرق تسجيل وعرض البيانات جدوليا وبيانها وحساب بعض المقاييس منها (مثل مقاييس النزعة المركزية والتشتت والارتباط) ولا يعتب عصل الاحصائي هذا إلى محاولة تعميم النتائج المحسوبة على مجتمعات أكبر من مجموعات البيانات التي حسب منها

ب- الأحصاء الإستدلالي: Inferencial Statistical

وتتتمى معظم الطرق الأحصائية إليه ويختص بتقدير خراص المجتمع من واقع خواص مجموعة البيانات المتاحة من عينة أو أكثر ثم بحثها. ويقوم هذا التقدير أساسا على مجموعة من الإنتراضات عن العلاقة بين المينة التي يمكن قياس خواصها مباشرة وبين المجتمع الذي يعتقد أن العينة مأخوذة مضه والذي نر غب في تقدير مواصفاته ويمكن تلخيص هذا التقسيم في الشكل التالمي:-



٣- إستخدام الأحصاء في كتابة وتحليل الشفرة

بنيه لمن الضيرورى لقراءة عبارة مثل ZH WKH SHRSOH معرفة مفتساح decode وعلم التشفير الرسائل شفرتها. decode وعلم التشفير الرسائل فالتشفير يعنى كتابة العبارت كرموز in codes بينما فك وتحليل الشفرة يعنسى ترجمة هذه الرموز إلى العبارت الأصلية.

والإحصاء هي لحد الطرق المستخدمة في تشغير وفك وتحليل الشفرات. ولما كان علم الأحصاء هو دراسة تنظيم وتحليل البيانات فإن المشفرين يستخدمونه أي الإحصاء في تحليل مقالات عادية من الجراند والمجلات بحسبون مدى تكرار حروف الهجاء في هذا المقال ويطلق على هذا الإجراء ما بسمى بتحليل المحتوى.

وفى دراسة عن اللغة الانجليزية أثبت الباحث أن حرف الهجاء E هوالحرف الاكثر تكرارا فى هذه اللغة والجدول التألى يوضع التكرار النسبى (الصورة مقربة) لجميع حروف الهجاء فى اللغة الإنجليزية من Aإلى Z

A- 7.3%	J- 0.2%	S- 6.3%
B- 0.9%	K- 0,3%	T- 9.3%
C- 3.0%	L- 3.6%	U- 2.7%
D- 4.3%	M- 2,5%	V- 1.3%
E- 13.0%	N- 7.8%	W- 1.6%
F- 2,7%	O- 7.4%	X- 0.6%
G-1.7%	P- 2.7%	Y- 1.8%
H-3.4%	Q- 0.3%	z- 0,1%
I - 7.5%	R- 7.3%	

وبمعرفة هذه التكرارت يعرف المشفرون أن الرمز الأكثر تكرار في أي عبارة يقابل الحرف E ولهذا فإذا نظرنا إلى العبارة المابقة فإنشا تستطيع أن نخمن أن الحرف H يقابل الحرف E في النص الأصلى وليس من الضروري أن يكون هذا التخمين صحيحا ولكنه ليس سينا كمحاولة أولي

س: هل يمكنك حل الشفرة السابقة ZH WKH SHRSOH?

WE THE PEOPLE

ج:

وطريقة تشفير هذه العبارة كانت إزاحة الحرف الأصلى ٣ خانات إلى الأمام.

وهذه الطريقة تسمى طريقة يوليوس تيصر Julius Caesar الذي كان أول من استخدامها.

إختبر فهمك:

1- أذكر أربعة أسباب لتضمين الإحصاء في البرنامج المدرسي.

٧- ما الفرق بين الإحصاء الوصفي والإحصاء الاستدلالي؟

٣- قارن بين طرق عرض البيانات التالية الرسم بالصور - الأعمدة البيانية - الخط المنكسر - الدائرة.

٤- البيانات التالية تعبر عن سكان بعض المدن (بالألاف)

_	د	÷	پ	1	المديئة
17.	1	۸.	٤٠	٧.	عدد السكان

والمطلوب تمثيل هذه البيانات بإستخدام الأعمدة البيانية - الخط المنكسر - الدائرة.

السمسراجسع

- ١-أحمد أبو العباس، محمد على العطروني: تدريس الرياضيات المعاصرة
 بالمرحلة الإبتدائية، الكويت، دار القام ١٩٧٨.
- ٢-المشروع الريادى لتطوير تدريس الرياضيات، المجلة العربية للتربية، تونس،
 المجلد الخامس ، العدد الأول، مارس ١٩٨٥.
- الملكة العربية السعودية، وزارة للمعارف الرياضيات للصف الأول والثماني
 والثالث :كتاب المعلم. بيروت، دار الكتاب اللبناني.
- العملكة العربية السعودية، وزارة المعارف: الأحصاء الوصفى. "كتباب الطالب"
 ١٤٠٩-١٤٠٩.
- جلال شوقى، على الدفاع: العلوم الرياضية فى الحضارة الإسلامية الجزء
 الأول، دار جون وايلى وأينانه ١٩٩١
- ٣-روبرت موريس (مترجم) در اسات في تعليم وتعلم الرياضيات، ترجمة عبد الفتاح الشرقاوى مطبوعات مكتب التربية العربي الدول الخليج ١٩٨٧.
- ٧- سعفيد جابر المنوفي: تجريب تدريس يعض موضوعات الإحصاء الإستدلالى لدى طلاب الصف الثانى من المرحلة الإبتدائية، محلة كلية القريبة على على على المرحلة الإبتدائية، محلة كلية القريبة على الربيل ١٩٩١.
- ٨-شكري سيد أجمد: أخطاء التلاميذ الشائعة في الكسور العشرية و الإعتبادية فـي منهج الرياضيات بالمرحلة الإبتدائية، رسالة الخليج العدد ٤٧ السنة ١٩٩٣.١٤
- 9- عبد الله عبد الرحمن المقوشي، عبد العزيز حمد العزوز، محمد على الملق:
 طرق تدريس الرياضيات، الكتاب الثاني، المملكة العربية السعودية
 وزارة المعارف، الكليات المتوسطة ١٩٨١.
- ١٠ محمد فيالة: تدريس الهندسة في التعليم العام، المجلة العربية للتربية، تونس المجلد الخامس، العدد الأول ١٩٨٥.
- ١١- نظلة حسن خضر: أصول تدريس الرياضيات، القاهرة، عالم الكتب ط٢
 ١٩٨٥.

- ١٢ نظلة حسن خضر: أصدول تدريس الرياضيات، القاهرة، عالم الكتب ط٣
 ١٩٨٥.
 - ١٣- وليم عبيد: تطور مفهوم المهارات الأساسية ودور المدرسة الابتدائية،
- 11 وليم عبيد، محمد المقتى، مسعد نوح: تدريس الرياضيات بالمرحلة الإبتدائية
 "المستوى الرابع"، وزارة التربية والتعليم ، برنامج التأهيل النتربوى
 1984.
- اليم عبيد، نظلة حسن خضر، ومعدوح محمد سليمان: تدريس الرياضيات بالمرحلة الإبتدائية، المستوى الثالث، وزارة التربية والتعليم، برنامج التأهيل التربوى، ١٩٨٧
- ٣١٠ يعيى هامد هندام، جابر عبد الحميد جابر: تدريس الحساب وأسسه النفسية والنربوية، القاهرة، دار المعارف ١٩٨٦.
- 17- Alan Wise & Carol Wise: Arithmetic H B J Publishers 1986.
- 18- Brian Greer: Noncoservation of Multiplication and Division Involving Decimals. <u>Journal for Research in</u> <u>Mathematics Education</u>. Vol. 18, No. 1 January 1987.
- 19- Cecil D. Mercer & Ann R. Mercer Teaching Students With learning Problems., Charles E. Merrill Pablishing Company 2nd Ed. 1985.
- 20- David J. Fuys ad Rosamond W. Tischler: Teaching Mathematics in the Elementary School. Little, Brown and Company 1979.
- 21- D Paling; "Teaching Mathematics in Primary Scholls" Oxford Universty Press 1982.
- 22- Deborah Loewenberg Ball: Prospective Elementary And Secondary Teacher's Under standing of Pivision. JRME Vol 21 No. 2 1990.
- 23- David S. Fielker: Strategies for Teaching Geometry to Younger Children, <u>Educational studies</u> in Mathematics, (10) 1979.
- 24- Deborah Schiffer & Catherine Twomey Fosnot: Reconstructing Mathematics Education, Teachers College, Columbia University 1993.
- 25- Burger and J.M. Shaughmessy: Characterizing The Van Hicle levels of Development In Geometry: <u>JRME</u> Vol. 1 No. 1 1988.

- 26- Harvey Gerber: Mathematic For Elementry School Teachers Saunders College Publishing 1982.
- 27- Grace M-Burton. et al: Mathematics Plus. H B J Harcourt Brace Jouandovich (H B J). Inc 1992.
- 28- Lioyd I. Richard son, Jr. et al: A Mathematics Activety Curriculum for Early Childhood and Special Education. Macmillan Publishing Co. Inc 1980.
- 29- Leonard M. Kennedy: Gulding Children To Mathematical Discovery, Wadsorth Publishing Company 1980.
- 30- Malcolm Graham: Modern Elementary Mathematics. 4 th ed. Harcourt Brace Joucenovich Publishers. 1984.
- 31- Max S. Bell & Karen C. Fuson Richard A Lesh: Algebraic And Arithmetic Structures. A Concerete Approach For Elementary School Teachers 1976.
- 32- Richard N. Aufmann & Vernon C. Baeker: Basic College Mathematics, An Applied Aproach third Edition. Houghton Mifflin Company 1987.
- 33- Susan J. Lamon: Ratio and Proportion: Connecting Content and children's Thinking. <u>Journal for Research</u> in Mathematics Education Vol. 24 No. 1 1991